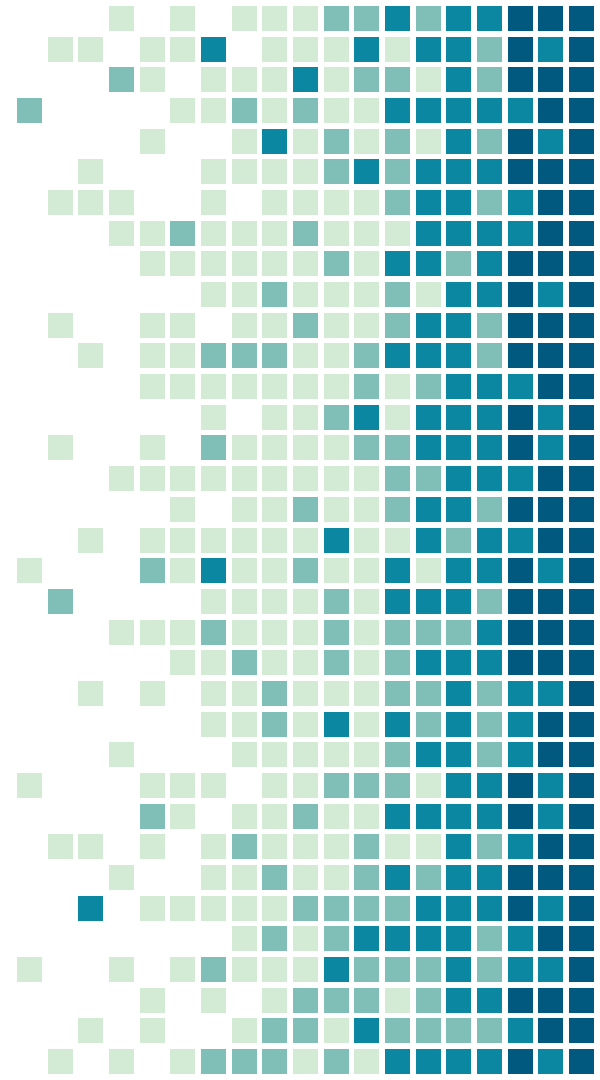


# Introduction à la cryptographie

# Présentation

Quelques généralités



# Pourquoi écouter cette présentation ?

- La crypto est partout
  - ◆ HTTPS, SSH, LUKS, GPG, ...
- Affaire avec à un moment ou un autre
  - ◆ JWT, git, connexion SSH, dm-crypt, PBKDF2, ...
- Vie privée



# Qu'est-ce que la cryptographie ?

- Discipline de la cryptologie
- Protection des messages
- Pas de dissimulation des messages (stéganographie)



# Qu'est-ce que la cryptographie ?

- ~Codage
- Hachage
- Chiffrement symétrique
- Chiffrement asymétrique



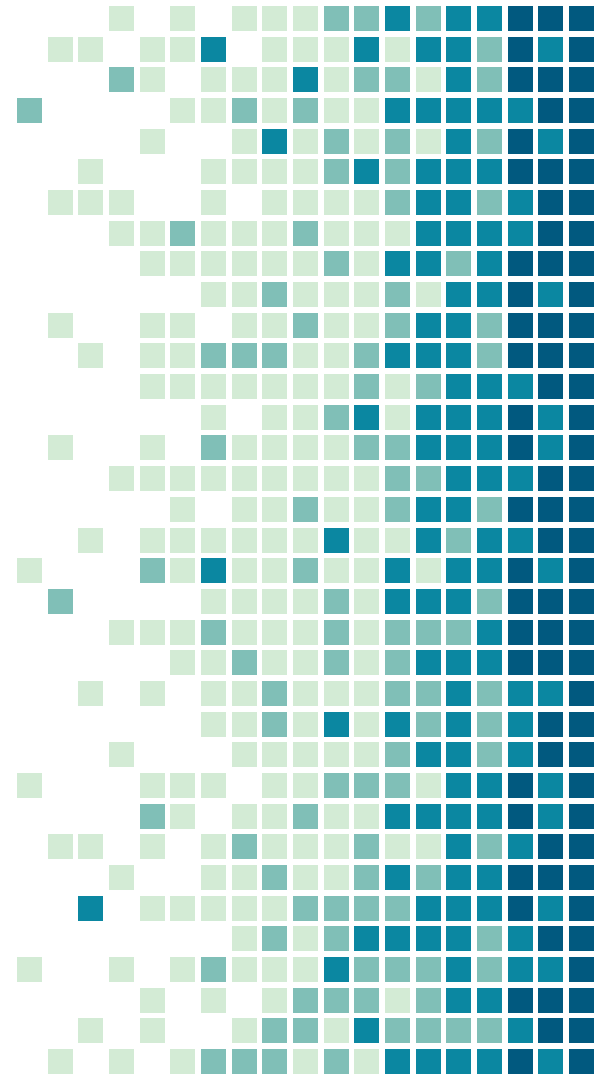
# Qu'est-ce que la cryptographie ?

- ~~Codage~~
- Hachage
- Chiffrement symétrique
- Chiffrement asymétrique
  
- *Signature numérique*
- *Echange de clés*
- *Chiffrement par bloc, par flot, ...*
- *Certificats, identités, ...*



# Fonctions de hachage

Commençons simple



# Fonctions de hachage

→ Calcul de l'empreinte numérique d'une donnée (*hash*)





# Fonctions de hachage

- Calcul de l'empreinte numérique d'une donnée (*hash*)
- Entrée taille variable, sortie taille fixe



# Fonctions de hachage

- Calcul de l'empreinte numérique d'une donnée (*hash*)
- Entrée taille variable, sortie taille fixe
- Déterministe



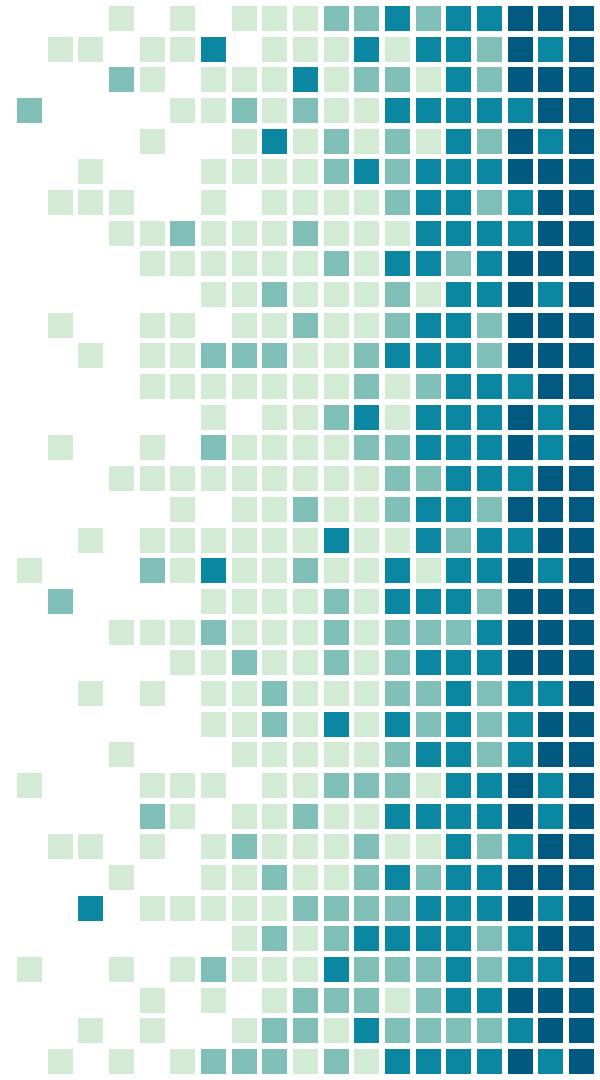
# Fonctions de hachage



```
$ printf "fonction de hachage" | sha256sum  
2db100af5d9d4e41b37bdec521f22ff06536e068e2a365285ac5f9b0e8542a14 -  
$ printf "Fonction de hachage" | sha256sum  
8b59f93d7714b00c370d386703eccc4aa5da829e248190ed27fe217bb440c17a -  
$ cat /boot/vmlinuz-4.19.0-16-amd64 | sha256sum  
d758470d7d1b4148309533e73de20ad2276fa861ce4dabaf0dae360f782fa1fa -
```

# Fonctions de hachage cryptographique

Ajoutons des contraintes



# Fonctions de hachage cryptographique

→ Le hash doit être unique



# Fonctions de hachage cryptographique

- Le hash doit être unique
  - ◆ En pratique impossible
  - ◆ Ensemble  $S$  vers  $N$  avec  $\text{card}(S) > \text{card}(N)$



# Fonctions de hachage cryptographique

- Le hash doit être unique
  - ◆ En pratique impossible
  - ◆ Ensemble  $S$  vers  $N$  avec  $\text{card}(S) > \text{card}(N)$
- Fonction mathématique à sens unique
  - ◆ Si  $f(x) = y$ , impossible\* de calculer  $x$  à partir de  $y$



# Fonctions de hachage cryptographique

- Le hash doit être unique
  - ◆ En pratique impossible
  - ◆ Ensemble  $S$  vers  $N$  avec  $\text{card}(S) > \text{card}(N)$
- Fonction mathématique à sens unique
  - ◆ Si  $f(x) = y$ , impossible\* de calculer  $x$  à partir de  $y$
- Impossibilité\* de calculer une collision





# Fonctions de hachage cryptographique

- Le hash doit être unique
  - ◆ En pratique impossible
  - ◆ Ensemble  $S$  vers  $N$  avec  $\text{card}(S) > \text{card}(N)$
- Fonction mathématique à sens unique
  - ◆ Si  $f(x) = y$ , impossible\* de calculer  $x$  à partir de  $y$
- Impossibilité\* de calculer une collision
- Impossibilité\* de calculer un message d'origine



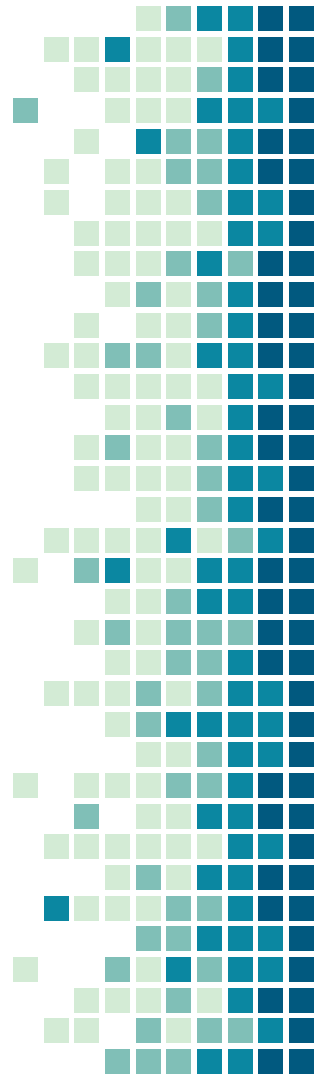
# Fonctions de hachage cryptographique

- Le hash doit être unique
  - ◆ En pratique impossible
  - ◆ Ensemble  $S$  vers  $N$  avec  $\text{card}(S) > \text{card}(N)$
- Fonction mathématique à sens unique
  - ◆ Si  $f(x) = y$ , impossible\* de calculer  $x$  à partir de  $y$
- Impossibilité\* de calculer une collision
- Impossibilité\* de calculer un message d'origine
- Impossibilité de déterminer le message d'origine



# Fonctions de hachage cryptographique

- Le hash doit être unique
  - ◆ En pratique impossible
  - ◆ Ensemble  $S$  vers  $N$  avec  $\text{card}(S) > \text{card}(N)$
- Fonction mathématique à sens unique
  - ◆ Si  $f(x) = y$ , impossible\* de calculer  $x$  à partir de  $y$
- Impossibilité\* de calculer une collision
- Impossibilité\* de calculer un message d'origine
- Impossibilité de déterminer le message d'origine
- 2 messages très proches donnent hash très différents



# Fonctions de hachage



```
$ printf "fonction de hachage" | sha256sum  
2db100af5d9d4e41b37bdec521f22ff06536e068e2a365285ac5f9b0e8542a14 -  
$ printf "Fonction de hachage" | sha256sum  
8b59f93d7714b00c370d386703eccc4aa5da829e248190ed27fe217bb440c17a -  
$ cat /boot/vmlinuz-4.19.0-16-amd64 | sha256sum  
d758470d7d1b4148309533e73de20ad2276fa861ce4dabaf0dae360f782fa1fa -
```

# Fonctions de hachage - utilité

→ Identification rapide de données diverses



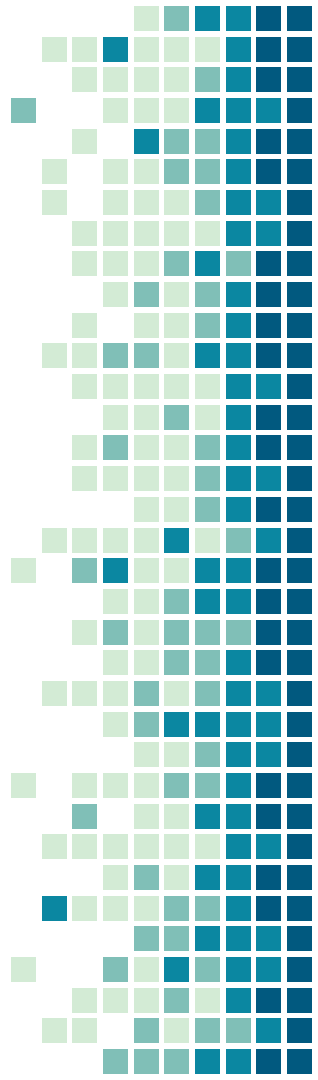
# Fonctions de hachage - utilité

- Identification rapide de données diverses
- Sécurisation du stockage de mots de passe



# Fonctions de hachage - utilité

- Identification rapide de données diverses
- Sécurisation du stockage de mots de passe
- Structures de données (*hash tables*)



# Fonctions de hachage - utilité

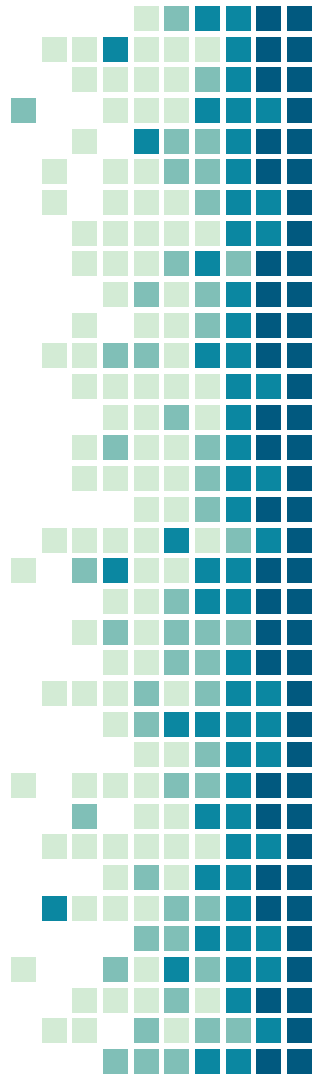
- Identification rapide de données diverses
- Sécurisation du stockage de mots de passe
- Structures de données (*hash tables*)
- Vérification de l'intégrité





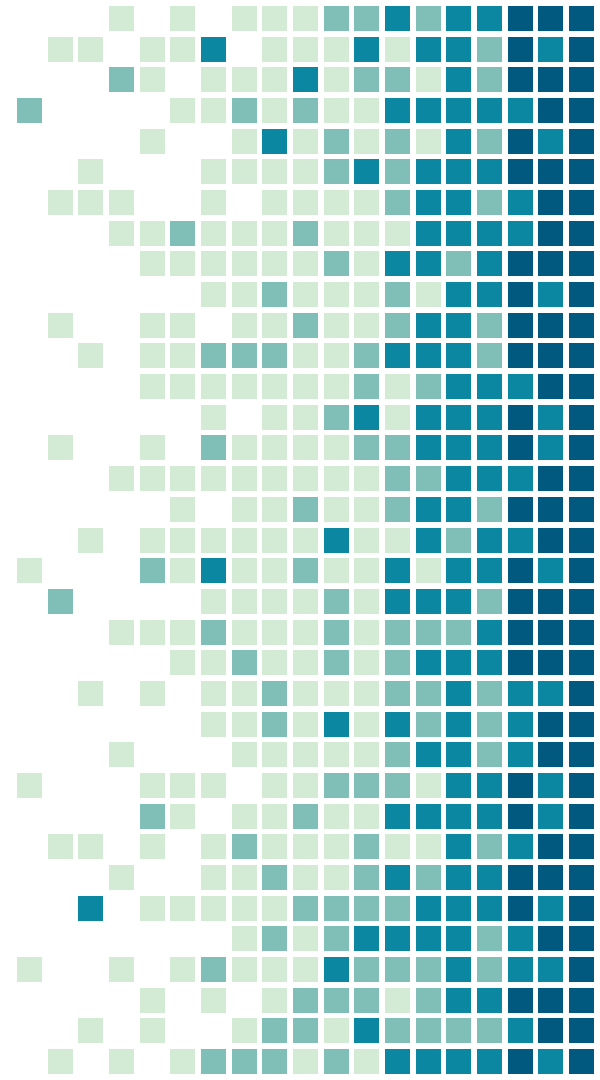
# Fonctions de hachage - utilité

- Identification rapide de données diverses
- Sécurisation du stockage de mots de passe
- Structures de données (*hash tables*)
- Vérification de l'intégrité
- ...



# Impossible ?

Concept clé en crypto



# Impossibilité et difficulté

→ Aspect théorique != pratique



# Impossibilité et difficulté

- Aspect théorique  $\neq$  pratique
- En crypto on parle de difficulté



# Impossibilité et difficulté

- Aspect théorique  $\neq$  pratique
- En crypto on parle de difficulté
- Problème difficile = qui prend trop de temps à l'échelle humaine avec les moyens actuels



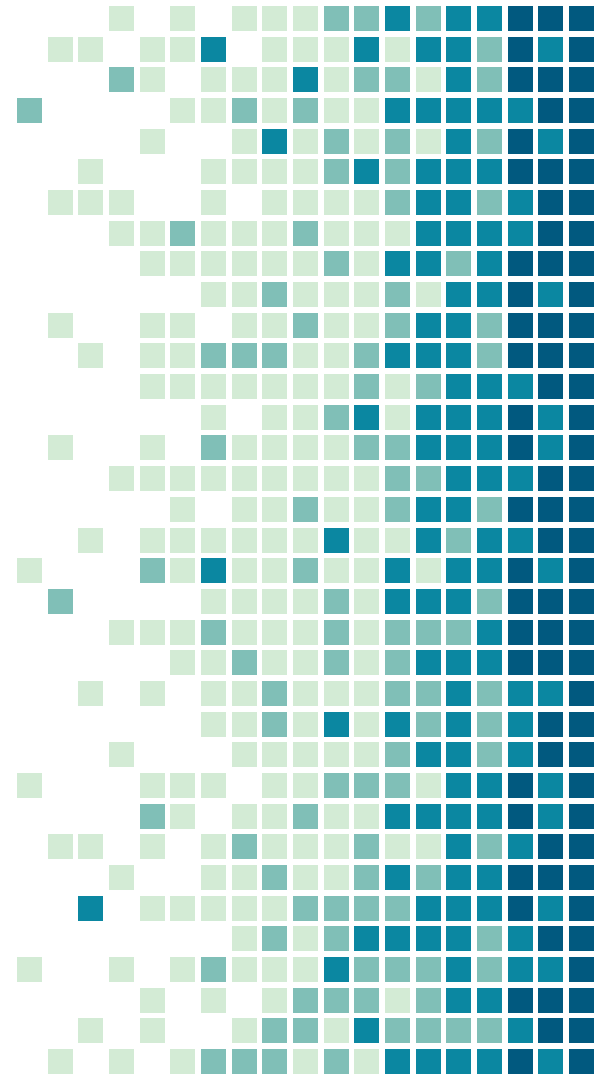
# Impossibilité et difficulté

- Aspect théorique != pratique
- En crypto on parle de difficulté
- Problème difficile = qui prend trop de temps à l'échelle humaine avec les moyens actuels
- Attention à :
  - ◆ Maths cassées
  - ◆ La progression de la puissance de calcul dispo



# Exemple de difficulté

Crackons un hash en live



# Fonctions de hachage cryptographique en pratique

- MD5 (1991)
- SHA-1 (1995)
- SHA-2 (2002) : sha256, sha512 (*sha384, sha224*)
- Outil générique
- *Pour aller plus loin pour les matheux :*
  - ◆ *Merkle–Damgård construction*
  - ◆ *Poly1305-AES*



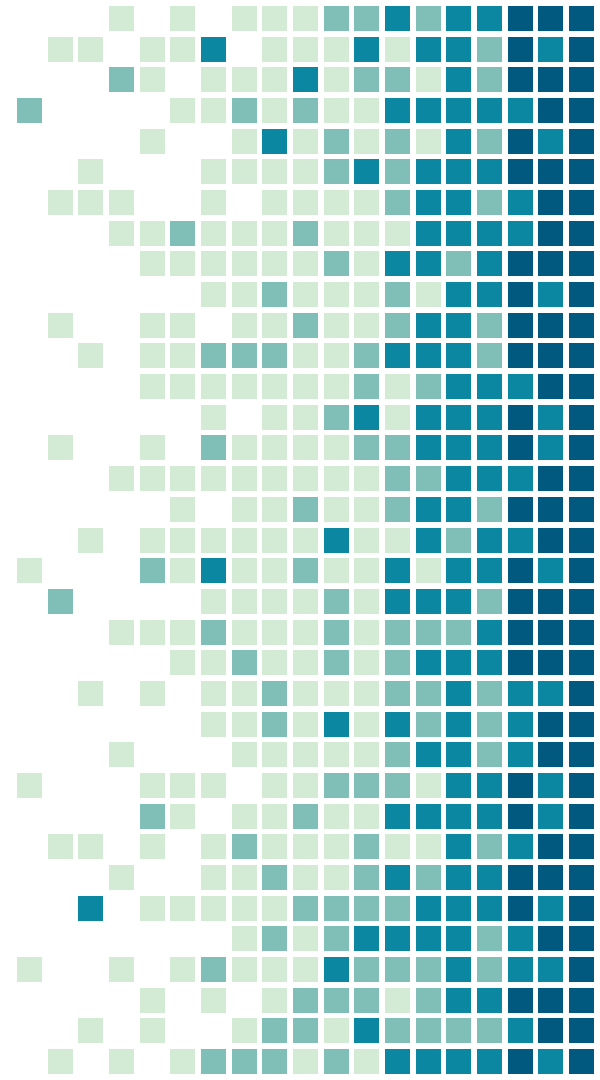


# Fonctions de hachage cryptographique en pratique

```
● ● ●  
$ printf "fonction de hachage" | md5sum  
c80b2ae9edb840bb0a9b0838a1c9eecd -  
$ printf "fonction de hachage" | sha1sum  
ea6e33286d070761dbd617e67e429d9c3a82da0a -  
$ printf "fonction de hachage" | sha256sum  
2db100af5d9d4e41b37bdec521f22ff06536e068e2a365285ac5f9b0e8542a14 -  
$ printf "fonction de hachage" | sha512sum  
f360f704d3f547795dff130436f5f2a26c256e53d6f432603e4d307c49c143f2ed158599ec78733  
e27e1936780510c432dad863fad4b6b158bc1195861a63116 -
```

# Sel cryptographique

"Salt is a way of life" – [youtu.be/3KquFZYi6L0](https://youtu.be/3KquFZYi6L0)



# Sel cryptographique

→ Données en plus avant hachage



# Sel cryptographique

- Données en plus avant hachage
- Lutte contre les Rainbow Tables
- Lutte potentiellement contre la brute-force



# Sel cryptographique



```
$ printf "soleil" | sha1sum  
45c8586a626ddabd233951066138d0efa7f4eb9d -  
$ printf "soleilCECIESTUNSELSTATICUNPEUBASIQUE" | sha1sum  
4930689937449fc4ba0bf2578e3bbb130d39341d -
```

# Sel cryptographique

- Données en plus avant hachage
- Lutte contre les Rainbow Tables
- Lutte potentiellement contre la brute-force
- Sel statique ou dynamique
  - ◆ Si dynamique, stocké à côté



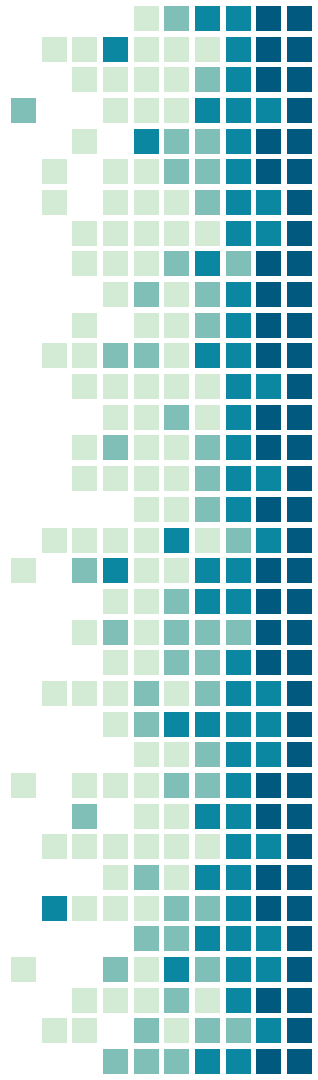
# Attention !

→ Fonction de hachage != hash de mot de passe



# Attention !

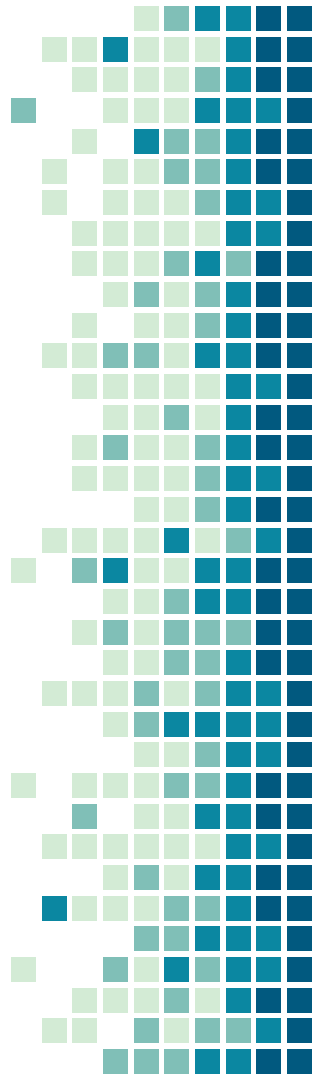
- Fonction de hachage != hash de mot de passe
- Fonction de dérivation de clés
  - ◆ Utilise des fonctions de hachage
- PBKDF2, Argon2, Bcrypt, ...





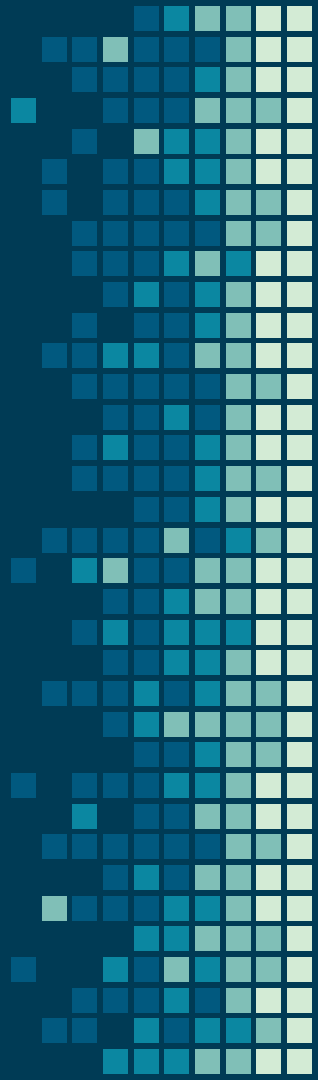
# Attention !

- Fonction de hachage != hash de mot de passe
- Fonction de dérivation de clés
  - ◆ Utilise des fonctions de hachage
- PBKDF2, Argon2, Bcrypt, ...
- Ne **jamais** faire sa tambouille perso en crypto



# Fonctions de hachage

Des questions ?

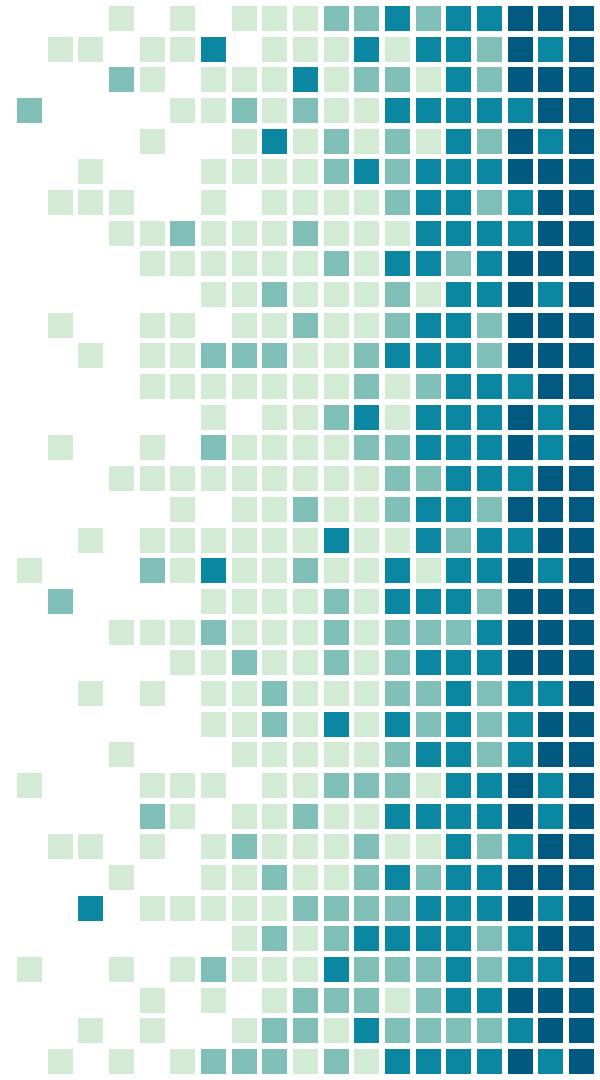


# Cryptographie symétrique

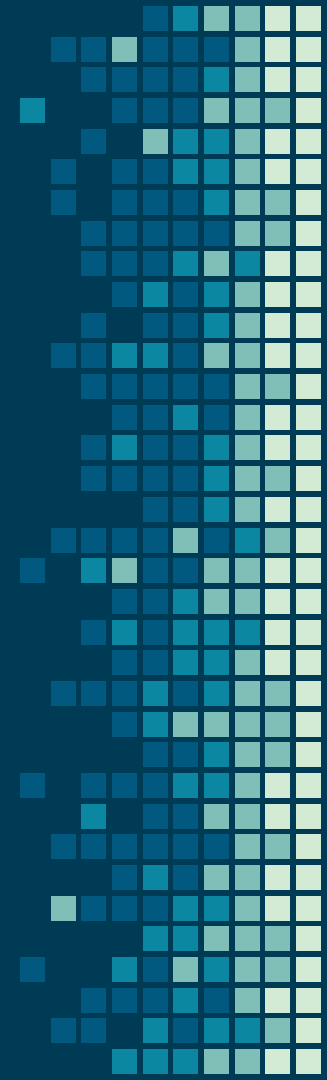


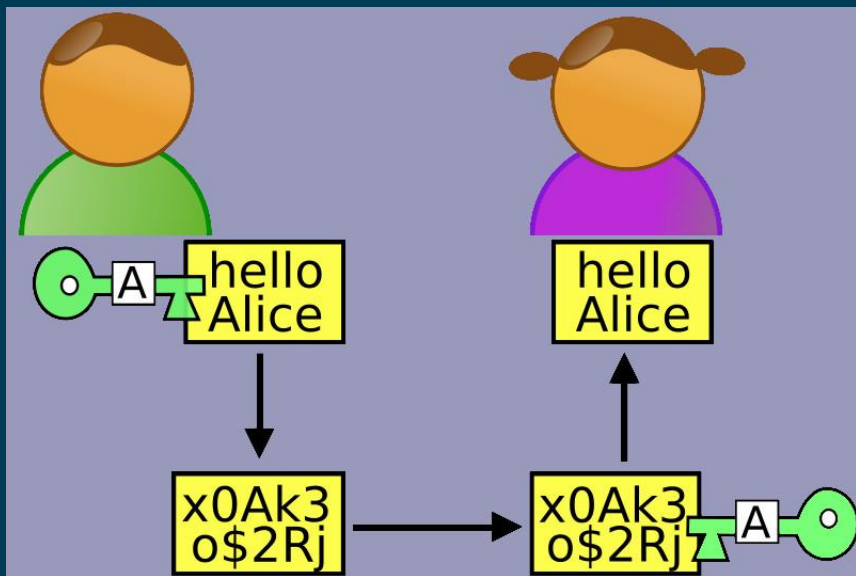
# Chiffrement symétrique

Crypto moderne



Pourquoi “symétrique” ?





Pourquoi “symétrique” ?

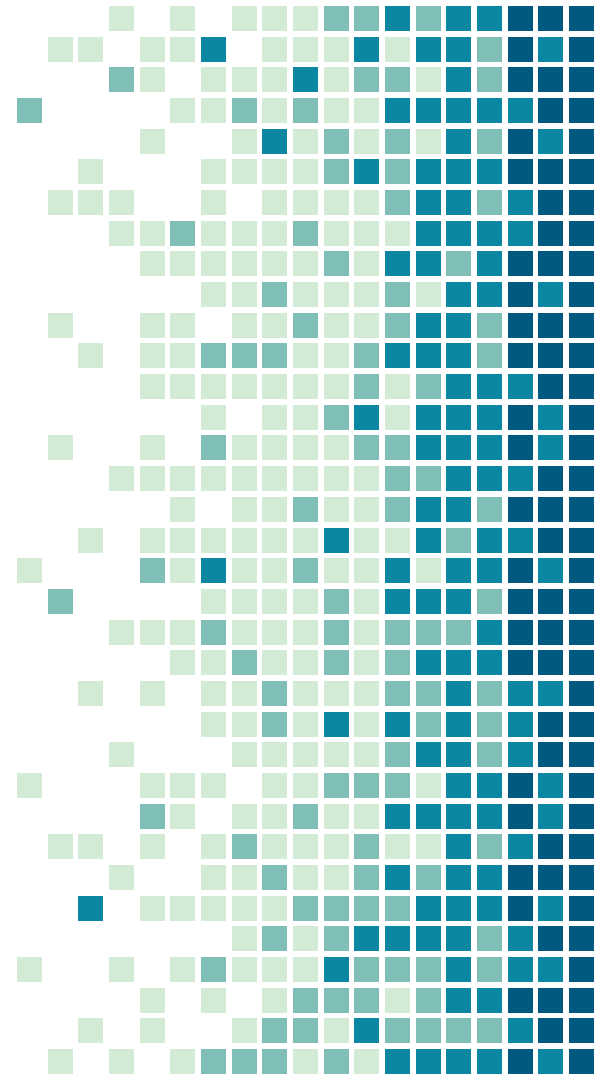
# Types de chiffrement symétrique

- Chiffrement par blocs
- Chiffrement par flot



# Chiffrement par blocs

Segmentons la donnée





# Chiffrement par blocs

- Segmentations de la données à chiffrer en blocs
- Taille du bloc qui dépend de l'algorithme

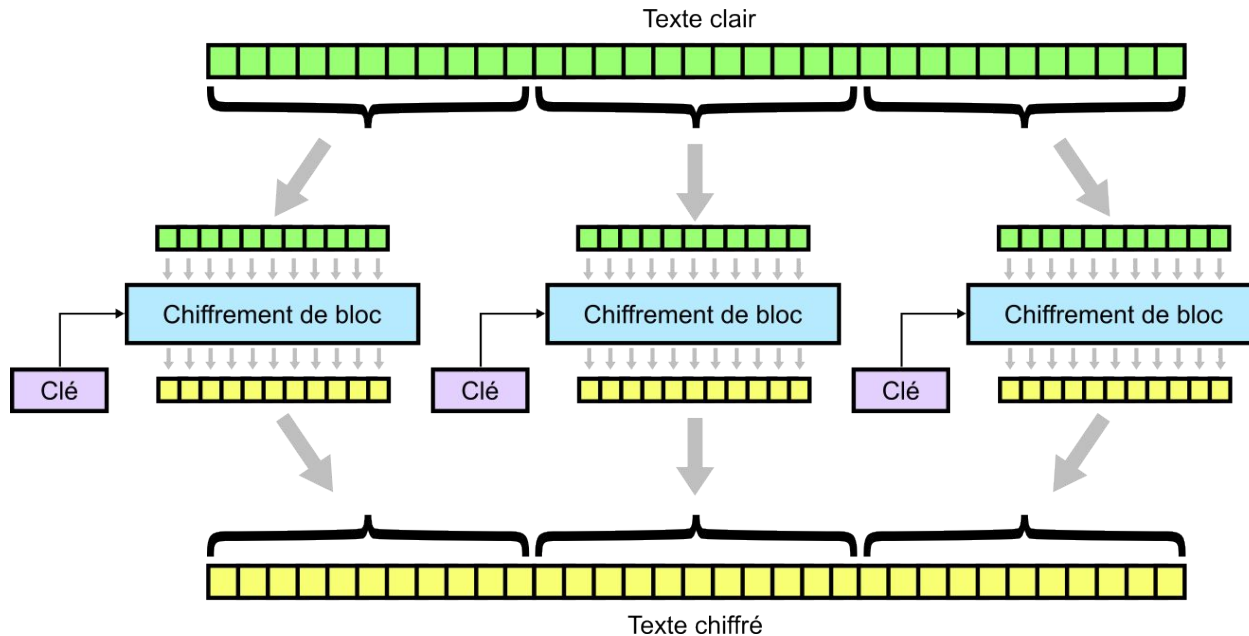


# Chiffrement par blocs

- Segmentations de la données à chiffrer en blocs
- Taille du bloc qui dépend de l'algorithme
- Application de l'algorithme successivement sur les blocs
- Utilisation d'un "mode d'opération"

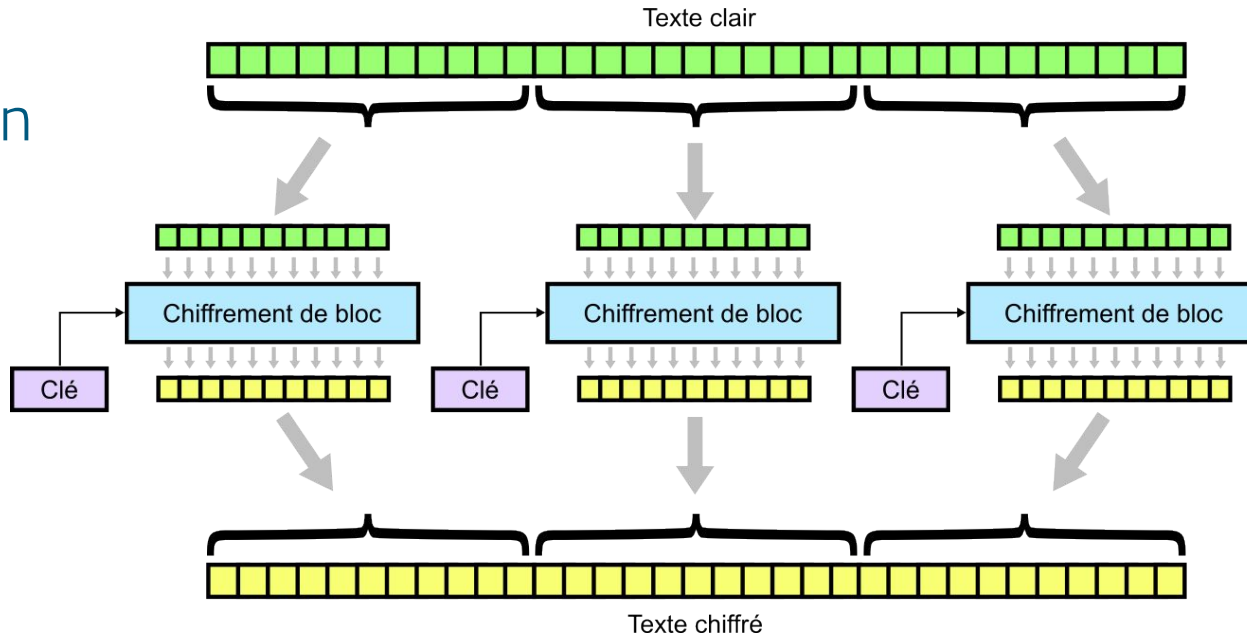


# Chiffrement par blocs - mode d'opération



# Chiffrement par blocs - mode d'opération

Mode  
d'opération  
= **ECB**  
*Electronic  
Codebook*

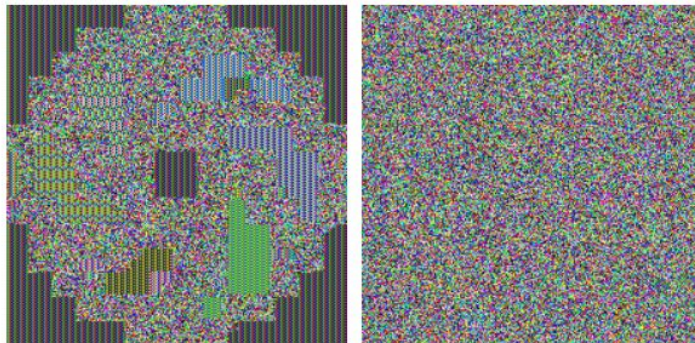


# Chiffrement par blocs - mode d'opérations

Mode  
d'opération

= **ECB**

*Electronic  
Codebook*

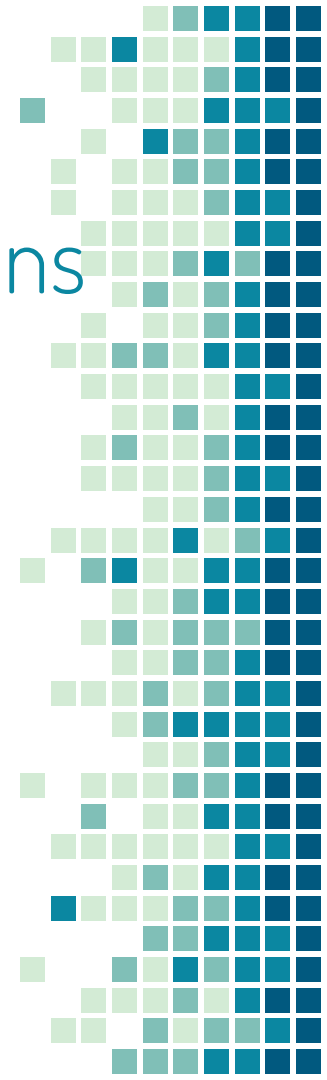


À gauche : ECB

À droite : CBC

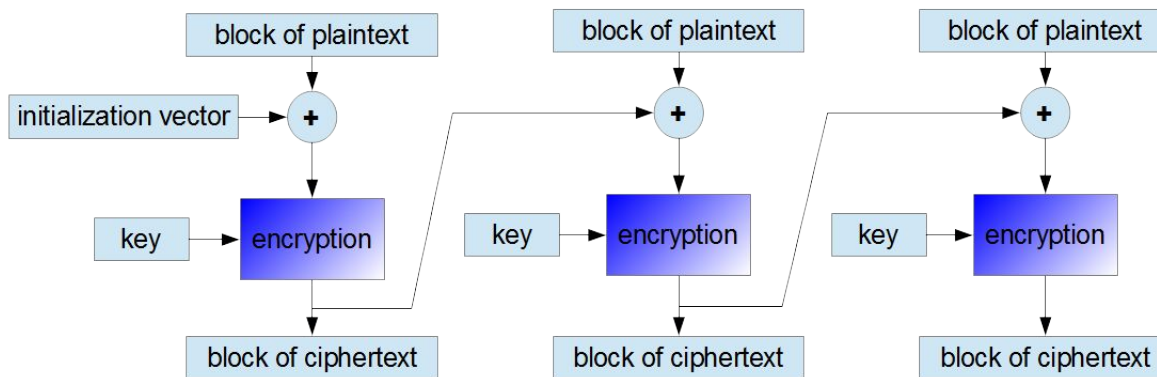
# Chiffrement par blocs - mode d'opérations

→ Problème d'ECB : pas de relations entre les blocs



# Chiffrement par blocs - mode d'opérations

- Problème d'ECB : pas de relations entre les blocs
- Exemple avec relation + Vecteur d'initialisation : CBC



# Chiffrement par blocs - IV

→ Données aléatoires\* de la taille d'un bloc *(Le plus souvent)*





# Chiffrement par blocs - IV

- Données aléatoires\* de la taille d'un bloc (*Le plus souvent*)
- Public
- Fourni avec le message chiffré pour le déchiffrement



# Chiffrement par blocs - IV

- Données aléatoires\* de la taille d'un bloc (*Le plus souvent*)
- Public
- Fourni avec le message chiffré pour le déchiffrement
- Nonce



# Chiffrement par blocs – notations

- Algorithme de chiffrement par bloc     *(e.g. : AES)*
- Mode d'opération                             *(e.g. : CBC)*



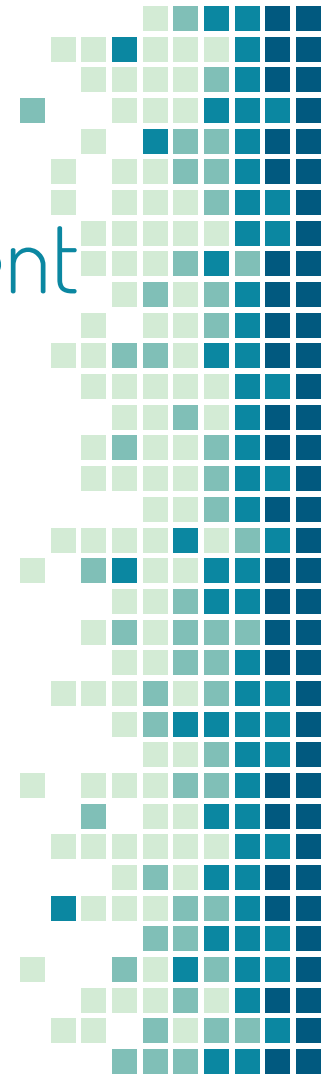
# Chiffrement par blocs – notations

- Algorithme de chiffrement par bloc     *(e.g. : AES)*
- Mode d'opération                             *(e.g. : CBC)*
- Padding (si applicable)                     *(e.g. : PKCS7)*



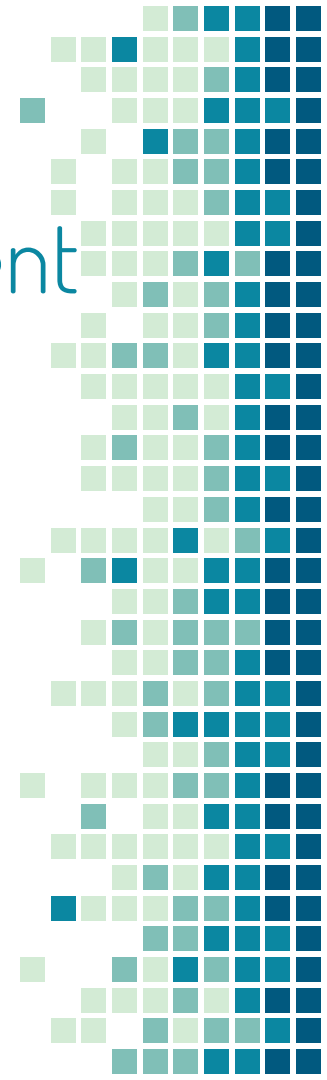
# Chiffrement par blocs - clé de chiffrement

- Clé de la taille d'un bloc
- Si on veut un mot de passe ?



# Chiffrement par blocs - clé de chiffrement

- Clé de la taille d'un bloc
- Si on veut un mot de passe ?
- Fonction de hachage



# Chiffrement symétrique - exemple

```

$ alias gpg="gpg --pinentry-mode=loopback" # Use CLI provided password
$ cat message
Ceci est un message secret
$ gpg --passphrase toto -c message
$ cat message.gpg
zL F0m R P Un 1X9 n $n { < p u ' i I
\ * Z ° p Y [ ^ n G R f ` %

$ rm message
$ gpg --passphrase toto -d message.gpg
gpg: AES256 encrypted data
gpg: encrypted with 1 passphrase
Ceci est un message secret
$ gpg --passphrase tata -d message.gpg
gpg: AES256 encrypted data
gpg: encrypted with 1 passphrase
gpg: decryption failed: Bad session key

```

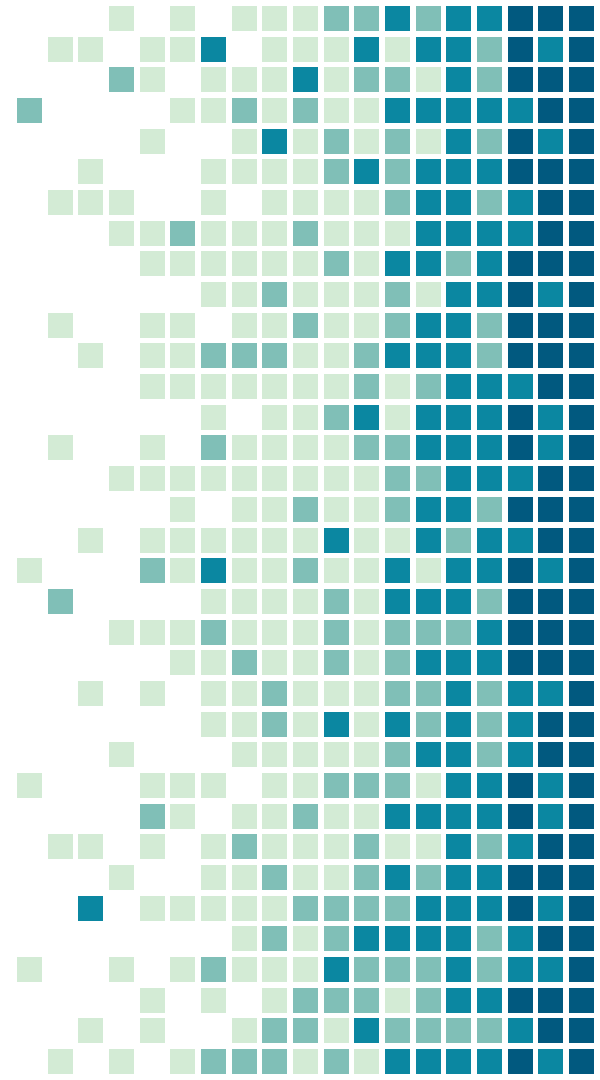
# Chiffrement symétrique par bloc

Des questions ?



# Aléatoire et pseudo-aléatoire

Transformons du déterminisme en  
non-déterminisme



# Aléatoire et pseudo-aléatoire

→ Ordinateur intrinsèquement déterministe



# Aléatoire et pseudo-aléatoire

- Ordinateur intrinsèquement déterministe
- Aléatoire cryptographique



# Aléatoire et pseudo-aléatoire

- Ordinateur intrinsèquement déterministe
- Aléatoire cryptographique
- Pseudo-aléatoire



# Générateur de pseudo-aléatoire

→ PRNG (*PseudoRandom Number Generator*)



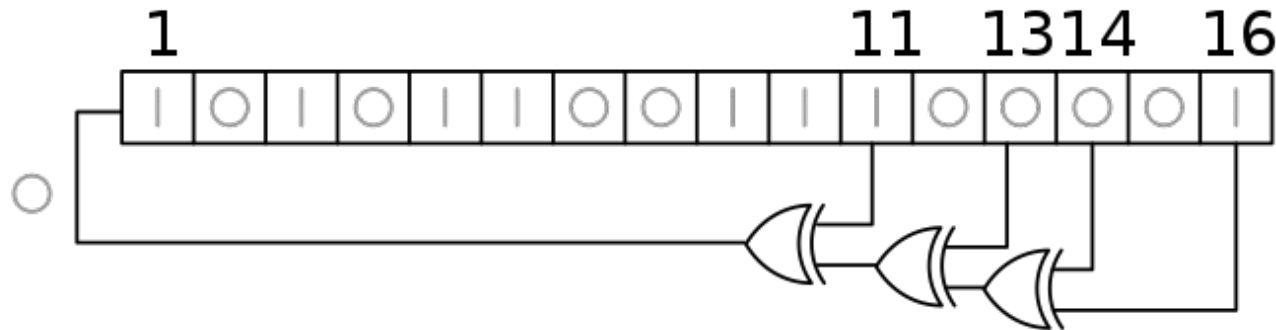
# Générateur de pseudo-aléatoire

- PRNG (*PseudoRandom Number Generator*)
- Suite mathématiques déterministe
- Dépend d'une seed



# Générateur de pseudo-aléatoire

- PRNG (*PseudoRandom Number Generator*)
- Suite mathématiques déterministe
- Dépend d'une seed



# Générateur de pseudo-aléatoire - entropie

- Entropie de Shannon
- "Quantité d'information"





# Générateur de pseudo-aléatoire – entropie

- Entropie de Shannon
- “Quantité d’information”
- ACABACABACABACAB ...  $\rightarrow H(x) = 1.5$



# Générateur de pseudo-aléatoire - entropie

- Entropie de Shannon
- "Quantité d'information"
- ACABACABACABACAB ...  $\rightarrow H(x) = 1.5$
- miHdnDFbgMIuqFkP ...  $\rightarrow H(x) = 4$



# Générateur de pseudo-aléatoire - entropie

- Entropie de Shannon
- "Quantité d'information"
- ACABACABACABACAB ...  $\rightarrow H(x) = 1.5$
- miHdnDFbgMIuqFkP ...  $\rightarrow H(x) = 4$
- "Nombre de questions à poser en moyenne pour connaître un symbole"



# Générateur de pseudo-aléatoire – 2 approches pour la crypto

- CSPRNG (*cryptographically secure pseudorandom number generator*)



# Générateur de pseudo-aléatoire – 2 approches pour la crypto

- CSPRNG (*cryptographically secure pseudorandom number generator*)
- PRNG avec ajout d'entropie
  - ◆ Événements imprédictibles



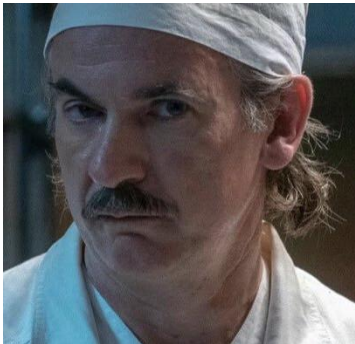
# Générateur de pseudo-aléatoire – 2 approches pour la crypto

- CSPRNG (*cryptographically secure pseudorandom number generator*)
- PRNG avec ajout d'entropie
  - ◆ Événements imprédictibles
  - ◆ TRNG (*true random number generator*)



# Générateur de pseudo-aléatoire – 2 approches pour la crypto

- CSPRNG (*cryptographically secure pseudorandom number generator*)
- PRNG avec ajout d'entropie
  - ◆ Événements imprédictibles

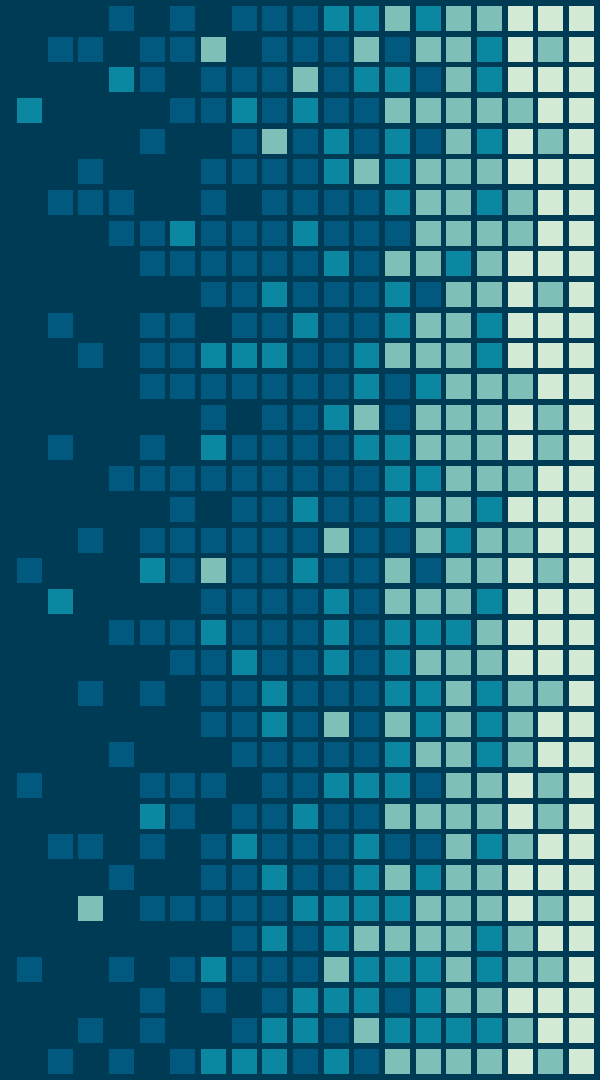


Lavarand @Cloudflare  
10% internet traffic

Nuclear decay



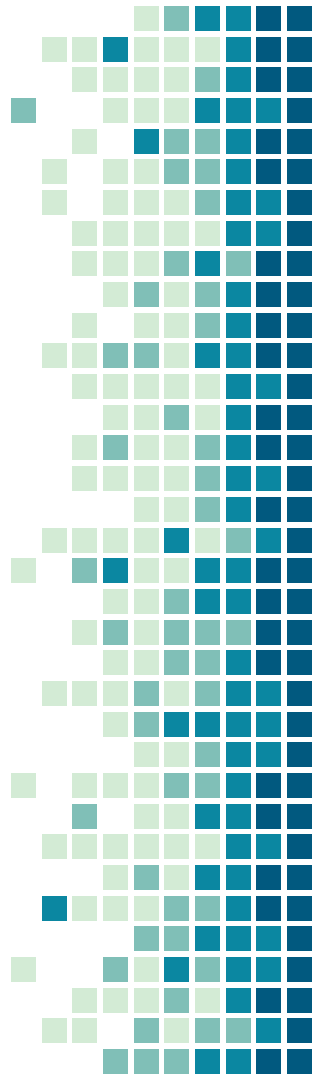
# Extraction d'entropie de désintégrations nucléaires





# Générateur de pseudo-aléatoire – Exemple concret : /dev/random

- Interface de linux avec un CSPRNG
  - ◆ PRNG + entropie



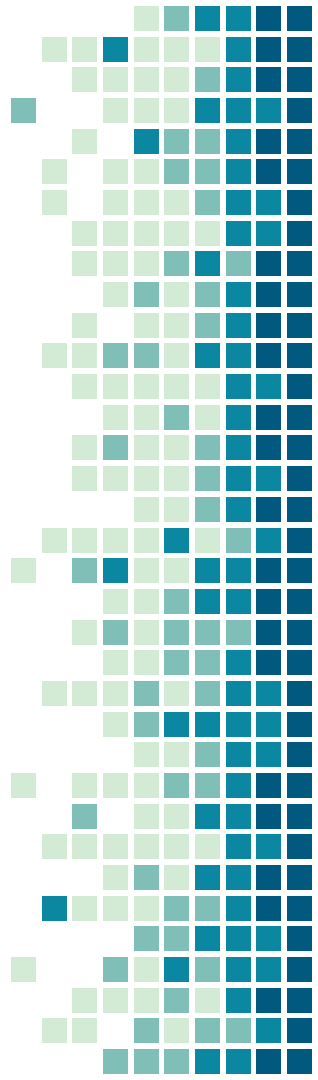
# Générateur de pseudo-aléatoire – Exemple concret : /dev/random

- Interface de linux avec un CSPRNG
  - ◆ PRNG + entropie
- Sources d'entropie :
  - ◆ Latences du disque
  - ◆ Mouvements souris + clavier
  - ◆ Cycles du CPU
  - ◆ ...



# Aléatoire et cryptographie - Quoi retenir

- Notion d'entropie
- Aléatoire et pseudo-aléatoire
- Vrai aléatoire vient de sources externes
- PRNG, CSPRNG



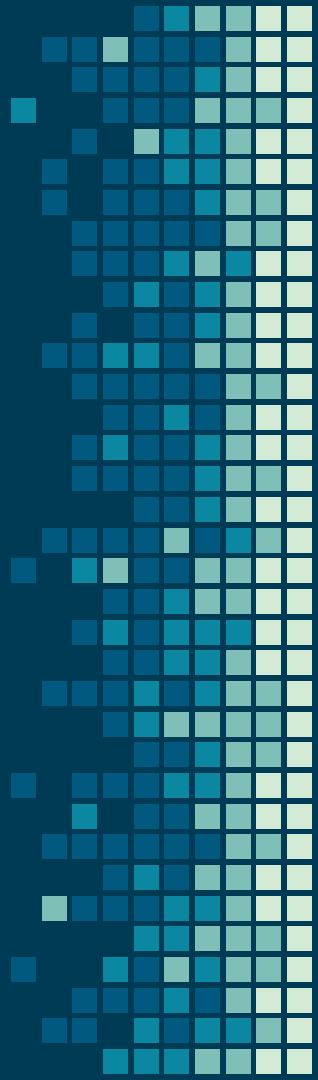
# Chiffrement symétrique en pratique

- **DES** (1977)
- **3DES** (1999)
- **Blowfish** (1993)
  - ◆ blocs 64 bits
  - ◆ clé 32-448
- **AES** (2000)
  - ◆ blocs de 128 bits
  - ◆ clé 128/192/256



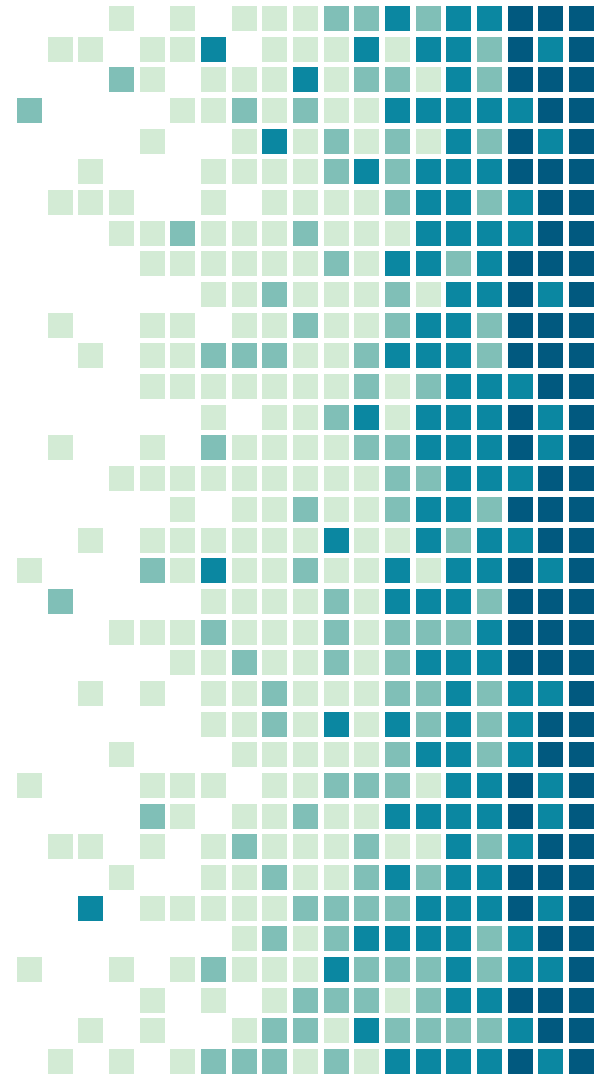
# Aléatoire et entropie

Des questions ?



# Chiffrement symétrique par flot

Chiffrement (presque) parfait



# Chiffrement par flot

- Pas de blocs avec obligation de taille
- Pas de padding



# Chiffrement par flot

- Pas de blocs avec obligation de taille
- Pas de padding
- Grosso modo un PRNG pour masque jetable





# Chiffrement par flot – chiffre de Vernam

- Chiffrement impossible à casser
- Pas de vecteur d'attaque pour la cryptanalyse



# Chiffrement par flot – chiffre de Vernam

- Chiffrement impossible à casser
- Pas de vecteur d'attaque pour la cryptanalyse
- Clé de la taille de la donnée à chiffrer

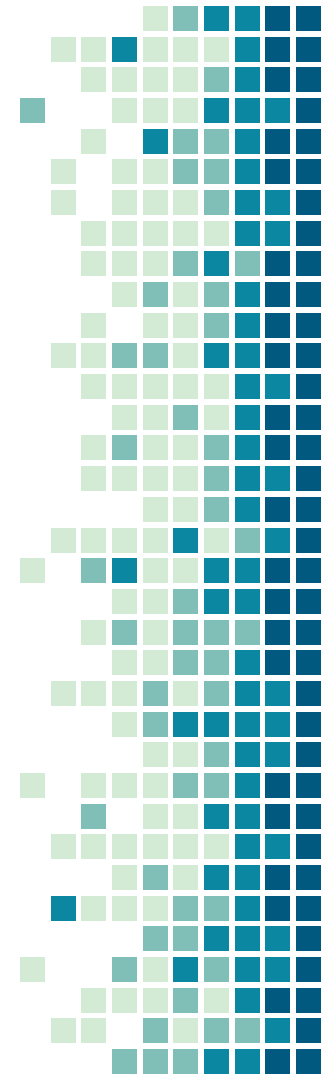


# Chiffrement par flot - chiffre de Vernam

- Chiffrement impossible à casser
- Pas de vecteur d'attaque pour la cryptanalyse
- Clé de la taille de la donnée à chiffrer
- XOR entre donnée et clé

Opération XOR

A	B	C = A $\oplus$ B
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0



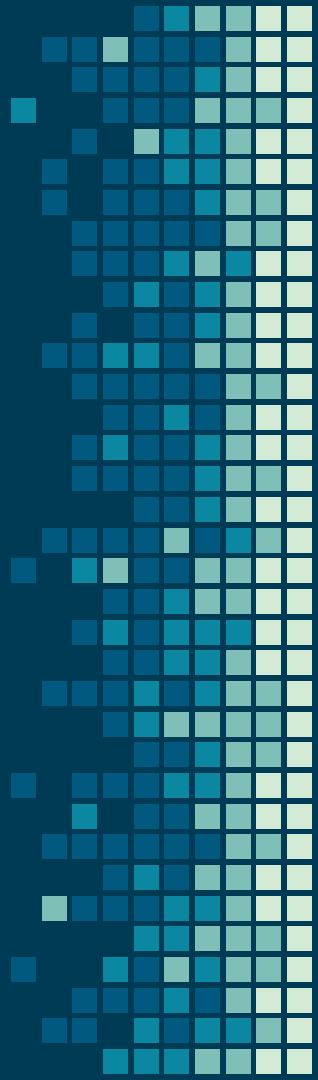
# Chiffrement par flot – en pratique

- RCA (1987)
- E0 (fin 1990) (bluetooth)
- Chacha20 (2008)

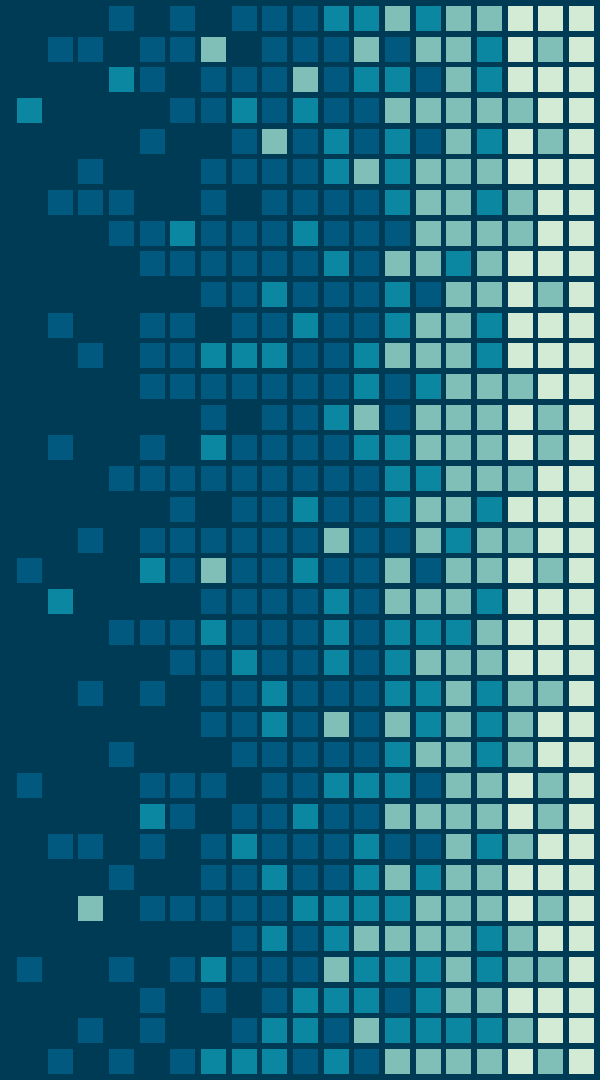


# Chiffrement symétrique par flot

Des questions ?

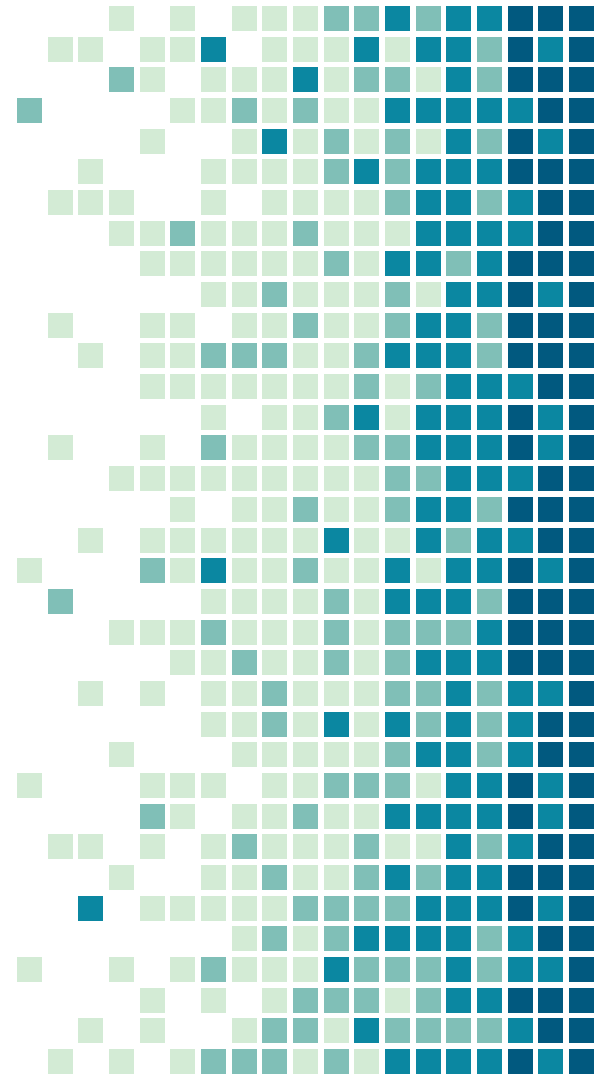


# Cryptographie asymétrique



# Chiffrement asymétrique

Généralités



# Chiffrement asymétrique – Généralités

- Communication sécurisés sur canaux non sécurisés





# Chiffrement asymétrique - Généralités

- Communication sécurisés sur canaux non sécurisés
- Authentification
- Signature numérique



# Clé publique, clé privée

- Base de la crypto asymétrique
- Clé privée et publique liées

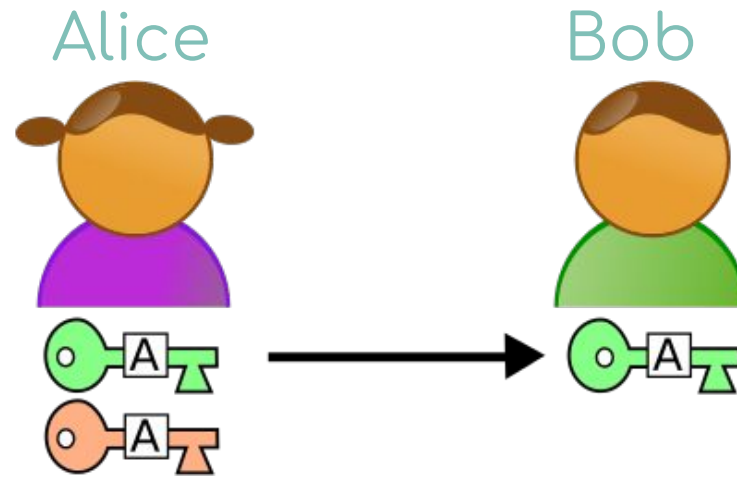


# Clé publique, clé privée

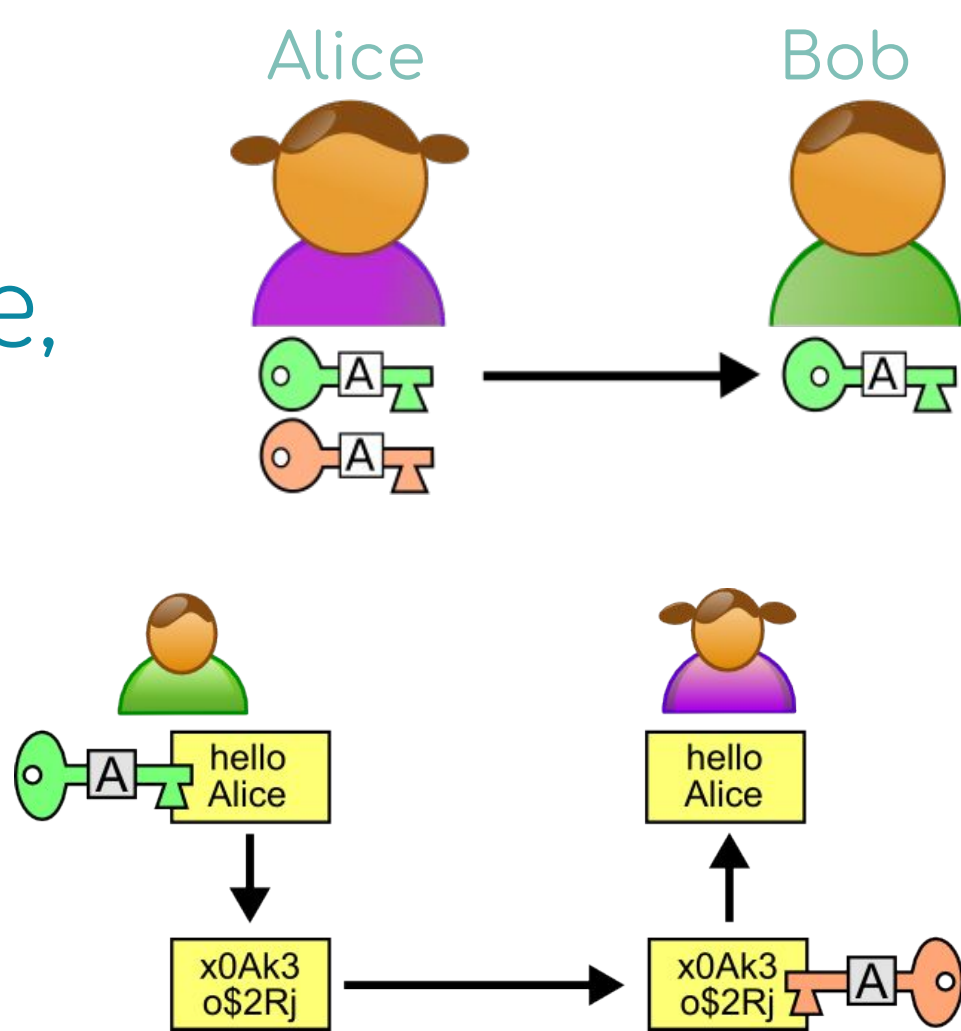
- Base de la crypto asymétrique
- Clé privée et publique liées
- Clé publique dérivable de la clé privée
- ◆ Inverse évidemment difficile *au sens cryptographique*



Clé publique,  
Clé privée

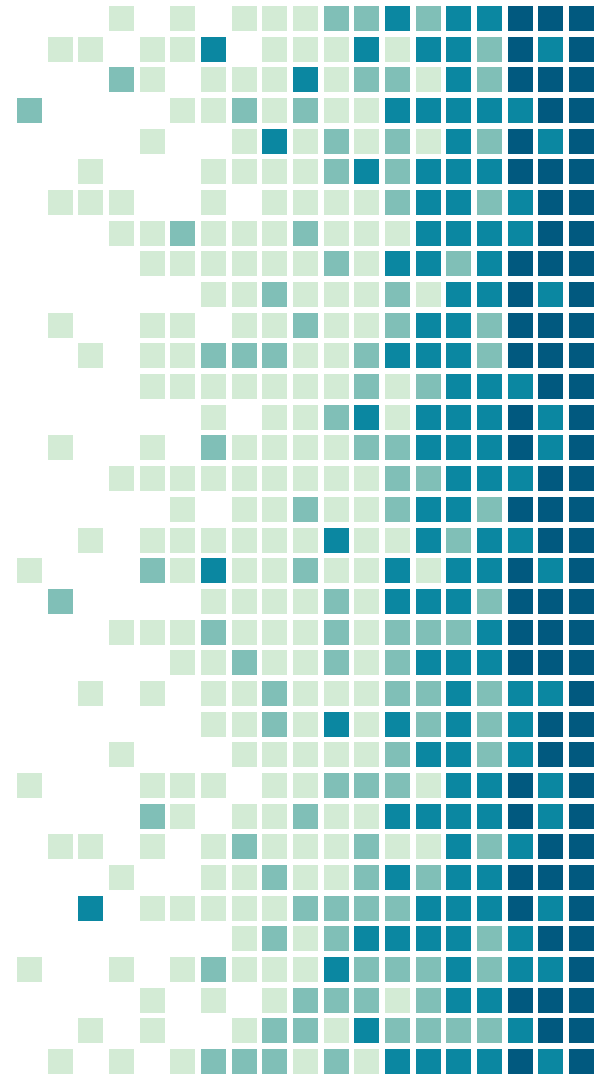


# Clé publique, Clé privée



# Mise en pratique

2 exemples volontairement simplifiés



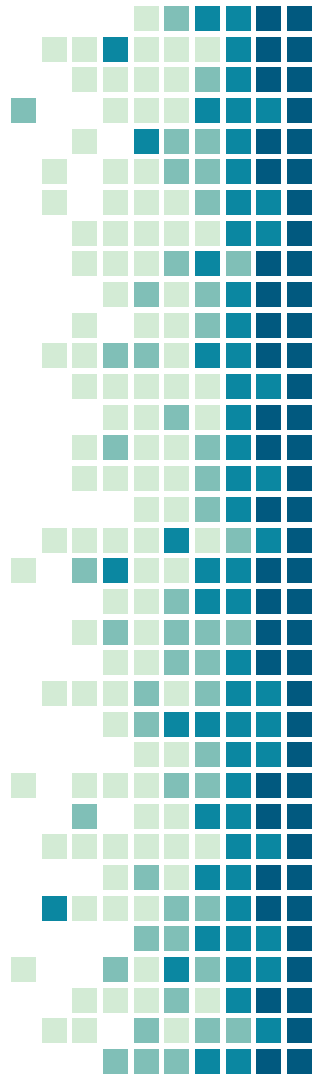
# Exemple : authentication pour git\*

- Valable pour git ACU, github, gitlab, ...
- On donne sa clé publique au site



# Exemple : authentication pour git\*

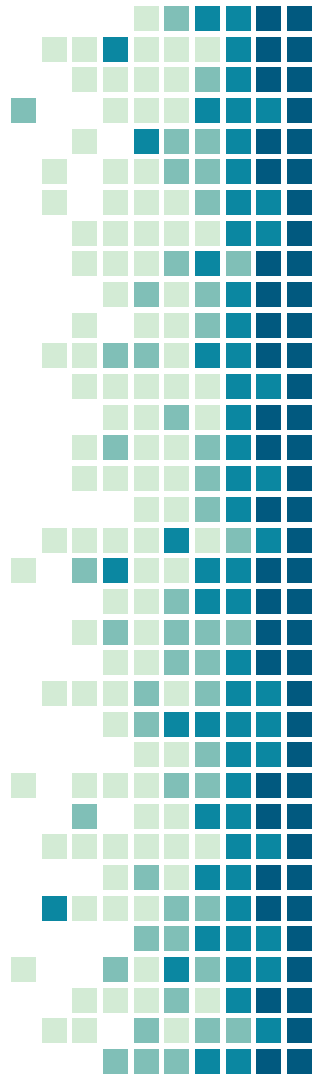
- Valable pour git ACU, github, gitlab, ...
- On donne sa clé publique au site
  - ◆ Rattachée à un compte





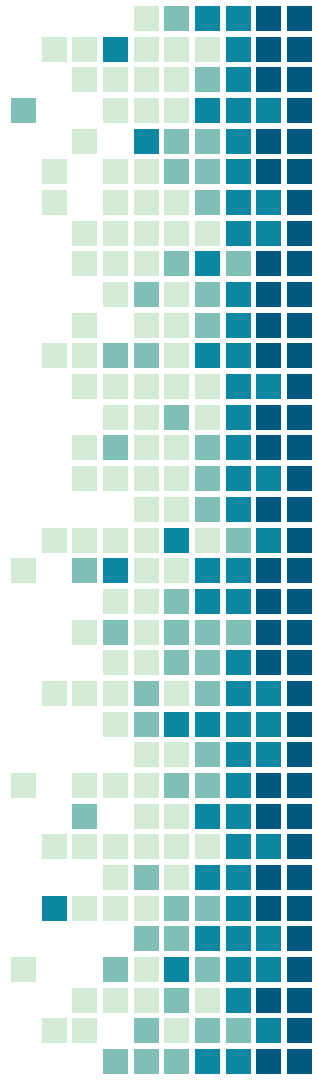
# Exemple : authentication pour git\*

- Valable pour git ACU, github, gitlab, ...
- On donne sa clé publique au site
  - ◆ Rattachée à un compte
- À la connexion : fourni une preuve de son identité grâce à sa clé privée



# Exemple : authentification pour git\*

- Valable pour git ACU, github, gitlab, ...
- On donne sa clé publique au site
  - ◆ Rattachée à un compte
- À la connexion : fourni une preuve de son identité grâce à sa clé privée
- Le serveur peut vérifier le processus d'auth avec la clé publique



# Exemple : HTTPS

→ Le site diffuse sa clé publique



# Exemple : HTTPS

- Le site diffuse sa clé publique
- Le client l'utilise pour chiffrer un message



# Exemple : HTTPS

- Le site diffuse sa clé publique
- Le client l'utilise pour chiffrer un message
- Le message chiffré n'est déchiffrable que par la privée du site



# Exemple : HTTPS

- Le site diffuse sa clé publique
- Le client l'utilise pour chiffrer un message
- Le message chiffré n'est déchiffrable que par la privée du site
- Le site peut recevoir les données du client en toute sécurité



# Exemple : HTTPS

- Le site diffuse sa clé publique
- Le client l'utilise pour chiffrer un message
- Le message chiffré n'est déchiffrable que par la privée du site
- Le site peut recevoir les données du client en toute sécurité ... vraiment ?



# Exemple : HTTPS

→ Comment le site envoie de la donnée ?





# Exemple : HTTPS

→ ~~Comment le site envoie de la donnée ?~~



# Exemple : HTTPS

- ~~→ Comment le site envoie de la donnée ?~~
- Crypto asymétrique beaucoup plus lente
  - ◆ Performante sur petites données



# Exemple : HTTPS

- ~~→ Comment le site envoie de la donnée ?~~
- Crypto asymétrique beaucoup plus lente
  - ◆ Performante sur petites données
- Asymétrie pour l'échange de clés symétriques



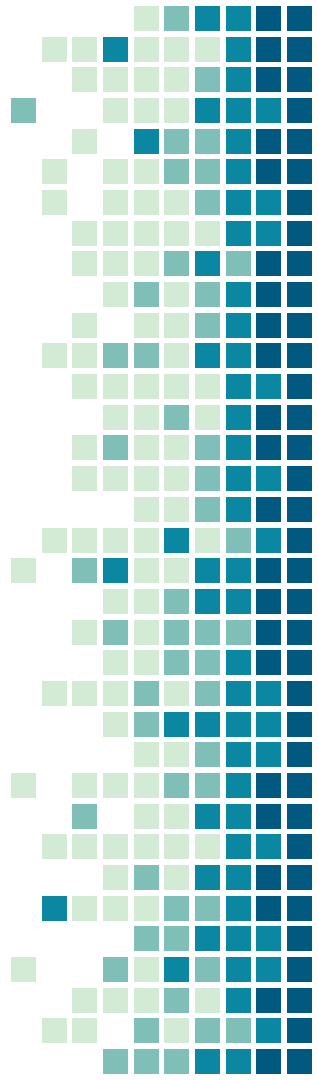
# Exemple : HTTPS

- ~~→ Comment le site envoie de la donnée ?~~
- Crypto asymétrique beaucoup plus lente
  - ◆ Performante sur petites données
- Asymétrie pour l'échange de clés symétriques
  - ◆ Protocole d'échange de clés (*Diffie-Hellman*)



# Exemple : HTTPS

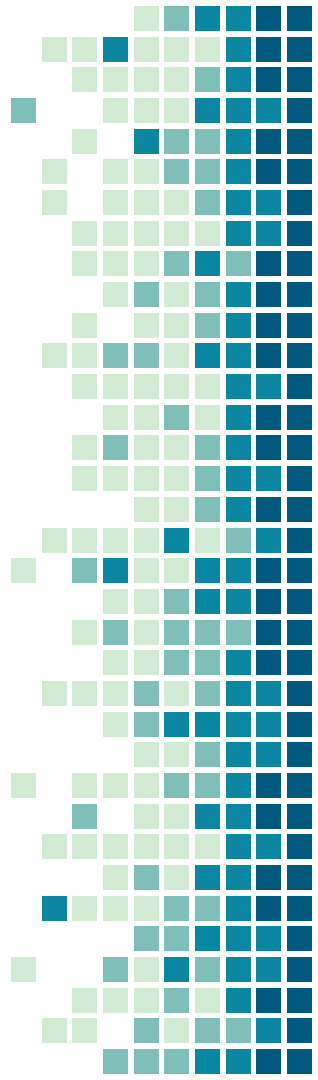
- ~~→ Comment le site envoie de la donnée ?~~
- Crypto asymétrique beaucoup plus lente
  - ◆ Performante sur petites données
- Asymétrie pour l'échange de clés symétriques
  - ◆ Protocole d'échange de clés (*Diffie-Hellman*)
- Nécessité de s'assurer de l'identité du destinataire



# Chiffrement asymétrique en pratique

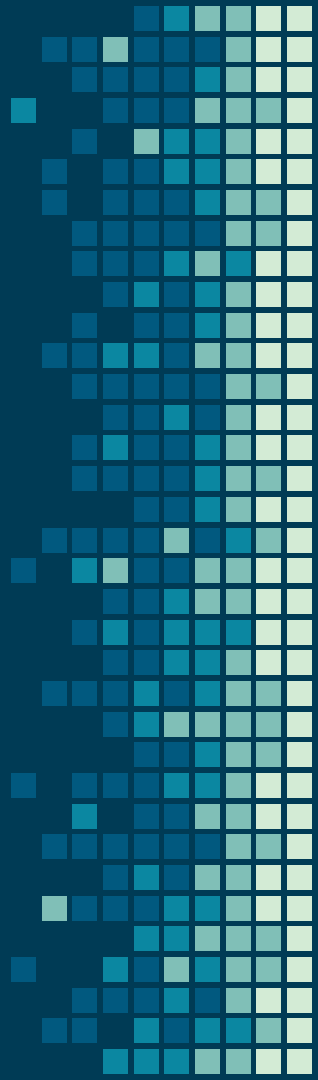
- RSA (1977)
- Clé de 2048/4096 bits

```
1 $ time openssl genrsa 2048 > /dev/urandom
2 Generating RSA private key, 2048 bit long modulus (2 primes)
3 openssl genrsa 2048 > /dev/urandom 0.04s user 0.01s system 97% cpu 0.046 total
4 $ time openssl genrsa 4096 > /dev/urandom
5 Generating RSA private key, 4096 bit long modulus (2 primes)
6 openssl genrsa 4096 > /dev/urandom 0.98s user 0.01s system 99% cpu 0.996 total
7 $ time openssl genrsa 8192 > /dev/urandom
8 Generating RSA private key, 8192 bit long modulus (2 primes)
9 openssl genrsa 8192 > /dev/urandom 9.36s user 0.01s system 99% cpu 9.442 total
```



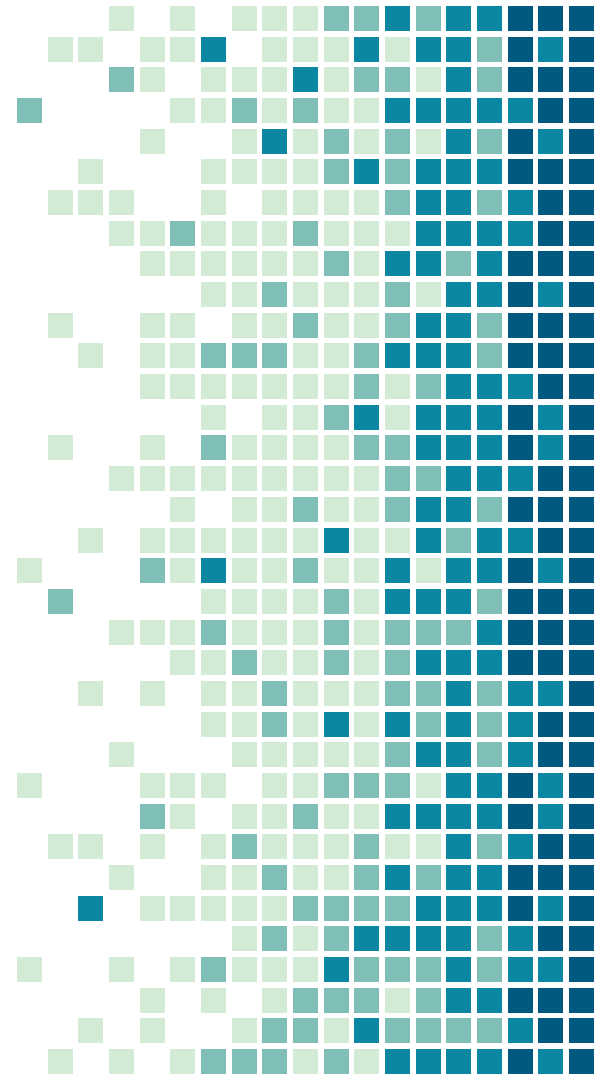
# Clé publique/privée

Des questions ?



# Échange de clés de Diffie-Hellman

Mélangeons de la peinture



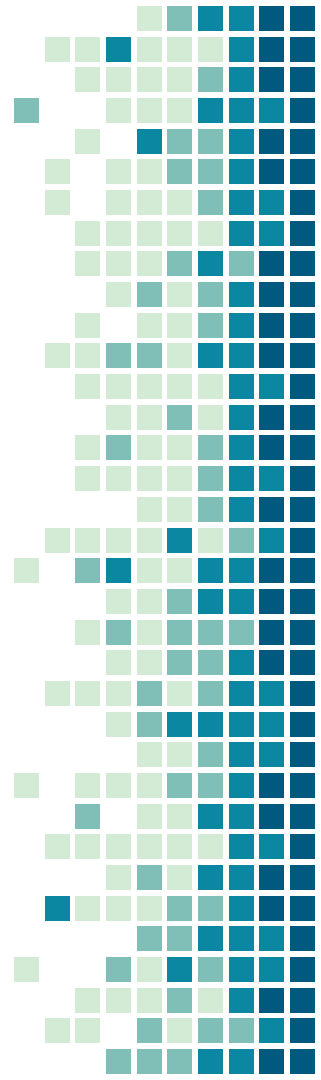
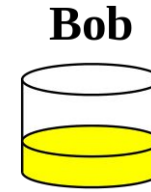


# Échange de clés de Diffie-Hellman

→ Peinture jaune :  
donnée publique

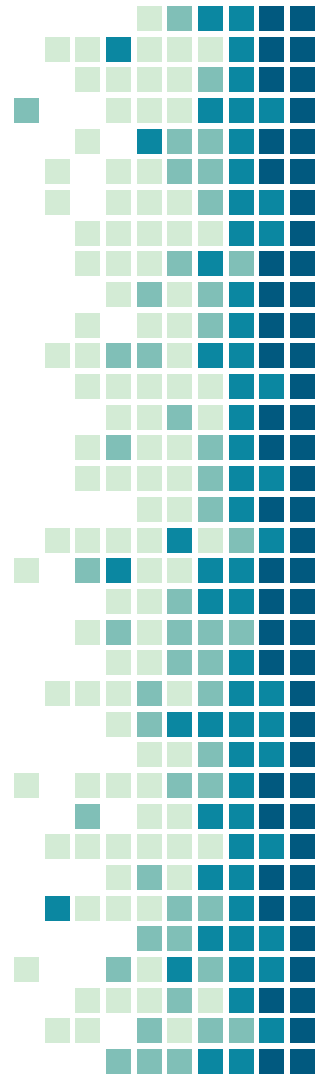
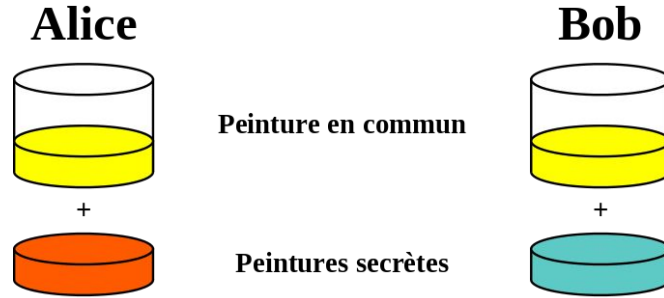


Peinture en commun



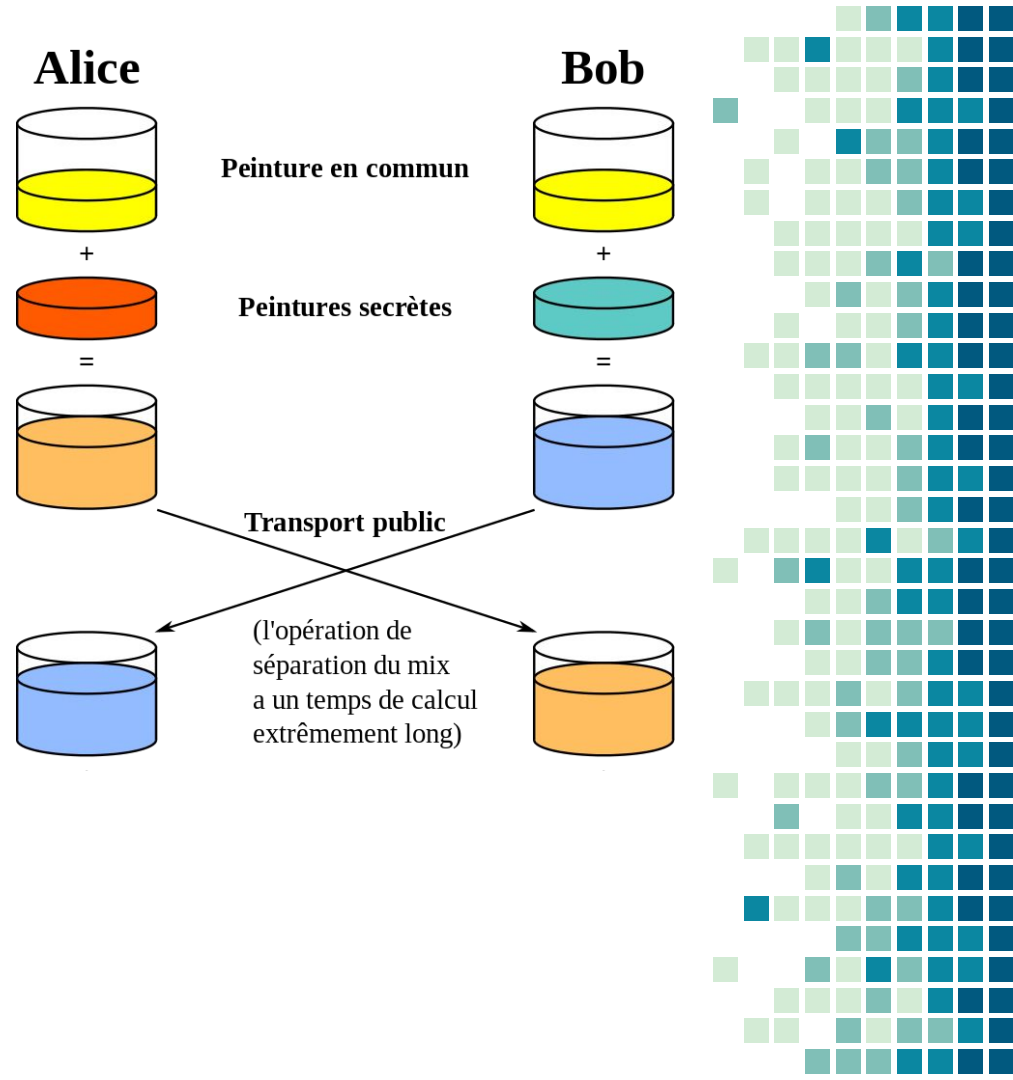
# Échange de clés de Diffie-Hellman

- Peinture jaune : donnée publique
- Peinture rouge+bleu : données privées



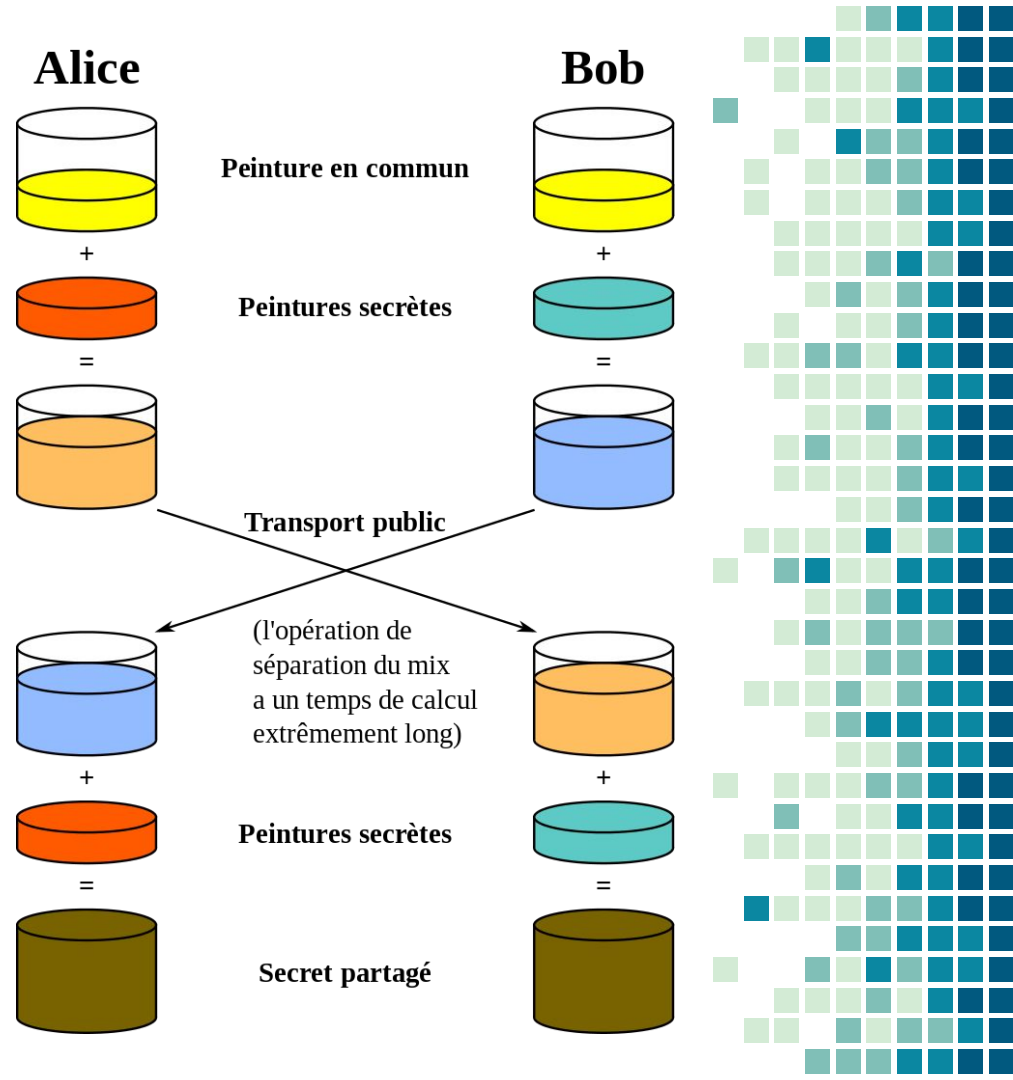
# Échange de clés de Diffie-Hellman

- Peinture jaune : donnée publique
- Peinture rouge+bleu : données privées
- Peintures orange+cyan : résultat non réversible



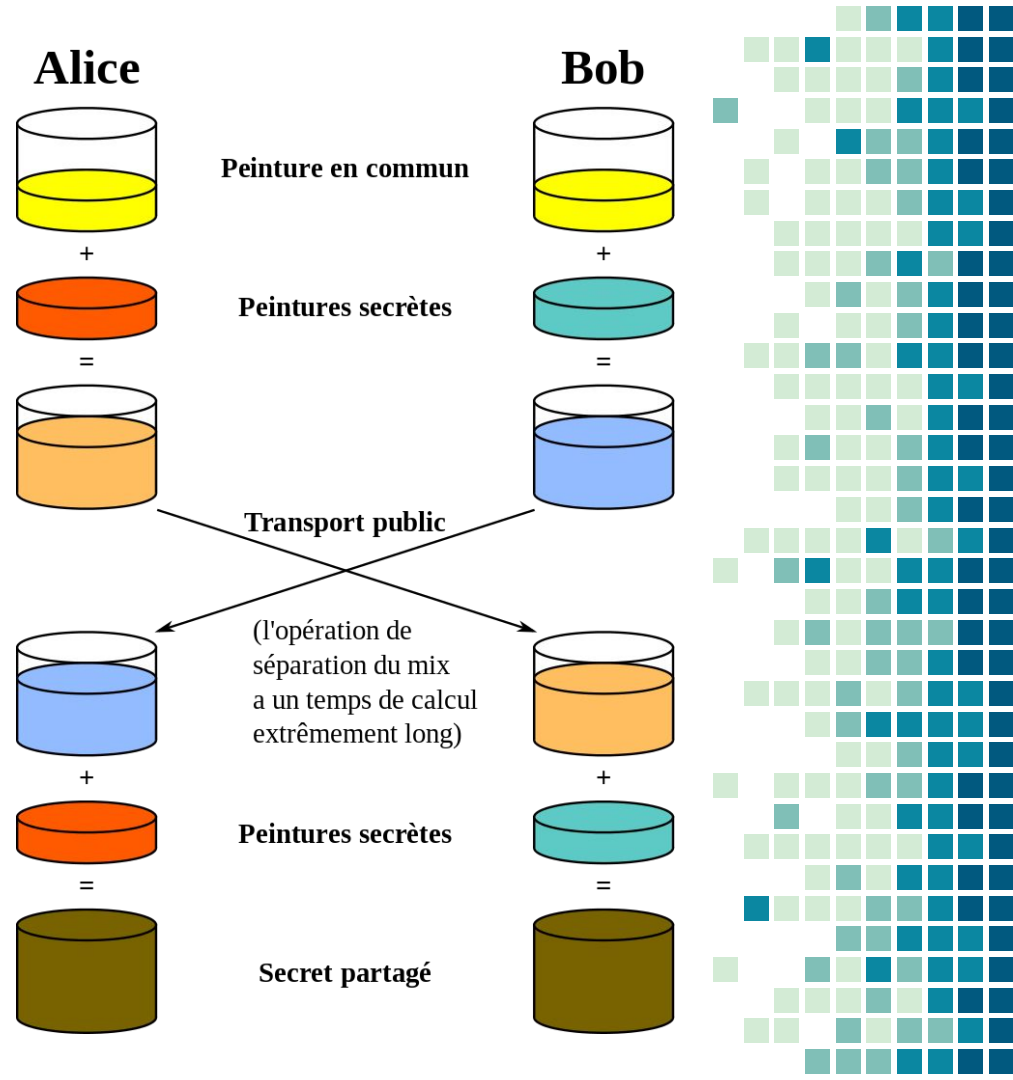
# Échange de clés de Diffie-Hellman

- Peinture jaune : donnée publique
- Peinture rouge+bleu : données privées
- Peintures orange+cyan : résultat non réversible
- Ajout de la donnée privée : secret identique



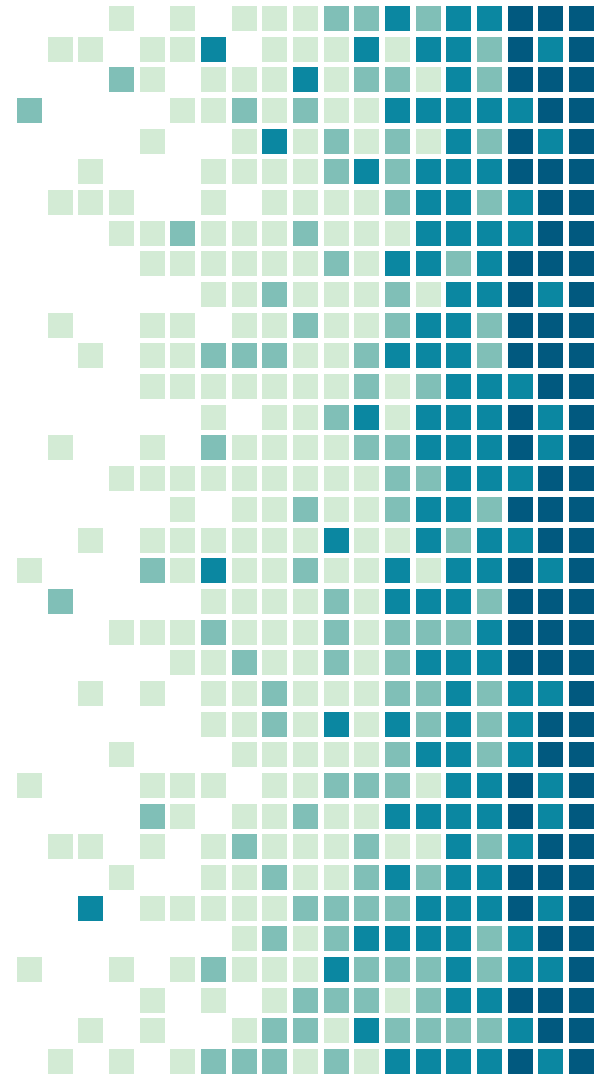
# Échange de clés de Diffie-Hellman

→ Problème du logarithme discret



# Signature numérique (DSA)

S'assurer de communiquer avec la  
bonne personne

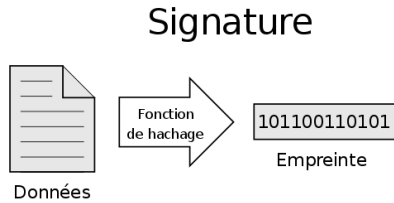


# Signature numérique - postulats de base

- Le signataire possède une identité publique
- Cette identité est connue du destinataire

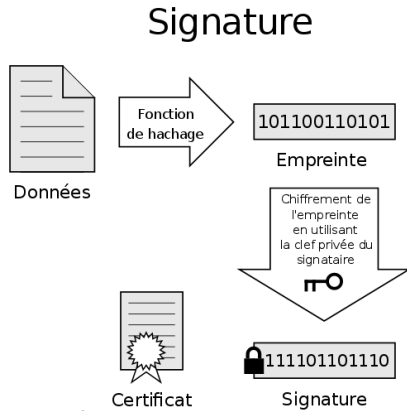


# Signature numérique – principe

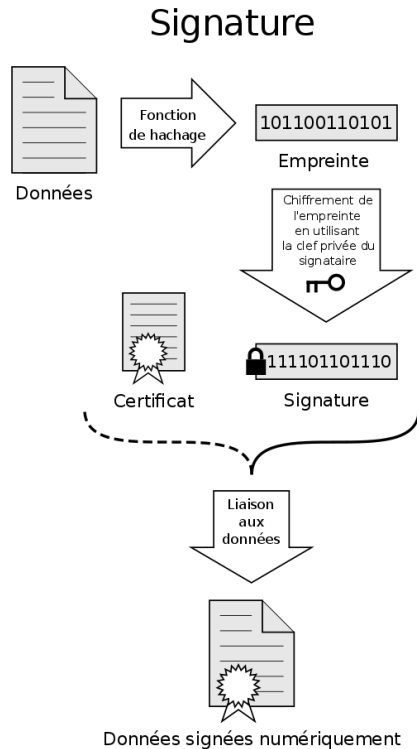




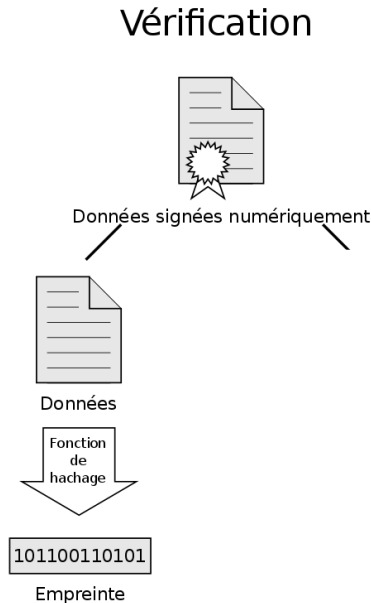
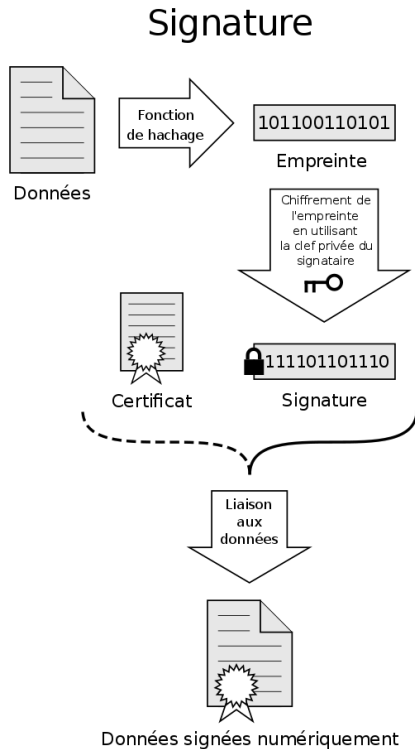
# Signature numérique - principe



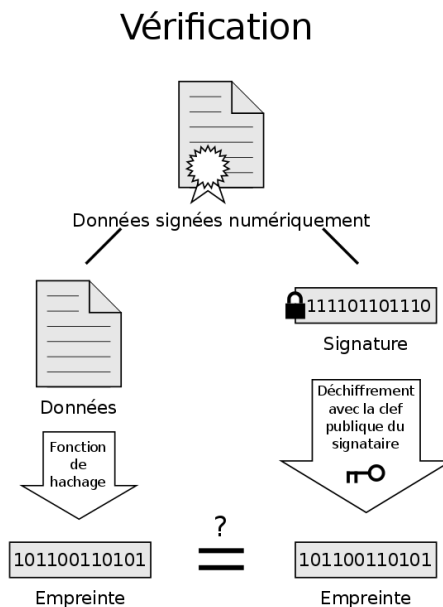
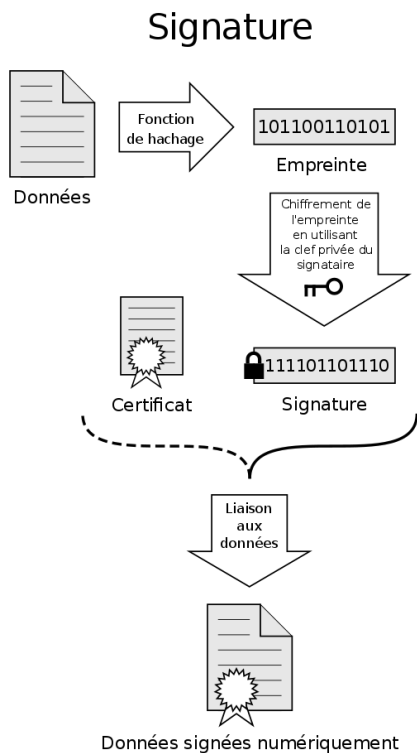
# Signature numérique - principe



# Signature numérique - principe

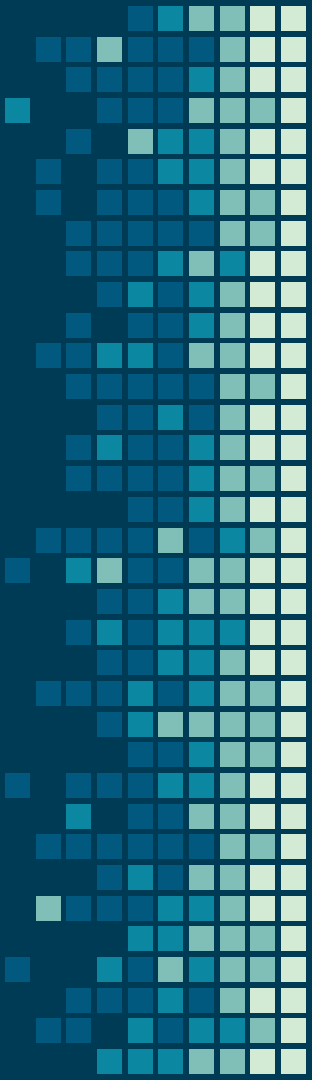


# Signature numérique - principe



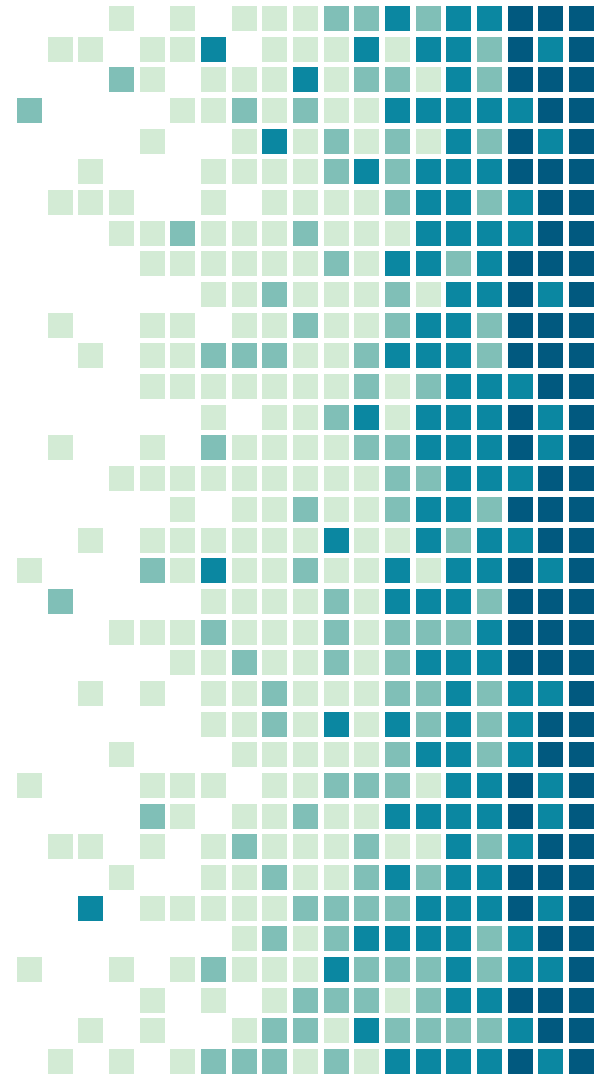
# Echange de clés et signature

Des questions ?



# Certificats X.509

Identité numérique publique



# Certificats X.509

→ Spécification d'un certificat numérique



# Certificats X.509

- Spécification d'un certificat numérique
- Lier une clé publique à une identité
  - ◆ Distinguished Name (DN)
  - ◆ Alternative Name (AN)





# Certificats X.509

- Spécification d'un certificat numérique
- Lier une clé publique à une identité
  - ◆ Distinguished Name (DN)
  - ◆ Alternative Name (AN)
- Dates de validité, infos crypto, ...



# Certificats X.509

- Spécification d'un certificat numérique
- Lier une clé publique à une identité
  - ◆ Distinguished Name (DN)
  - ◆ Alternative Name (AN)
- Dates de validité, infos crypto, ...
- Signature du certificat par une Autorité de Certification

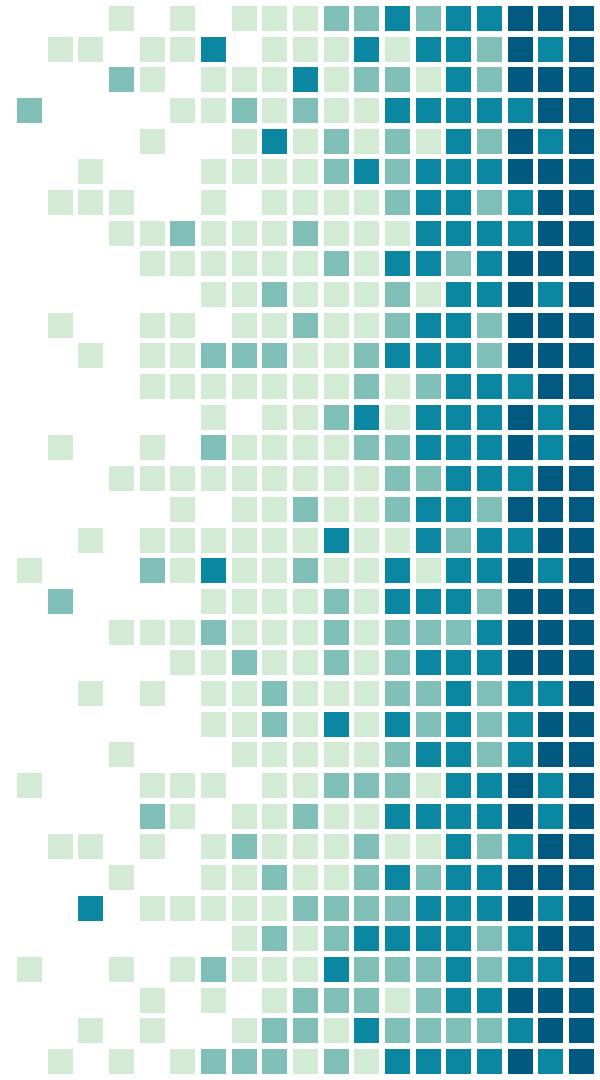


# Certificat X.509 - Exemple

```
1 $ openssl x509 -in /etc/letsencrypt/live/cyrilduval.fr/chain.pem -text -noout
2 Certificate:
3   Signature Algorithm: sha256WithRSAEncryption
4   Issuer: C = US, O = Let's Encrypt, CN = Let's Encrypt Authority X3
5   Validity
6     Not Before: Nov 18 21:14:43 2019 GMT
7     Not After : Feb 16 21:14:43 2020 GMT
8   Subject: CN = cyrilduval.fr
9   Subject Public Key Info:
10    Public Key Algorithm: rsaEncryption
11    Public-Key: (4096 bit)
12    Modulus:
13      00:b4:09:19:d4:0e:3c:82:3b:0f:ae:66:b7:c9:3d:
14      ....
15      3d:0a:2e:f8:02:f6:b8:3f:49:6c:51:f4:ac:48:90:
16      b3:6a:1b
17    Exponent: 65537 (0x10001)
18   X509v3 extensions:
19     X509v3 Subject Alternative Name:
20       DNS:cyrilduval.fr, DNS:www.cyrilduval.fr
21   Signature Algorithm: sha256WithRSAEncryption
22     71:e3:26:c5:51:db:30:55:07:d4:ac:7a:8b:05:67:a7:81:ba:
23     ....
24     78:04:19:da:b7:c1:25:d8:12:ab:62:bf:0e:3d:0a:b9:55:82:
25     d6:22:fd:6e
```

# Autorité de certification

Ne pas faire confiance à n'importe qui



# Autorité de certification

→ Tiers de confiance



# Autorité de certification

- Tiers de confiance
- Chaîne les certificats



# Autorité de certification

- Tiers de confiance
- Chaîne les certificats
- Sommet de la chaîne : certificat racine



# Autorité de certification

- Tiers de confiance
- Chaîne les certificats
- Sommet de la chaîne : certificat racine
  - ◆ Présents sur les machines des clients
  - ◆ `/etc/ssl/certs` pour linux





# Autorité de certification - exemple

- Regardons par exemple le certificat fourni par wikipédia en HTTPS
- On utilise `openssl connect` pour vérifier



```
1 $ openssl s_client -connect fr.wikipedia.org:443
2 CONNECTED(00000003)
3 depth=2 OU = GlobalSign ECC Root CA - R5, O = GlobalSign, CN = GlobalSign
4 verify return:1
5 depth=1 C = BE, O = GlobalSign nv-sa, CN = GlobalSign ECC OV SSL CA 2018
6 verify return:1
7 depth=0 C = US, ST = California, L = San Francisco, O = "Wikimedia Foundation,
  Inc.", CN = *.wikipedia.org
8 verify return:1
9 ---
10 Certificate chain
11  0 s:C = US, ST = California, L = San Francisco, O = "Wikimedia Foundation,
  Inc.", CN = *.wikipedia.org
12   i:C = BE, O = GlobalSign nv-sa, CN = GlobalSign ECC OV SSL CA 2018
13  1 s:C = BE, O = GlobalSign nv-sa, CN = GlobalSign ECC OV SSL CA 2018
14   i:OU = GlobalSign ECC Root CA - R5, O = GlobalSign, CN = GlobalSign
15  2 s:OU = GlobalSign ECC Root CA - R5, O = GlobalSign, CN = GlobalSign
16   i:OU = GlobalSign Root CA - R3, O = GlobalSign, CN = GlobalSign
17 ---
18 Server certificate
19 ...
20 subject=C = US, ST = California, L = San Francisco, O = "Wikimedia Foundation,
  Inc.", CN = *.wikipedia.org
21
22 issuer=C = BE, O = GlobalSign nv-sa, CN = GlobalSign ECC OV SSL CA 2018
```

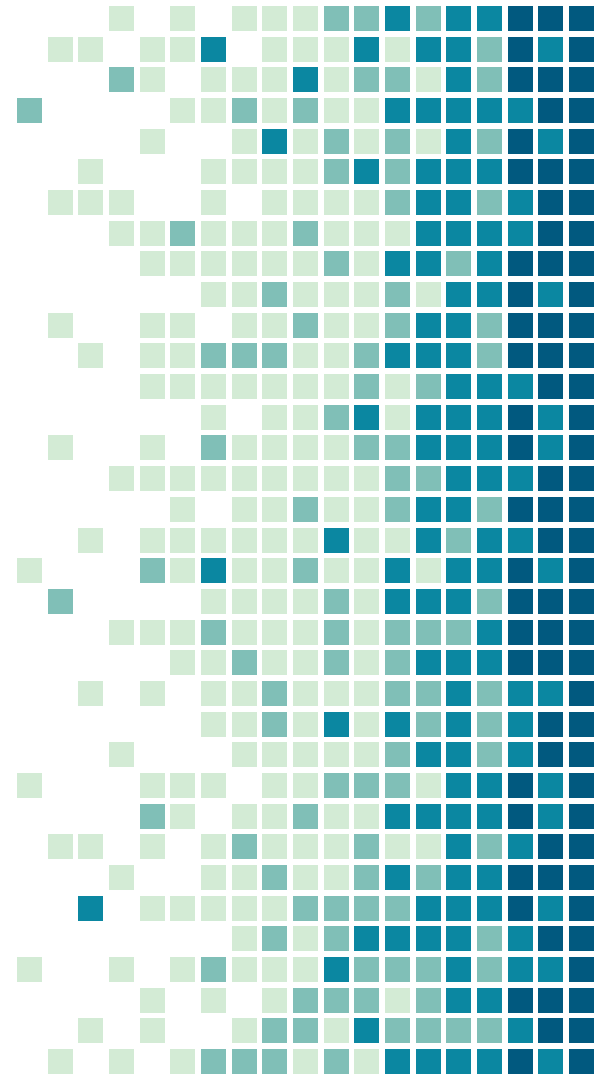


```
1 $ openssl s_client -connect fr.wikipedia.org:443
2 ...
3 2 s:OU = GlobalSign ECC Root CA - R5, O = GlobalSign, CN = GlobalSign
4   i:OU = GlobalSign Root CA - R3, O = GlobalSign, CN = GlobalSign
5 ...
6 $ ls /etc/ssl/certs/GlobalSign*
7 GlobalSign_ECC_Root_CA_-_R4.pem
8 GlobalSign_ECC_Root_CA_-_R5.pem
9 GlobalSign_Root_CA.pem
10 GlobalSign_Root_CA_-_R2.pem
11 GlobalSign_Root_CA_-_R3.pem
12 GlobalSign_Root_CA_-_R6.pem
```

```
1 $ openssl x509 -in GlobalSign_ECC_Root_CA_-_R5.pem -text -noout
2 Certificate:
3   Data:
4     Signature Algorithm: ecdsa-with-SHA384
5     Issuer: OU = GlobalSign ECC Root CA - R5, O = GlobalSign, CN = GlobalSign
6     Validity
7       Not Before: Nov 13 00:00:00 2012 GMT
8       Not After : Jan 19 03:14:07 2038 GMT
9     Subject: OU = GlobalSign ECC Root CA - R5, O = GlobalSign, CN =
10    GlobalSign
11     Subject Public Key Info:
12       Public Key Algorithm: id-ecPublicKey
13       Public-Key: (384 bit)
14       pub:
15         04:47:45:0e:96:fb:7d:5d:bf:e9:39:d1:21:f8:9f:
16         ...
17         93:4d:97:61:06:86:4a
18       ASN1 OID: secp384r1
19       NIST CURVE: P-384
20     Signature Algorithm: ecdsa-with-SHA384
21       30:65:02:31:00:e5:69:12:c9:6e:db:c6:31:ba:09:41:e1:97:
22       ...
23       69:f1:f7:3b:e1:2a:cb:f9:2b:f3:66:90:37
```

# Cryptographie et courbes elliptiques

Car la crypto était simple jusqu'à présent



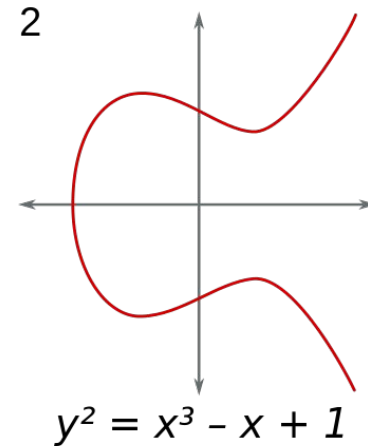
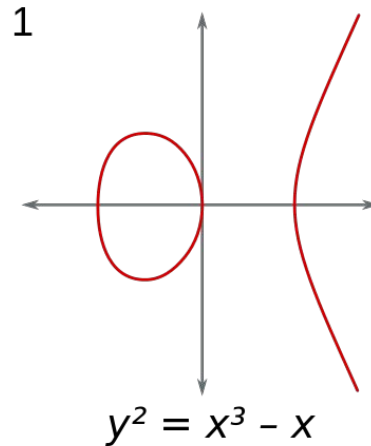
# Courbes elliptiques

→ Problème du logarithme discret



# Courbes elliptiques

- Problème du logarithme discret
- Autre approche avec des problèmes sur courbes elliptiques

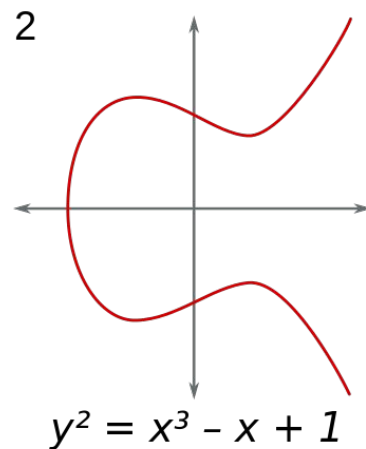
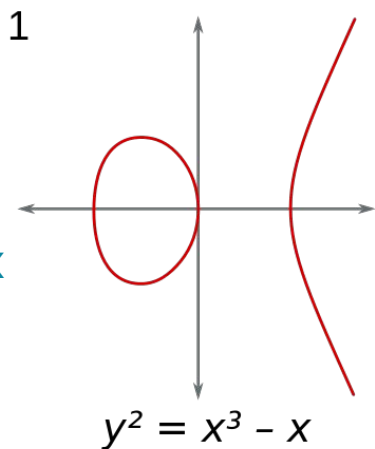


# Courbes elliptiques

- Problème du logarithme discret
- Autre approche avec des problèmes sur courbes elliptiques
- Courbes précises

e.g. : **Curve25519**

$$y^2 = x^3 + 486662x^2 + x$$



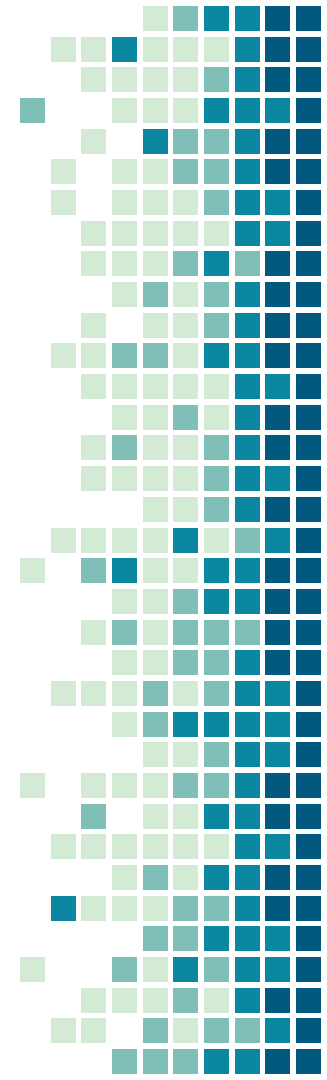


# Courbes elliptiques

→ Pas directement transposable

◆ Diffie-Hellman (*DH*) ->

Elliptic Curves Diffie-Hellman (*ECDH*)



# Courbes elliptiques

- Pas directement transposable
  - ◆ Diffie-Hellman ( $DH$ ) -> Elliptic Curves Diffie-Hellman ( $ECDH$ )
- Implémentation souvent plus difficile



# Courbes elliptiques

- Pas directement transposable
  - ◆ Diffie-Hellman ( $DH$ ) -> Elliptic Curves Diffie-Hellman ( $ECDH$ )
- Implémentation souvent plus difficile
- Utilisation (utilisateur) identique



# Courbes elliptiques

- Pas directement transposable
  - ◆ Diffie-Hellman ( $DH$ ) -> Elliptic Curves Diffie-Hellman ( $ECDH$ )
- Implémentation souvent plus difficile
- Utilisation (utilisateur) identique
- Clés beaucoup plus petite pour sécurité égale



# Courbes elliptiques

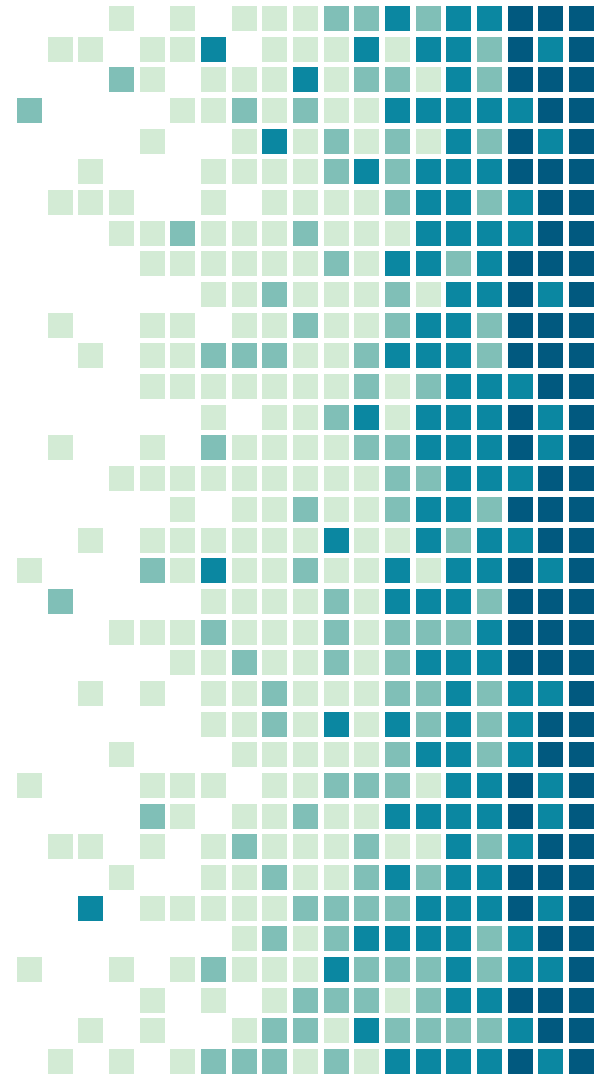


```
1 $ cat id_rsa.pub | wc -c  
2 725  
3 $ cat id_ed25519.pub | wc -c  
4 100
```



# Le plus important

Soyez attentifs



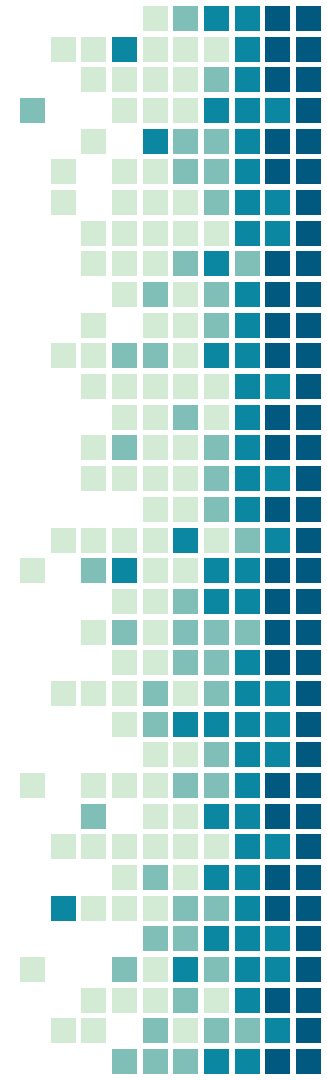
# Le plus important

On dit :

- > Chiffrer
- > Déchiffrer
- > Chiffrement
- > Décrypter

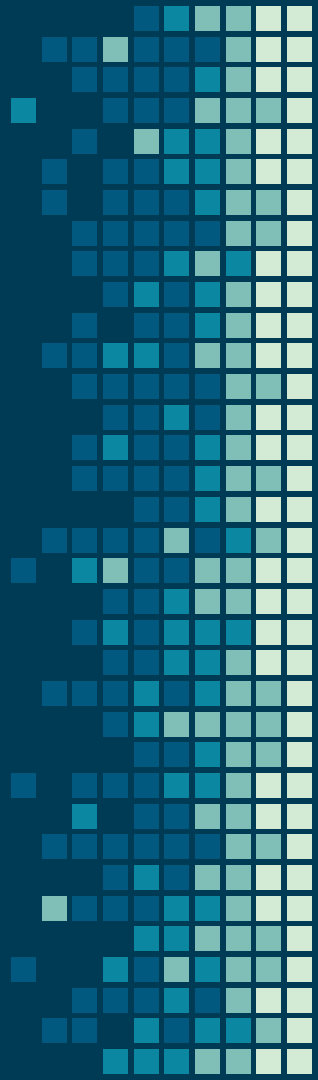
On ne dit pas :

- > Crypter
- > Cryptage
- > Encrypter
- > Chiffrage



# Merci !

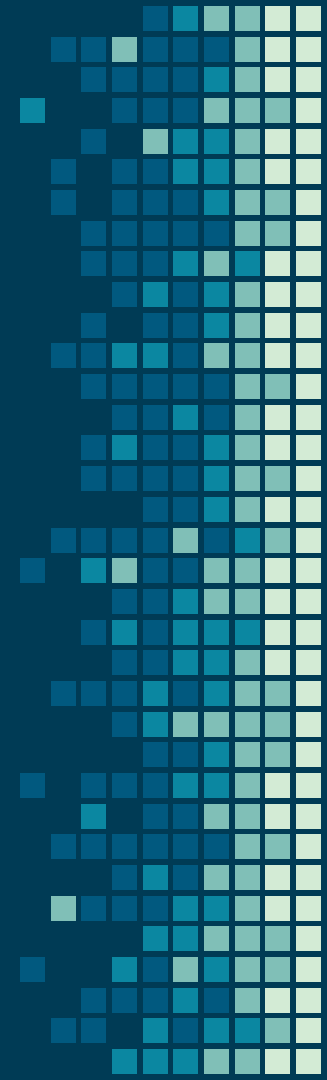
Des questions ?





# Merci !

Des questions ?



Disponible sur  
[zarak.fr/crypto/introduction](https://zarak.fr/crypto/introduction)