

Introduction à la cryptographie

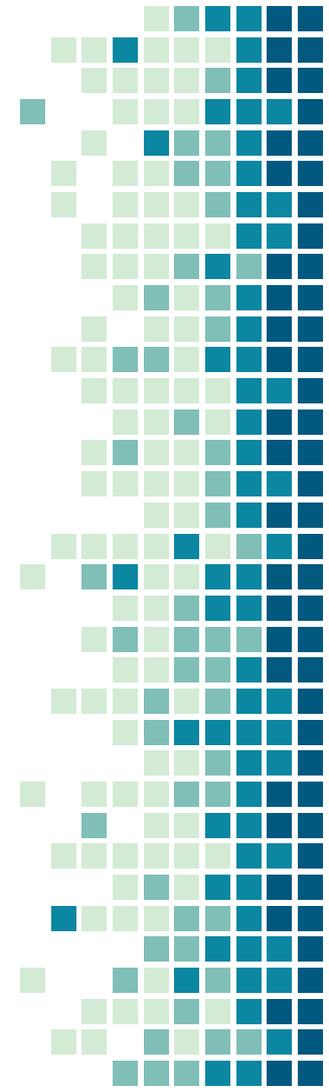
Présentation

Quelques généralités



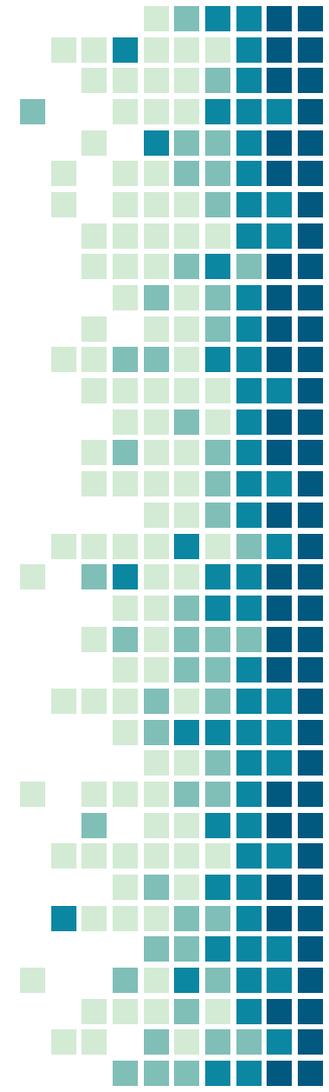
Pourquoi écouter cette présentation ?

- La crypto est partout
 - ◆ HTTPS, SSH, LUKS, GPG, ...
- Affaire avec à un moment ou un autre
 - ◆ JWT, git, connexion SSH, dm-crypt, PBKDF2, ...
- Vie privée



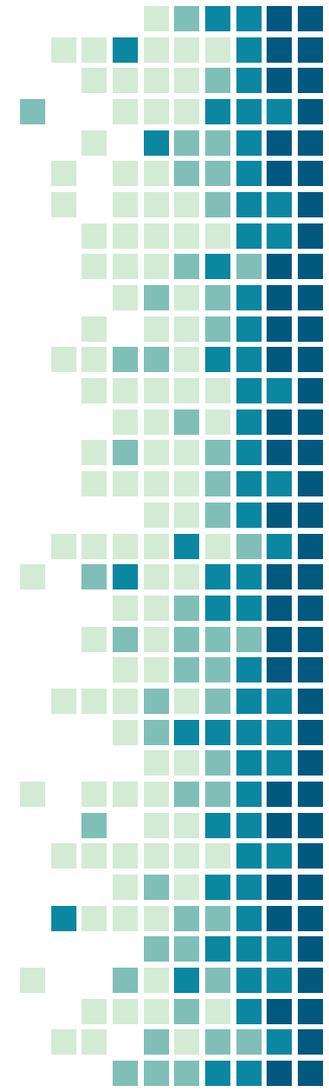
Qu'est-ce que la cryptographie ?

- Discipline de la cryptologie
- Protection des messages
- Pas de dissimulation des messages (stéganographie)



Qu'est-ce que la cryptographie ?

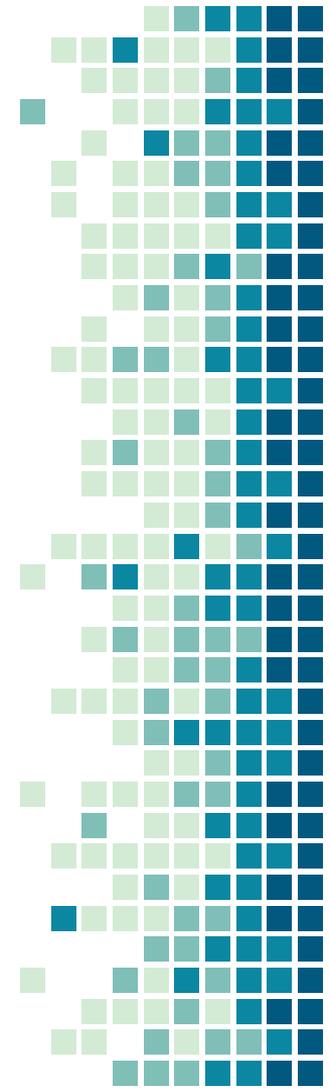
- ~Codage
- Hachage
- Chiffrement symétrique
- Chiffrement asymétrique



Qu'est-ce que la cryptographie ?

- ~~Codage~~
- Hachage
- Chiffrement symétrique
- Chiffrement asymétrique

- *Signature numérique*
- *Echange de clés*
- *Chiffrement par bloc, par flot, ...*
- *Certificats, identités, ...*



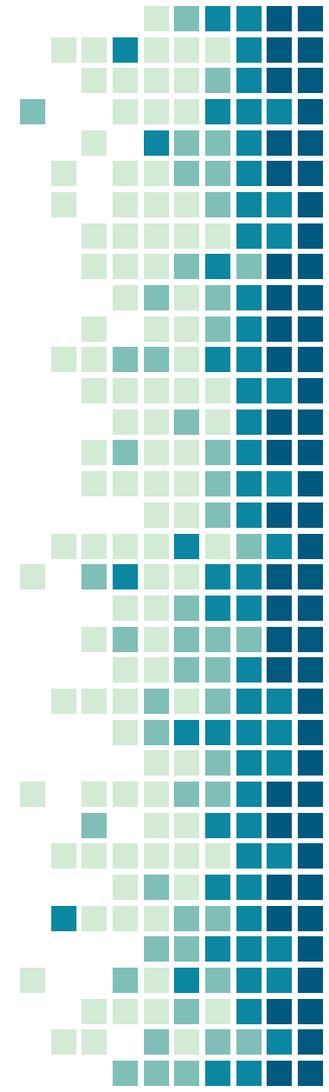
Fonctions de hachage

Commençons simple



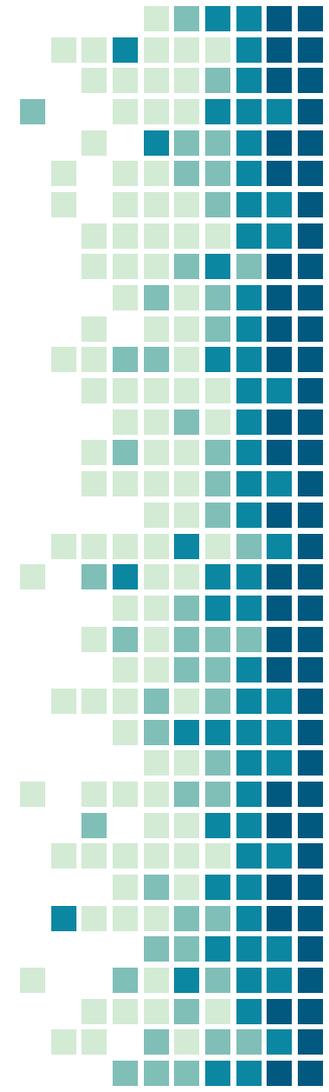
Fonctions de hachage

→ Calcul de l'empreinte numérique d'une donnée (*hash*)



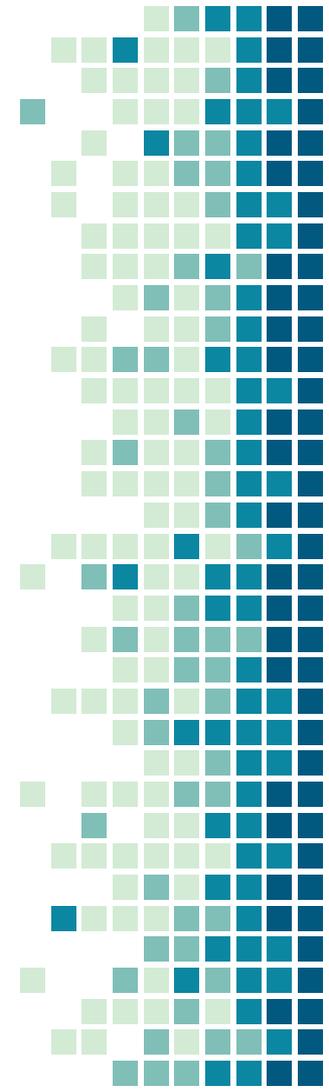
Fonctions de hachage

- Calcul de l'empreinte numérique d'une donnée (*hash*)
- Entrée taille variable, sortie taille fixe



Fonctions de hachage

- Calcul de l'empreinte numérique d'une donnée (*hash*)
- Entrée taille variable, sortie taille fixe
- Déterministe



Fonctions de hachage



```
$ printf "fonction de hachage" | sha256sum  
2db100af5d9d4e41b37bdec521f22ff06536e068e2a365285ac5f9b0e8542a14 -  
$ printf "Fonction de hachage" | sha256sum  
8b59f93d7714b00c370d386703eccc4aa5da829e248190ed27fe217bb440c17a -  
$ cat /boot/vmlinuz-4.19.0-16-amd64 | sha256sum  
d758470d7d1b4148309533e73de20ad2276fa861ce4dabaf0dae360f782fa1fa -
```

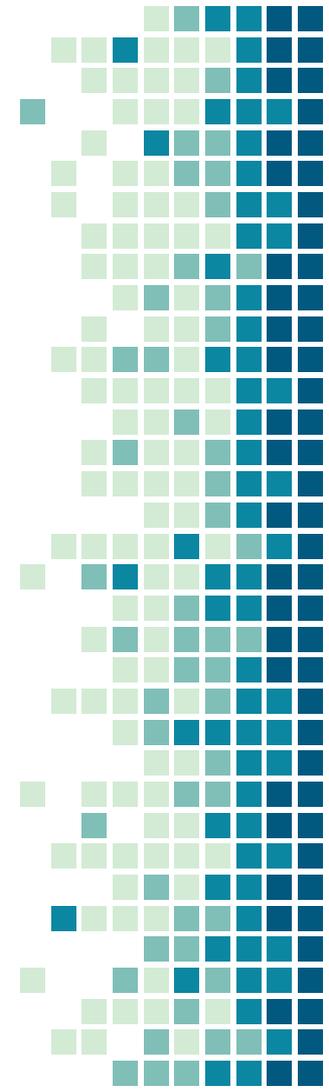
Fonctions de hachage cryptographique

Ajoutons des contraintes



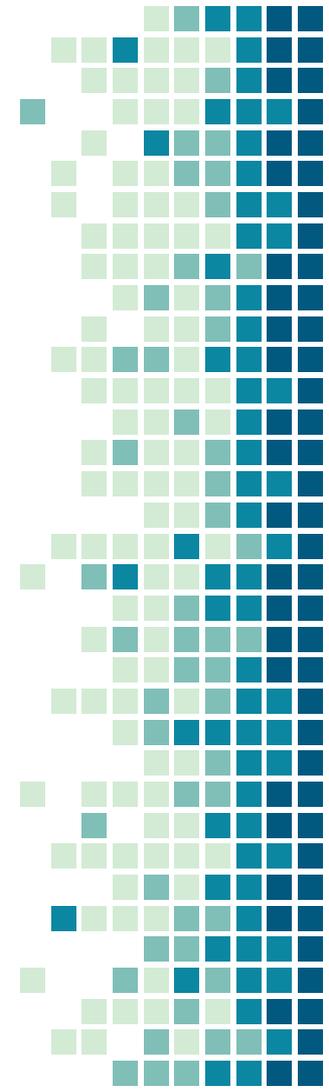
Fonctions de hachage cryptographique

→ Le hash doit être unique



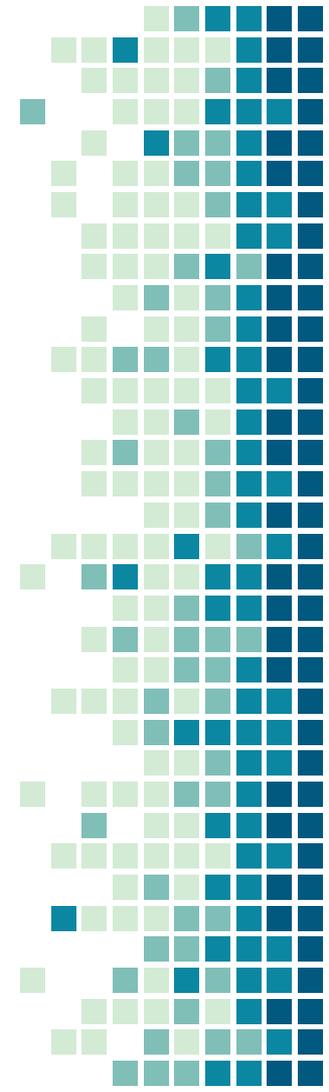
Fonctions de hachage cryptographique

- Le hash doit être unique
 - ◆ En pratique impossible
 - ◆ Ensemble S vers N avec $\text{card}(S) > \text{card}(N)$



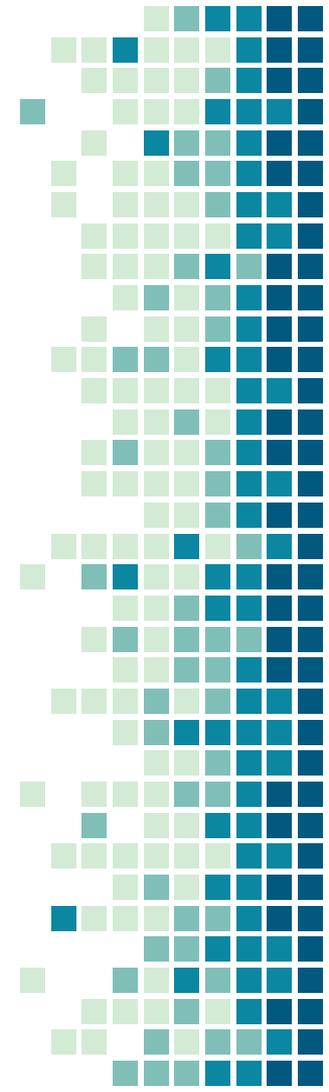
Fonctions de hachage cryptographique

- Le hash doit être unique
 - ◆ En pratique impossible
 - ◆ Ensemble S vers N avec $\text{card}(S) > \text{card}(N)$
- Fonction mathématique à sens unique
 - ◆ Si $f(x) = y$, impossible* de calculer x à partir de y



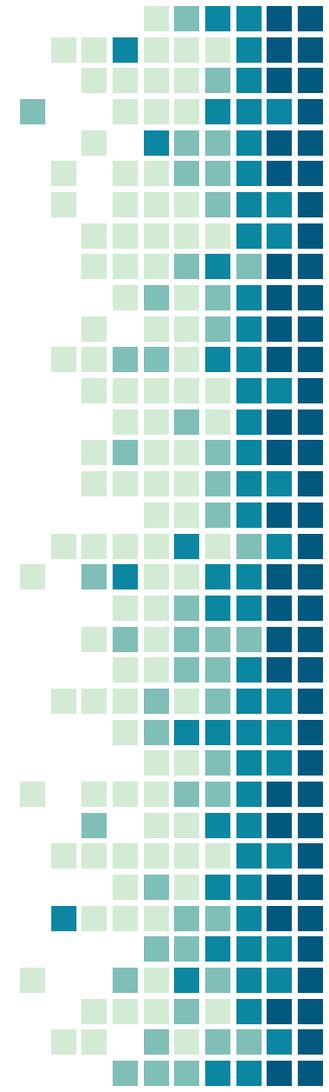
Fonctions de hachage cryptographique

- Le hash doit être unique
 - ◆ En pratique impossible
 - ◆ Ensemble S vers N avec $\text{card}(S) > \text{card}(N)$
- Fonction mathématique à sens unique
 - ◆ Si $f(x) = y$, impossible* de calculer x à partir de y
- Impossibilité* de calculer une collision



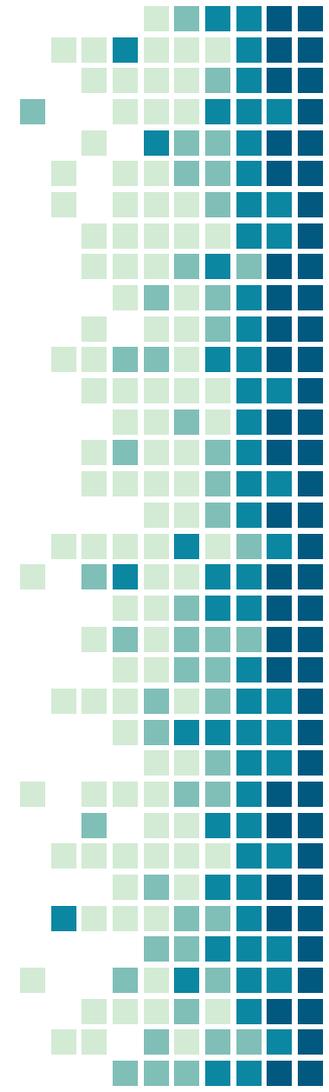
Fonctions de hachage cryptographique

- Le hash doit être unique
 - ◆ En pratique impossible
 - ◆ Ensemble S vers N avec $\text{card}(S) > \text{card}(N)$
- Fonction mathématique à sens unique
 - ◆ Si $f(x) = y$, impossible* de calculer x à partir de y
- Impossibilité* de calculer une collision
- Impossibilité* de calculer un message d'origine



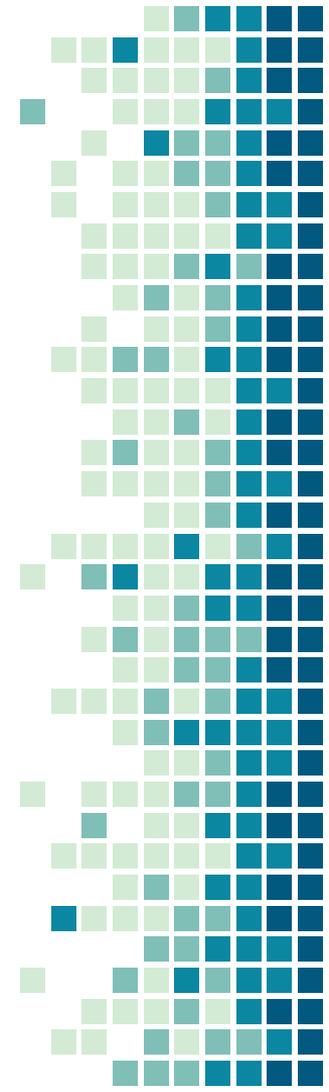
Fonctions de hachage cryptographique

- Le hash doit être unique
 - ◆ En pratique impossible
 - ◆ Ensemble S vers N avec $\text{card}(S) > \text{card}(N)$
- Fonction mathématique à sens unique
 - ◆ Si $f(x) = y$, impossible* de calculer x à partir de y
- Impossibilité* de calculer une collision
- Impossibilité* de calculer un message d'origine
- Impossibilité de déterminer le message d'origine



Fonctions de hachage cryptographique

- Le hash doit être unique
 - ◆ En pratique impossible
 - ◆ Ensemble S vers N avec $\text{card}(S) > \text{card}(N)$
- Fonction mathématique à sens unique
 - ◆ Si $f(x) = y$, impossible* de calculer x à partir de y
- Impossibilité* de calculer une collision
- Impossibilité* de calculer un message d'origine
- Impossibilité de déterminer le message d'origine
- 2 messages très proches donnent hash très différents



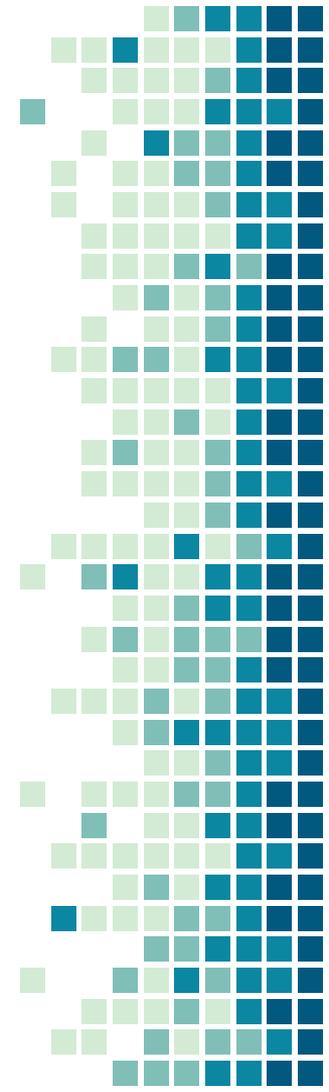
Fonctions de hachage



```
$ printf "fonction de hachage" | sha256sum  
2db100af5d9d4e41b37bdec521f22ff06536e068e2a365285ac5f9b0e8542a14 -  
$ printf "Fonction de hachage" | sha256sum  
8b59f93d7714b00c370d386703eccc4aa5da829e248190ed27fe217bb440c17a -  
$ cat /boot/vmlinuz-4.19.0-16-amd64 | sha256sum  
d758470d7d1b4148309533e73de20ad2276fa861ce4dabaf0dae360f782fa1fa -
```

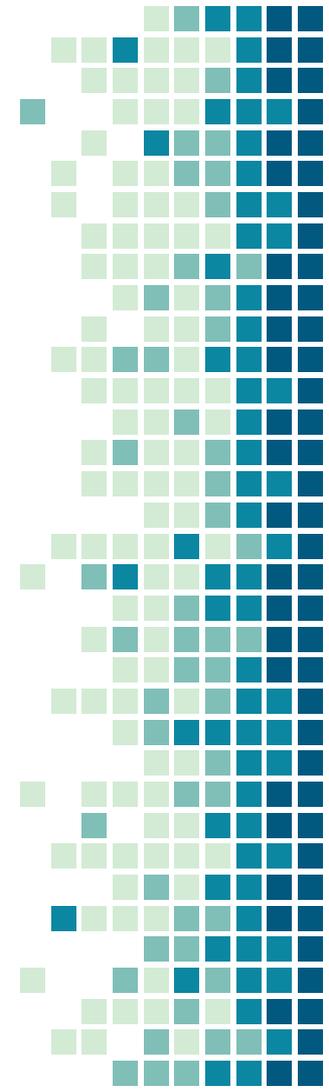
Fonctions de hachage - utilité

→ Identification rapide de données diverses



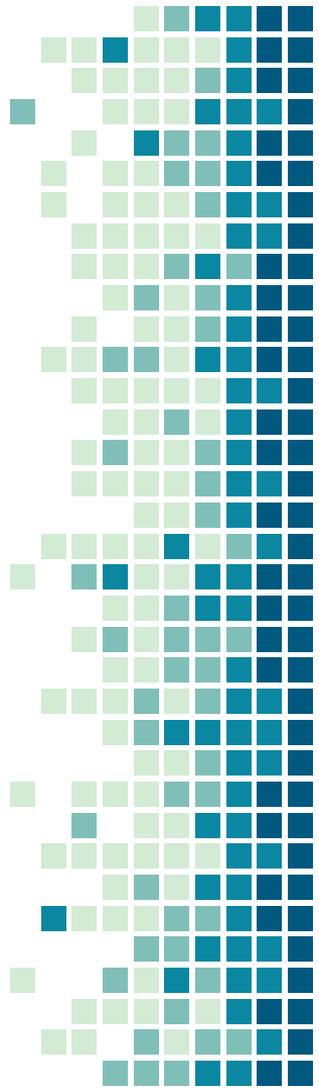
Fonctions de hachage - utilité

- Identification rapide de données diverses
- Sécurisation du stockage de mots de passe



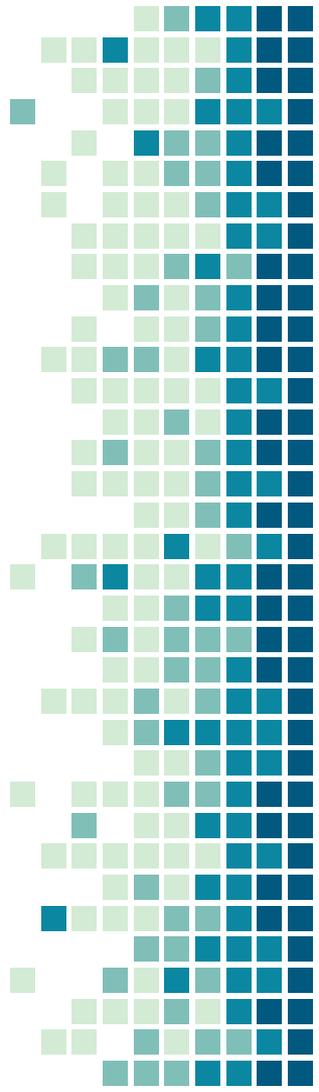
Fonctions de hachage - utilité

- Identification rapide de données diverses
- Sécurisation du stockage de mots de passe
- Structures de données (*hash tables*)



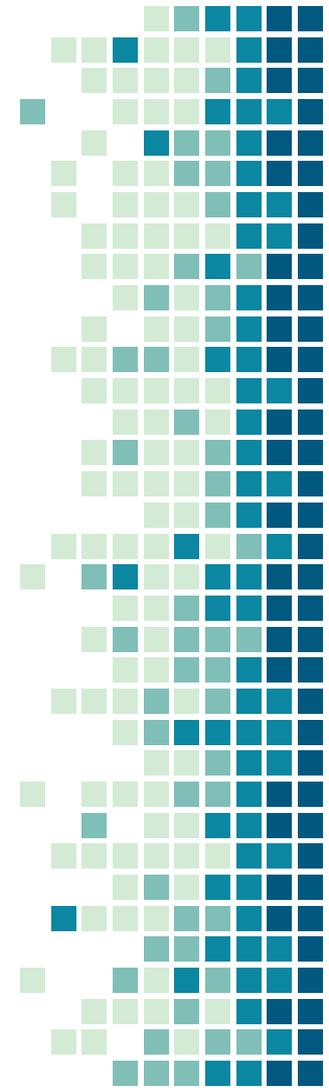
Fonctions de hachage - utilité

- Identification rapide de données diverses
- Sécurisation du stockage de mots de passe
- Structures de données (*hash tables*)
- Vérification de l'intégrité



Fonctions de hachage - utilité

- Identification rapide de données diverses
- Sécurisation du stockage de mots de passe
- Structures de données (*hash tables*)
- Vérification de l'intégrité
- ...



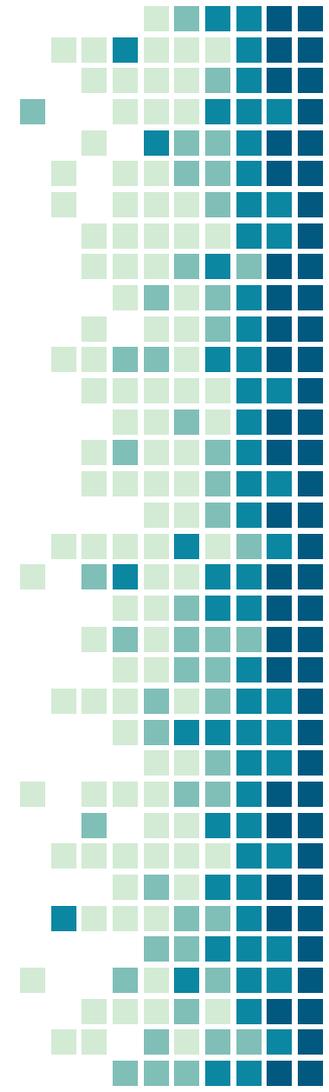
Impossible ?

Concept clé en crypto



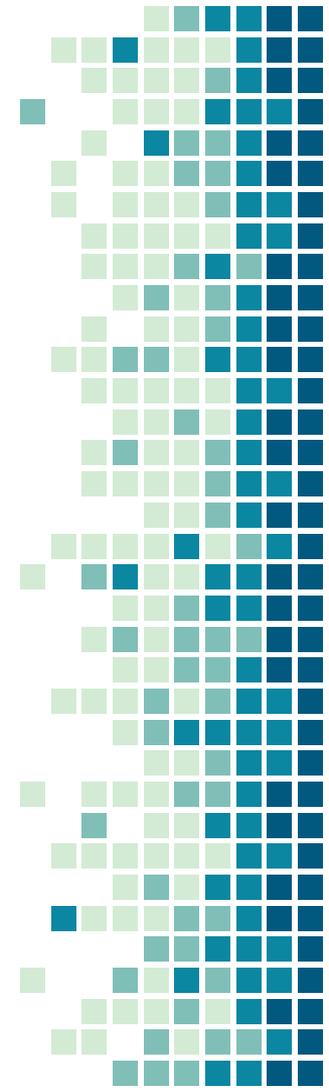
Impossibilité et difficulté

→ Aspect théorique != pratique



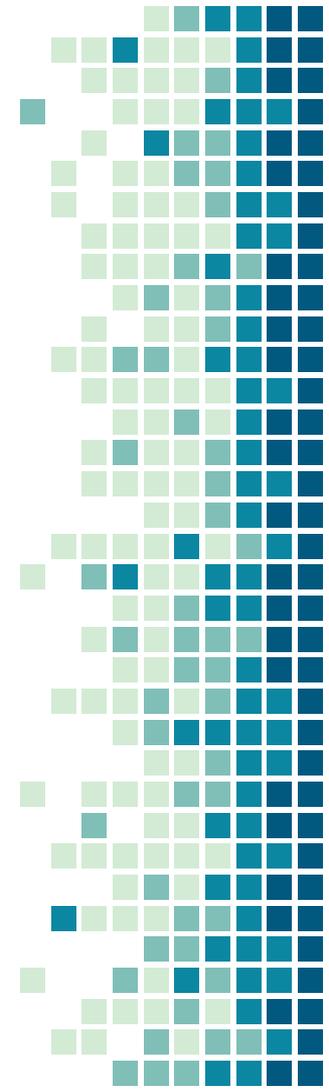
Impossibilité et difficulté

- Aspect théorique \neq pratique
- En crypto on parle de difficulté



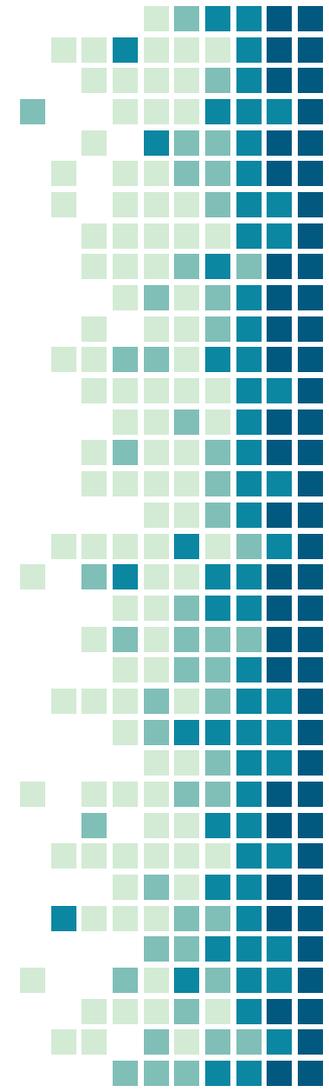
Impossibilité et difficulté

- Aspect théorique \neq pratique
- En crypto on parle de difficulté
- Problème difficile = qui prend trop de temps à l'échelle humaine avec les moyens actuels



Impossibilité et difficulté

- Aspect théorique != pratique
- En crypto on parle de difficulté
- Problème difficile = qui prend trop de temps à l'échelle humaine avec les moyens actuels
- Attention à :
 - ◆ Maths cassées
 - ◆ La progression de la puissance de calcul dispo



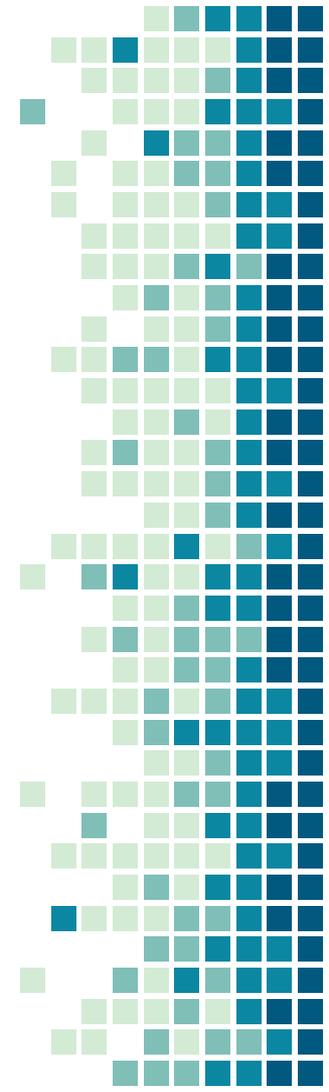
Exemple de difficulté

Crackons un hash en live



Fonctions de hachage cryptographique en pratique

- MD5 (1991)
- SHA-1 (1995)
- SHA-2 (2002) : sha256, sha512 (*sha384, sha224*)
- Outil générique
- *Pour aller plus loin pour les matheux :*
 - ◆ *Merkle–Damgård construction*
 - ◆ *Poly1305-AES*



Fonctions de hachage cryptographique en pratique

```
● ● ●  
$ printf "fonction de hachage" | md5sum  
c80b2ae9edb840bb0a9b0838a1c9eecd -  
$ printf "fonction de hachage" | sha1sum  
ea6e33286d070761dbd617e67e429d9c3a82da0a -  
$ printf "fonction de hachage" | sha256sum  
2db100af5d9d4e41b37bdec521f22ff06536e068e2a365285ac5f9b0e8542a14 -  
$ printf "fonction de hachage" | sha512sum  
f360f704d3f547795dff130436f5f2a26c256e53d6f432603e4d307c49c143f2ed158599ec78733  
e27e1936780510c432dad863fad4b6b158bc1195861a63116 -
```

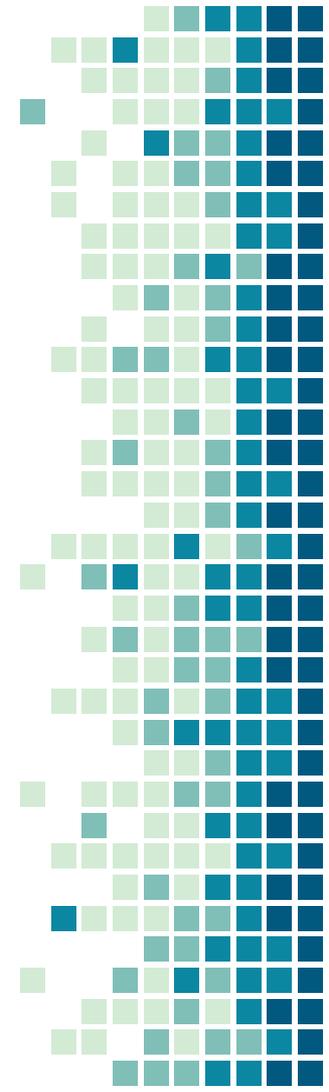
Sel cryptographique

"Salt is a way of life" – youtu.be/3KquFZYi6L0



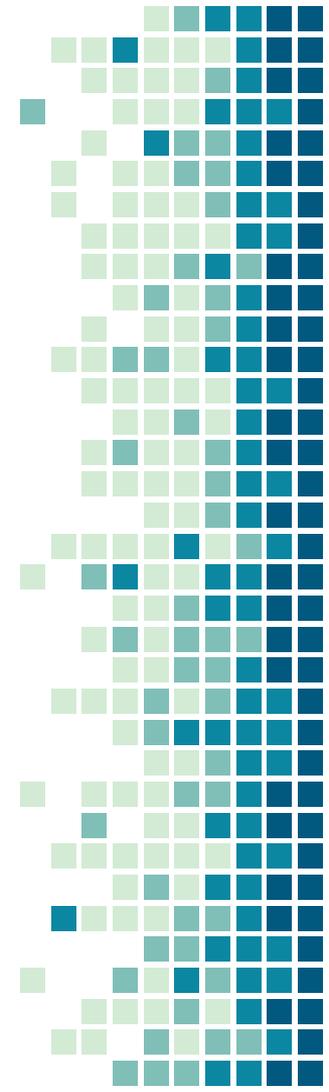
Sel cryptographique

→ Données en plus avant hachage



Sel cryptographique

- Données en plus avant hachage
- Lutte contre les Rainbow Tables
- Lutte potentiellement contre la brute-force



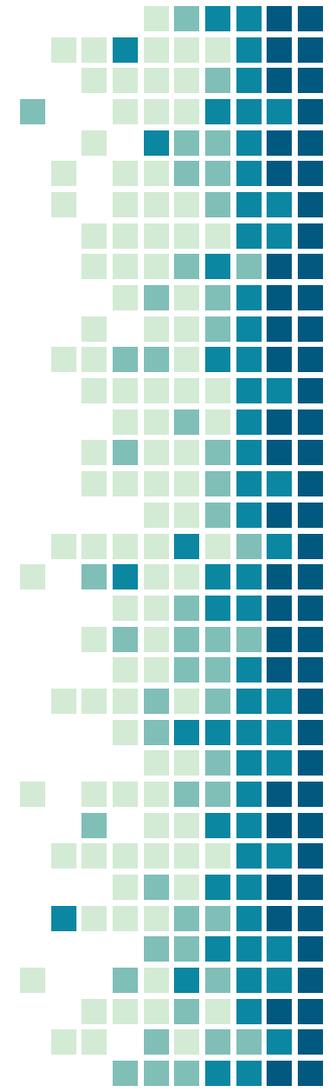
Sel cryptographique



```
$ printf "soleil" | sha1sum  
45c8586a626ddabd233951066138d0efa7f4eb9d -  
$ printf "soleilCECIESTUNSELSTATICUNPEUBASIQUE" | sha1sum  
4930689937449fc4ba0bf2578e3bbb130d39341d -
```

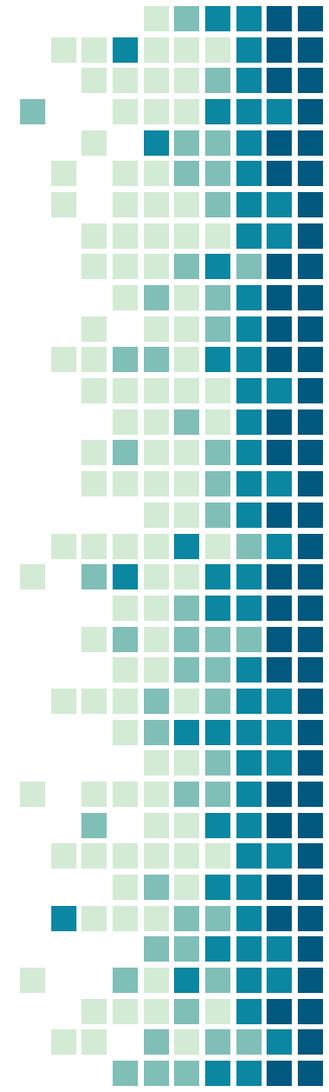
Sel cryptographique

- Données en plus avant hachage
- Lutte contre les Rainbow Tables
- Lutte potentiellement contre la brute-force
- Sel statique ou dynamique
 - ◆ Si dynamique, stocké à côté



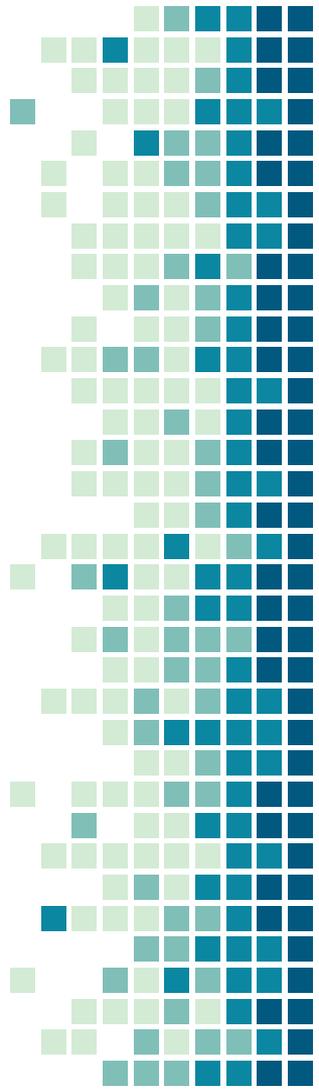
Attention !

→ Fonction de hachage != hash de mot de passe



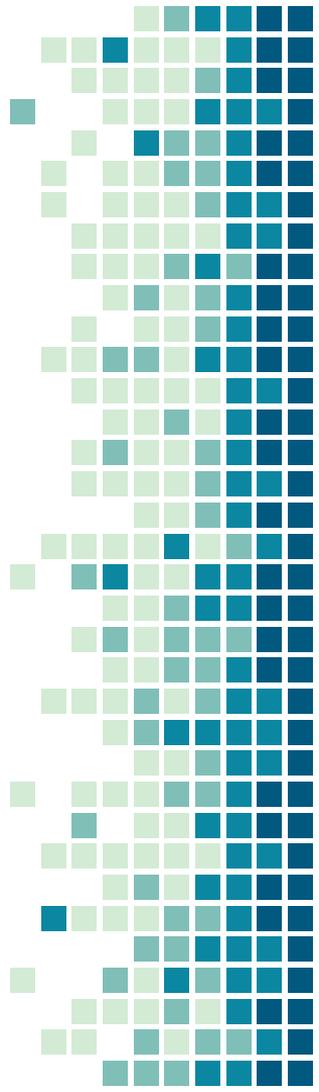
Attention !

- Fonction de hachage != hash de mot de passe
- Fonction de dérivation de clés
 - ◆ Utilise des fonctions de hachage
- PBKDF2, Argon2, Bcrypt, ...



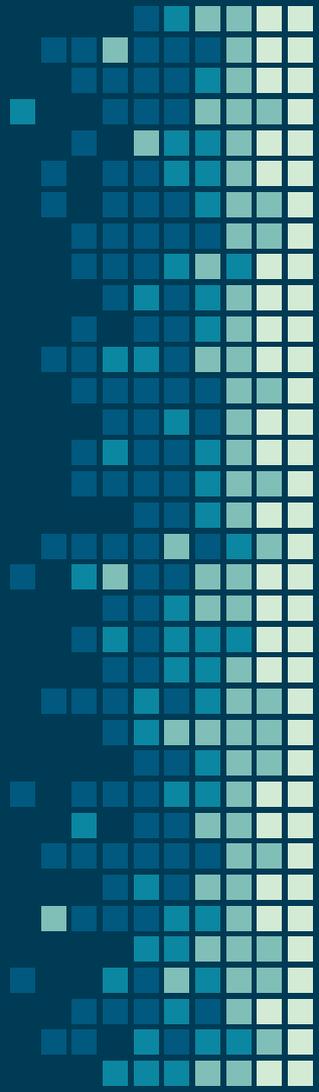
Attention !

- Fonction de hachage != hash de mot de passe
- Fonction de dérivation de clés
 - ◆ Utilise des fonctions de hachage
- PBKDF2, Argon2, Bcrypt, ...
- Ne **jamais** faire sa tambouille perso en crypto



Fonctions de hachage

Des questions ?



Cryptographie symétrique

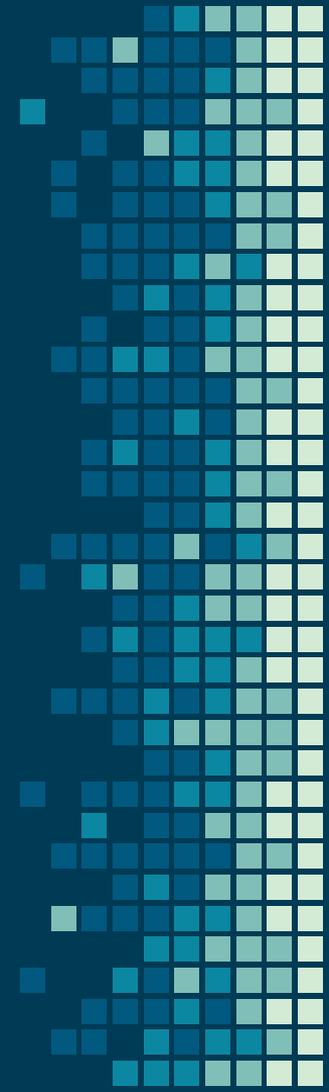


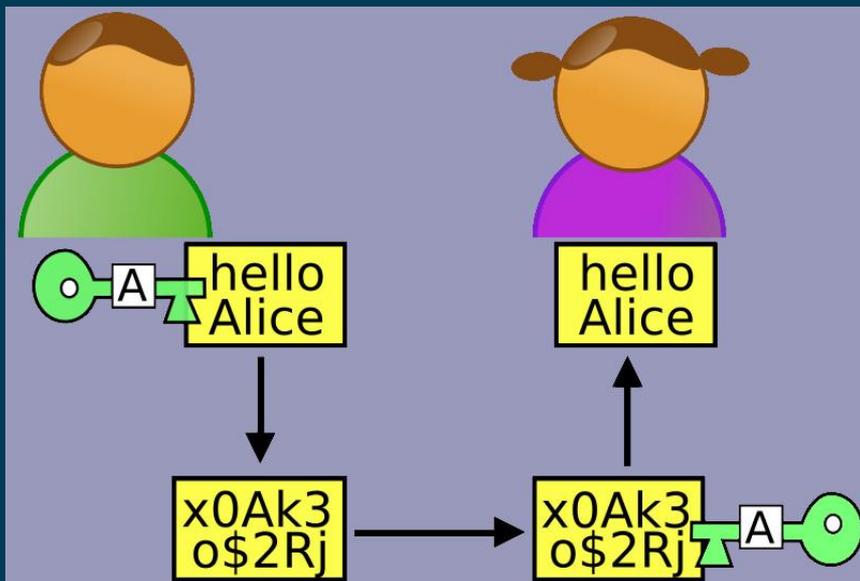
Chiffrement symétrique

Crypto moderne



Pourquoi “symétrique” ?

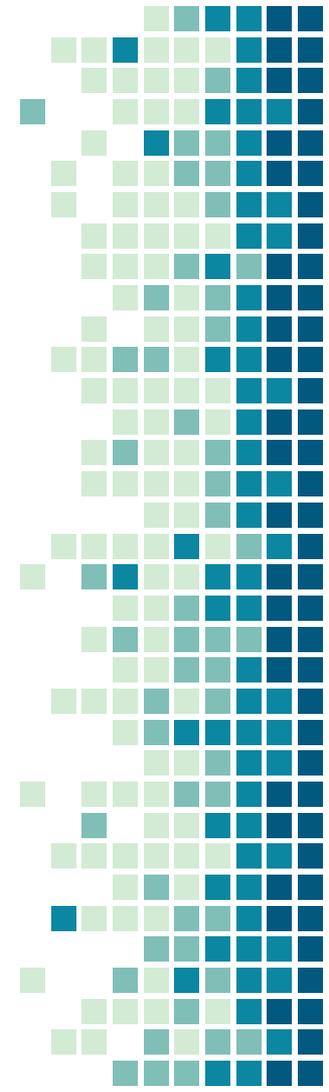




Pourquoi “symétrique” ?

Types de chiffrement symétrique

- Chiffrement par blocs
- Chiffrement par flot



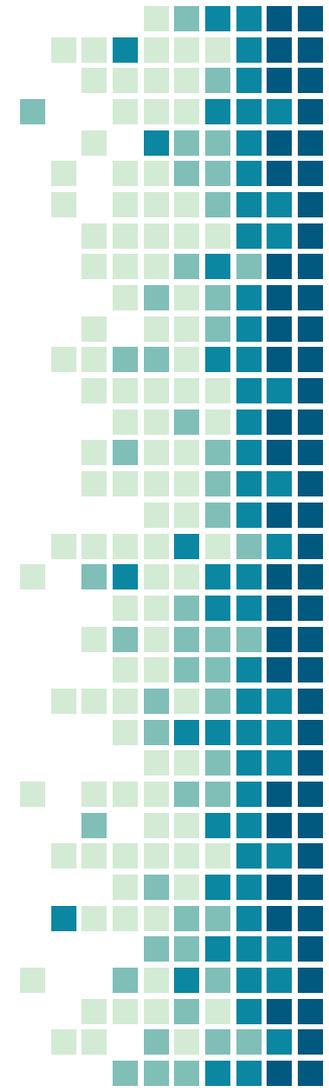
Chiffrement par blocs

Segmentons la donnée



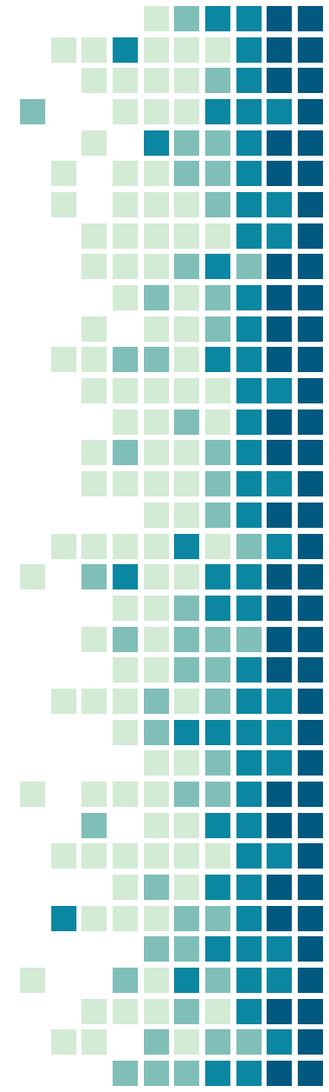
Chiffrement par blocs

- Segmentations de la données à chiffrer en blocs
- Taille du bloc qui dépend de l'algorithme

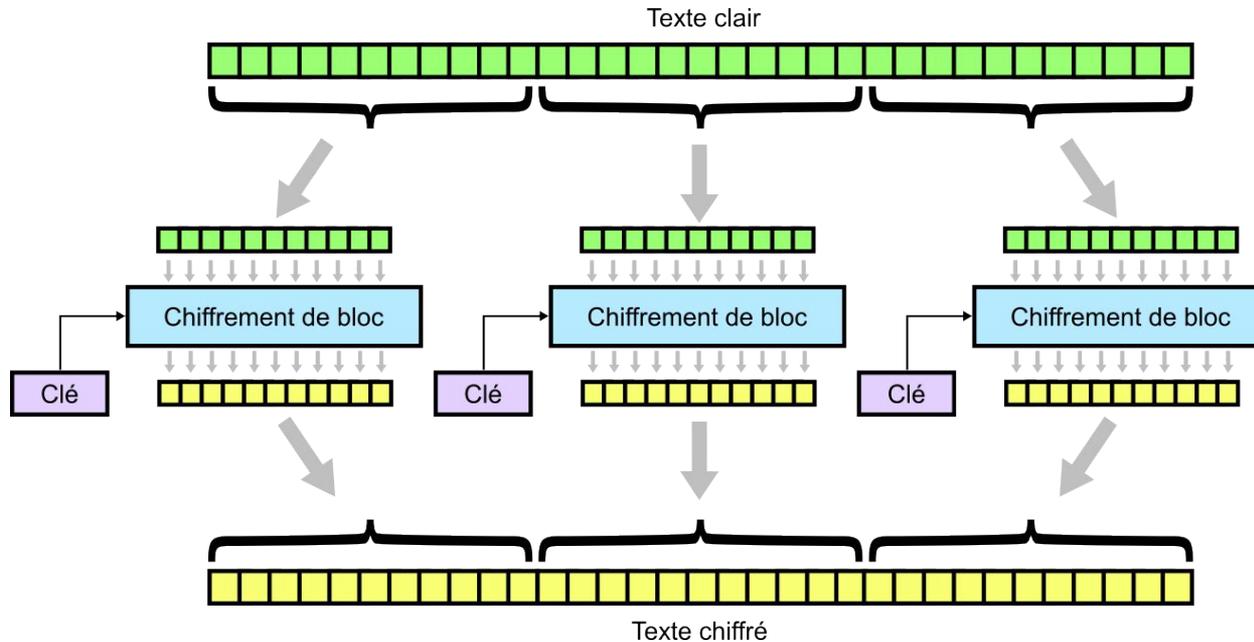


Chiffrement par blocs

- Segmentations de la données à chiffrer en blocs
- Taille du bloc qui dépend de l'algorithme
- Application de l'algorithme successivement sur les blocs
- Utilisation d'un "mode d'opération"

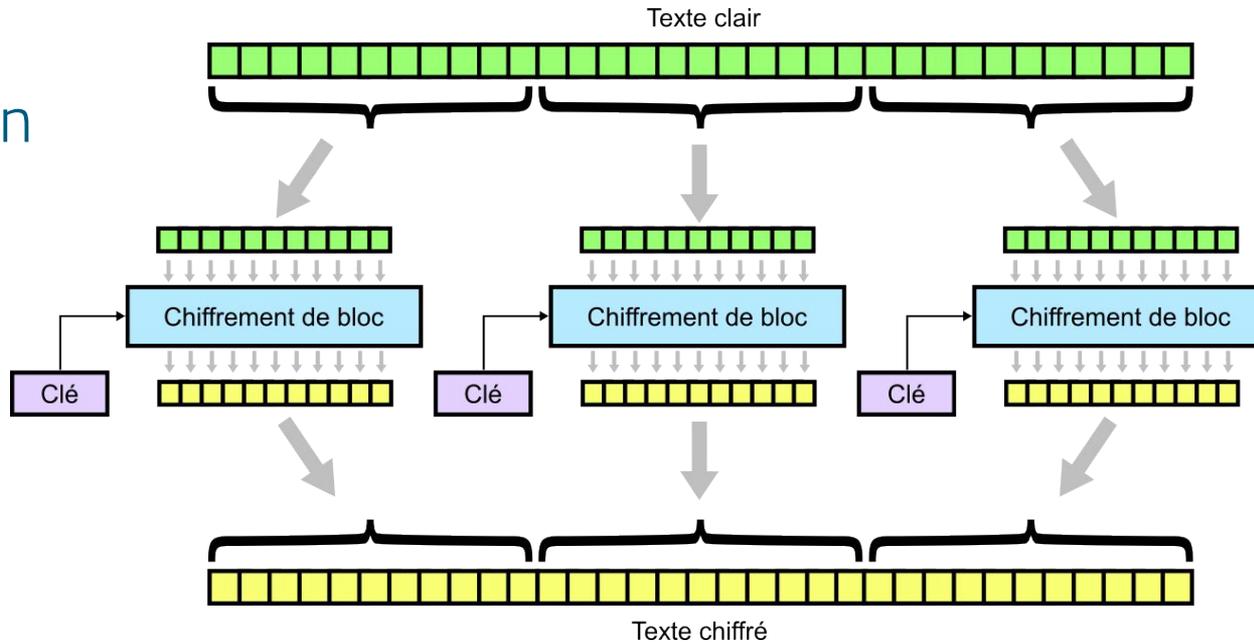


Chiffrement par blocs - mode d'opération



Chiffrement par blocs - mode d'opération

Mode
d'opération
= **ECB**
*Electronic
Codebook*

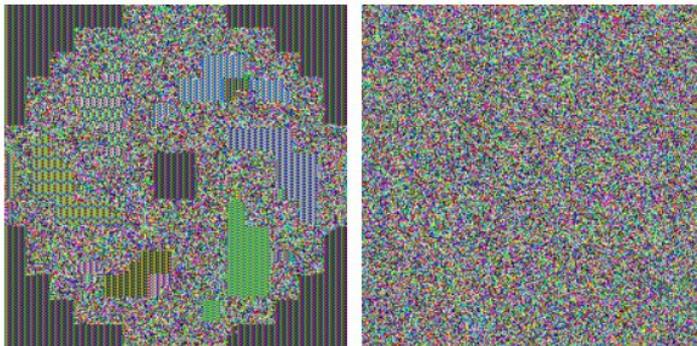


Chiffrement par blocs - mode d'opérations

Mode
d'opération

= **ECB**

*Electronic
Codebook*

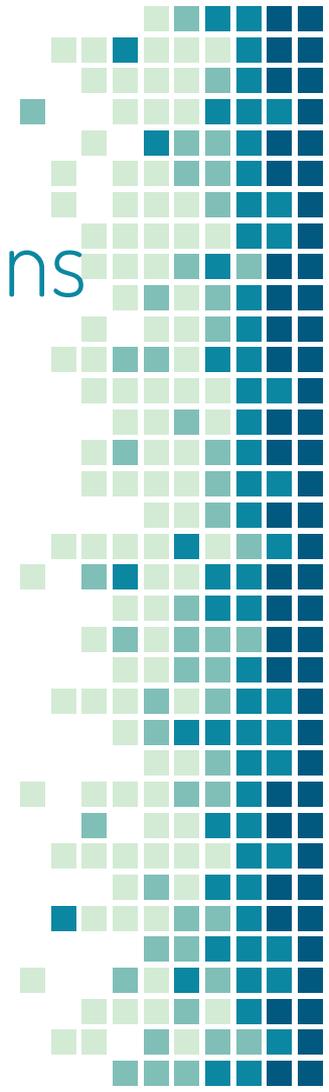


À gauche : ECB

À droite : CBC

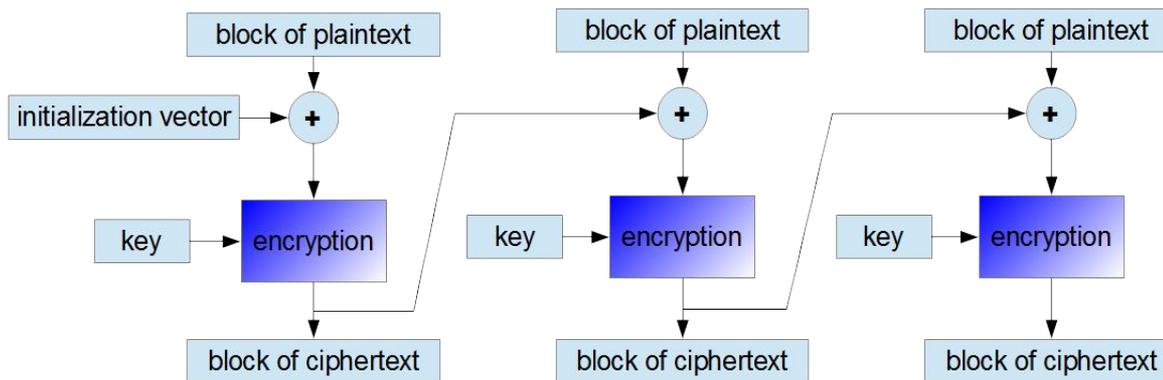
Chiffrement par blocs - mode d'opérations

→ Problème d'ECB : pas de relations entre les blocs



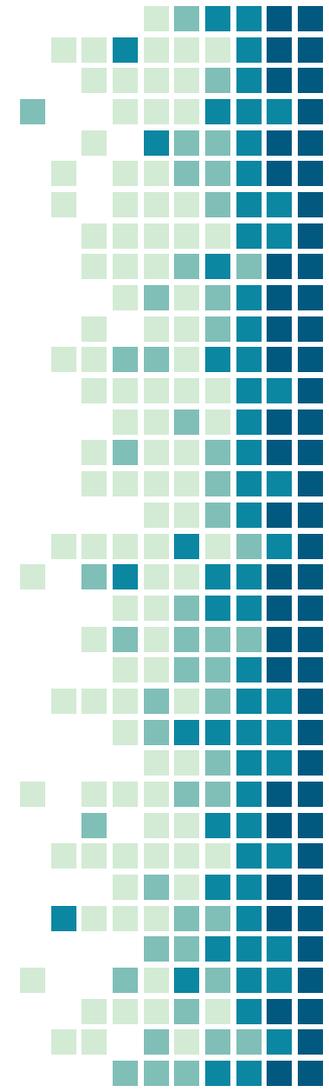
Chiffrement par blocs - mode d'opérations

- Problème d'ECB : pas de relations entre les blocs
- Exemple avec relation + Vecteur d'initialisation : CBC



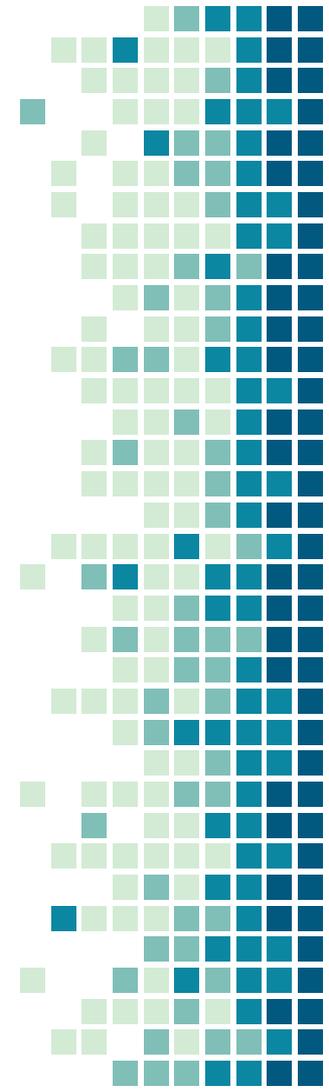
Chiffrement par blocs - IV

→ Données aléatoires* de la taille d'un bloc *(Le plus souvent)*



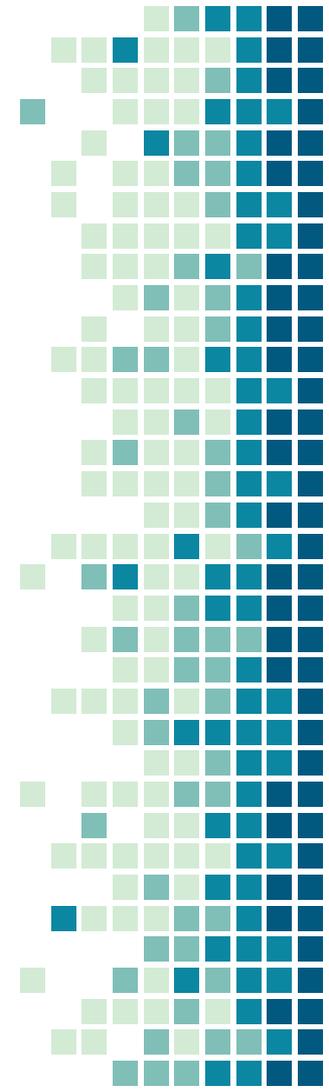
Chiffrement par blocs - IV

- Données aléatoires* de la taille d'un bloc (*Le plus souvent*)
- Public
- Fourni avec le message chiffré pour le déchiffrement



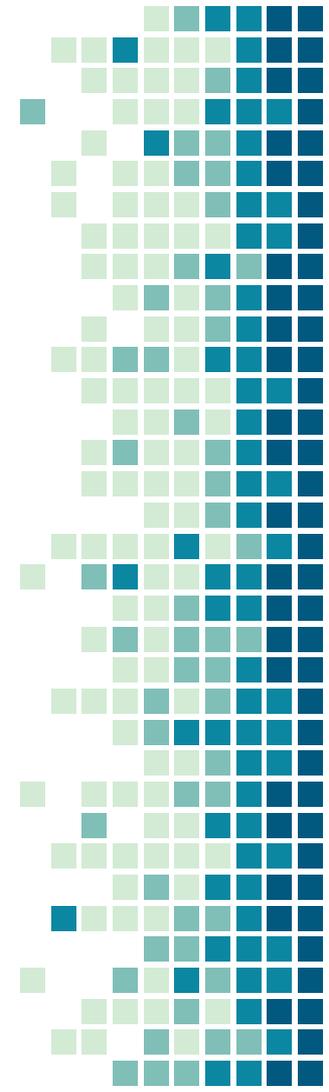
Chiffrement par blocs - IV

- Données aléatoires* de la taille d'un bloc (*Le plus souvent*)
- Public
- Fourni avec le message chiffré pour le déchiffrement
- Nonce



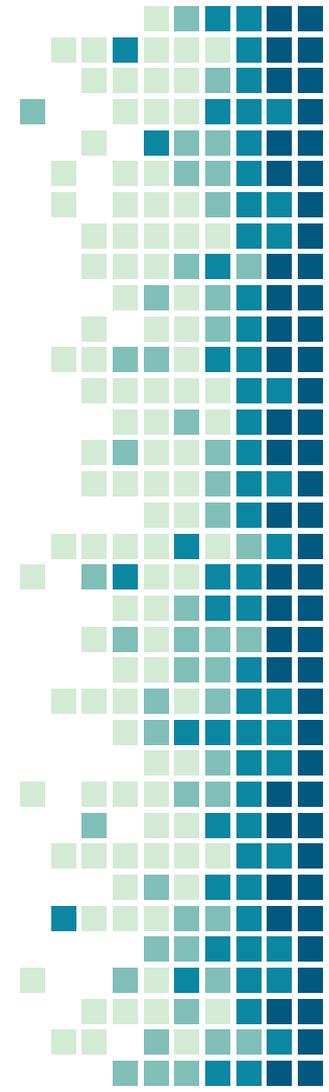
Chiffrement par blocs – notations

- Algorithme de chiffrement par bloc *(e.g. : AES)*
- Mode d'opération *(e.g. : CBC)*



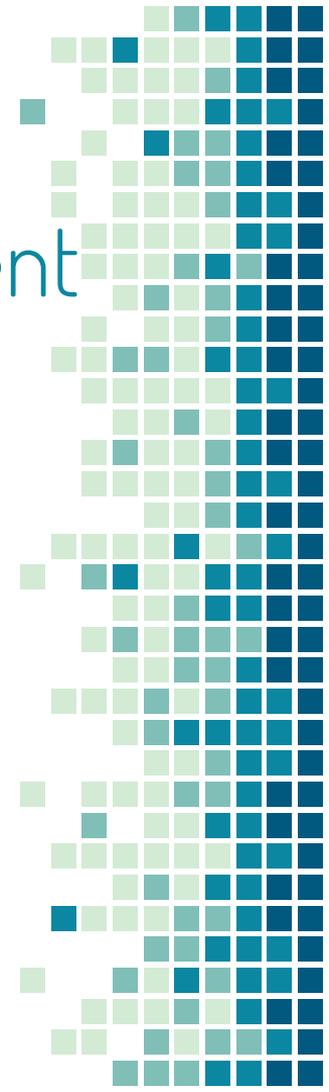
Chiffrement par blocs – notations

- Algorithme de chiffrement par bloc *(e.g. : AES)*
- Mode d'opération *(e.g. : CBC)*
- Padding (si applicable) *(e.g. : PKCS7)*



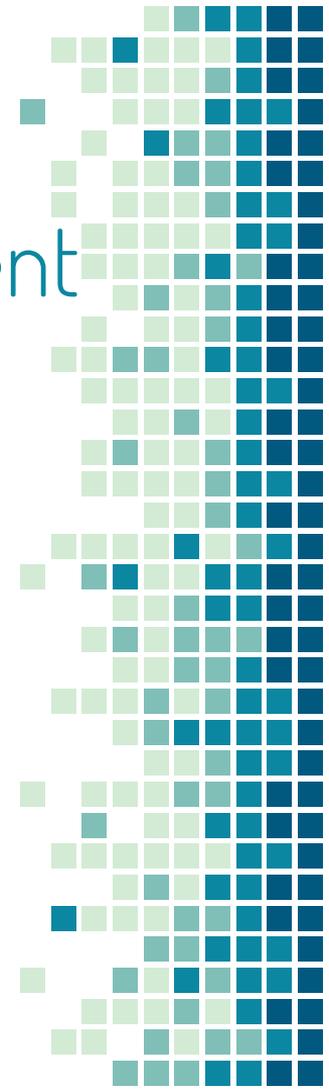
Chiffrement par blocs - clé de chiffrement

- Clé de la taille d'un bloc
- Si on veut un mot de passe ?



Chiffrement par blocs - clé de chiffrement

- Clé de la taille d'un bloc
- Si on veut un mot de passe ?
- Fonction de hachage



Chiffrement symétrique - exemple

```

$ alias gpg="gpg --pinentry-mode=loopback" # Use CLI provided password
$ cat message
Ceci est un message secret
$ gpg --passphrase toto -c message
$ cat message.gpg
zL F0m R P Un 1X9 n $n { < p u ' i I
\*Z ° pY [ ^ n G R f ` %

$ rm message
$ gpg --passphrase toto -d message.gpg
gpg: AES256 encrypted data
gpg: encrypted with 1 passphrase
Ceci est un message secret
$ gpg --passphrase tata -d message.gpg
gpg: AES256 encrypted data
gpg: encrypted with 1 passphrase
gpg: decryption failed: Bad session key

```

Chiffrement symétrique par bloc

Des questions ?

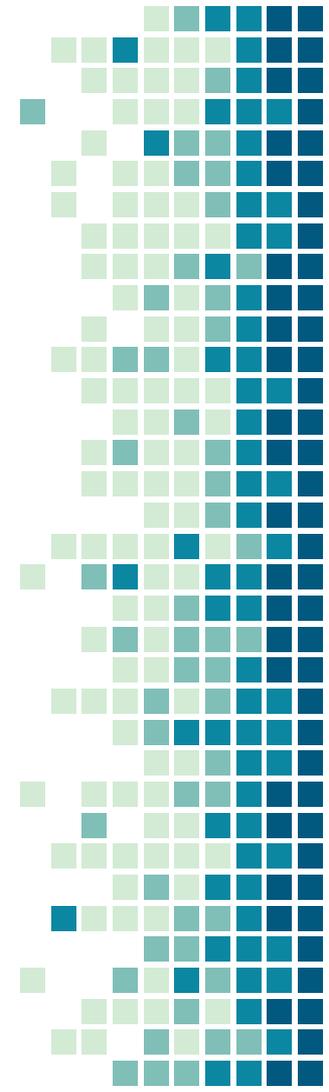
Aléatoire et pseudo-aléatoire

Transformons du déterminisme en
non-déterminisme



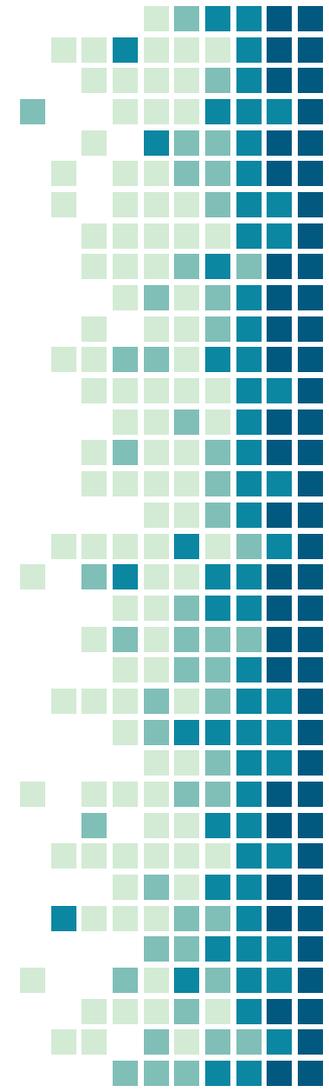
Aléatoire et pseudo-aléatoire

→ Ordinateur intrinsèquement déterministe



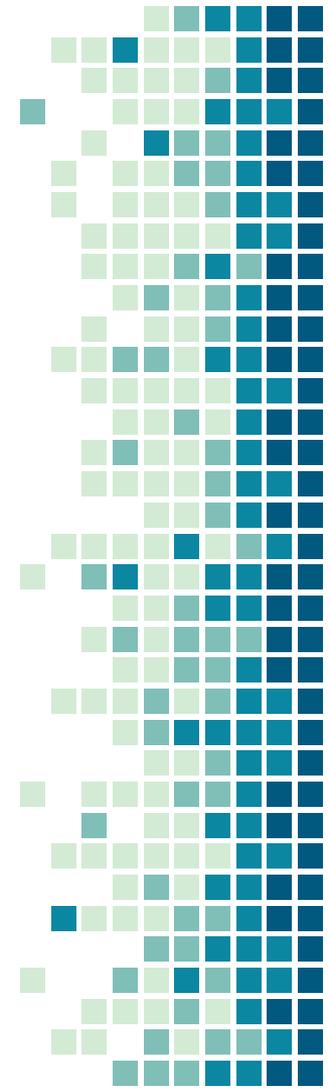
Aléatoire et pseudo-aléatoire

- Ordinateur intrinsèquement déterministe
- Aléatoire cryptographique



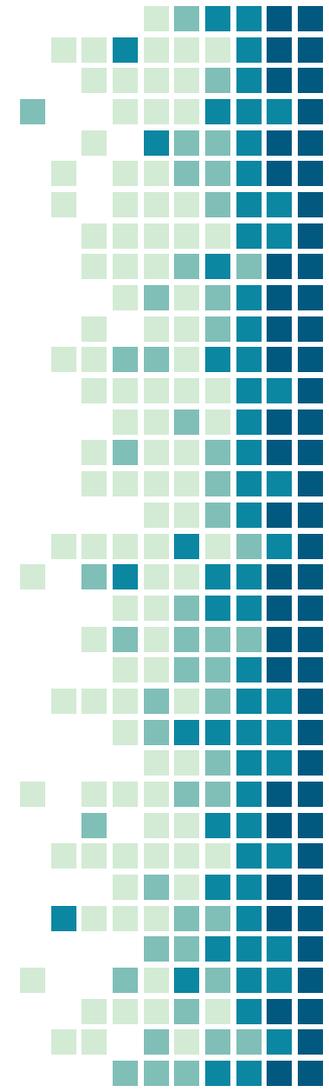
Aléatoire et pseudo-aléatoire

- Ordinateur intrinsèquement déterministe
- Aléatoire cryptographique
- Pseudo-aléatoire



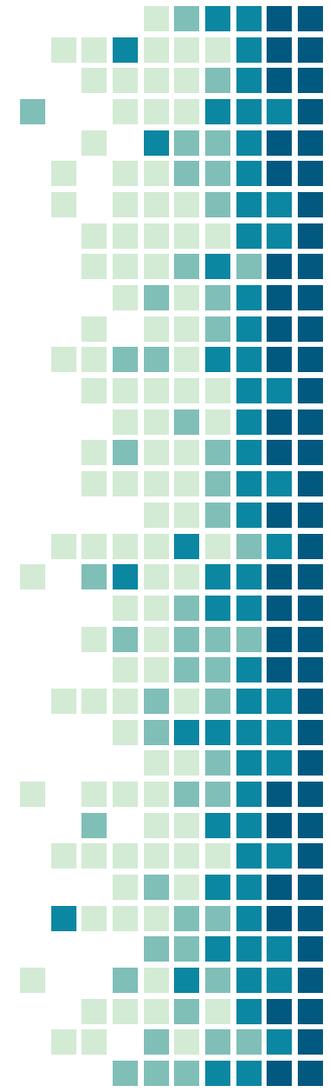
Générateur de pseudo-aléatoire

→ PRNG (*PseudoRandom Number Generator*)



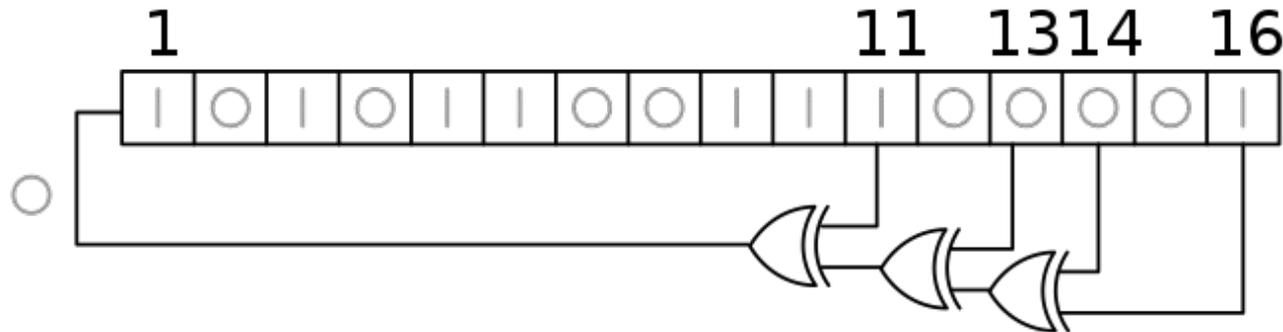
Générateur de pseudo-aléatoire

- PRNG (*PseudoRandom Number Generator*)
- Suite mathématiques déterministe
- Dépend d'une seed



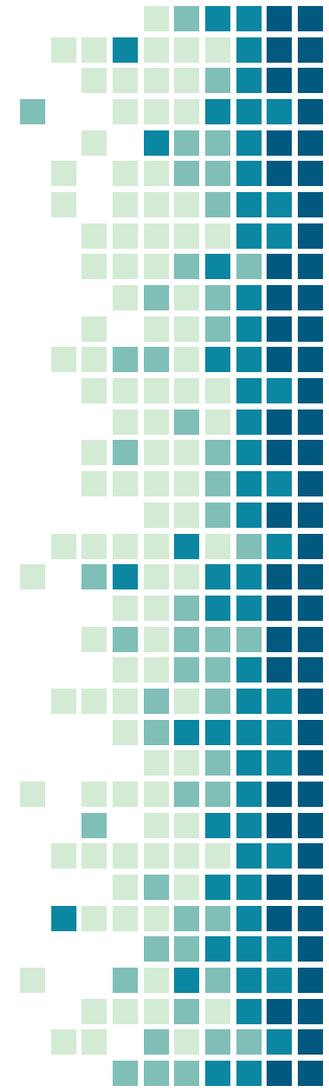
Générateur de pseudo-aléatoire

- PRNG (*PseudoRandom Number Generator*)
- Suite mathématiques déterministe
- Dépend d'une seed



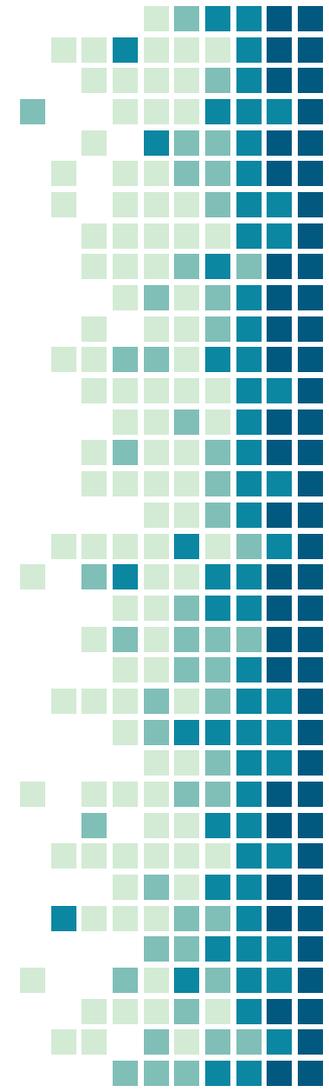
Générateur de pseudo-aléatoire - entropie

- Entropie de Shannon
- "Quantité d'information"



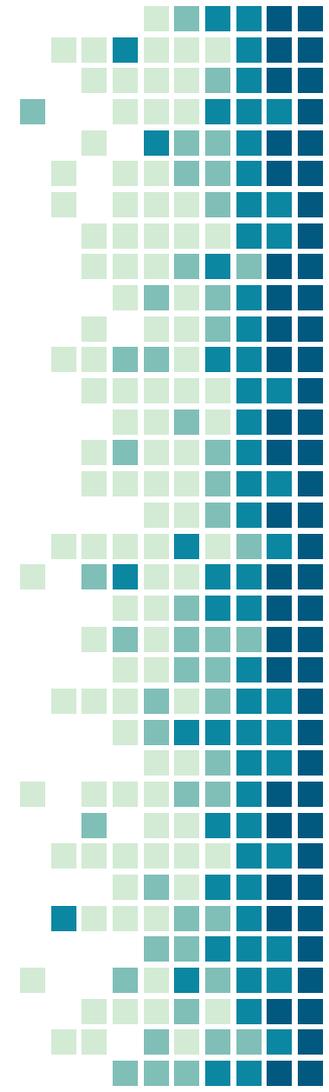
Générateur de pseudo-aléatoire - entropie

- Entropie de Shannon
- "Quantité d'information"
- ACABACABACABACAB ... $\rightarrow H(x) = 1.5$



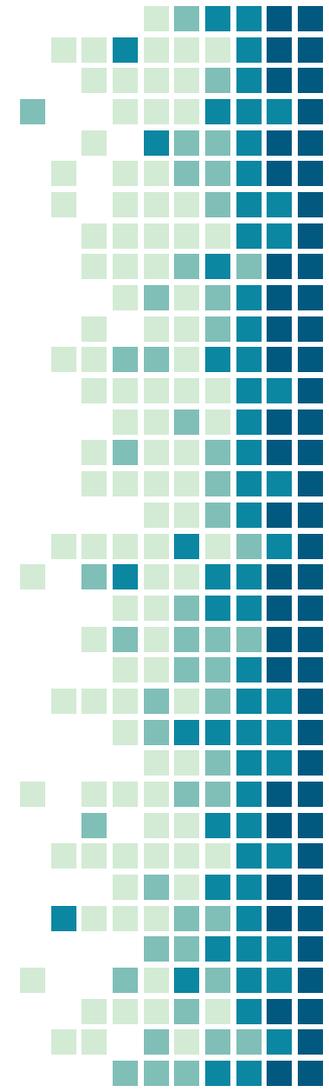
Générateur de pseudo-aléatoire - entropie

- Entropie de Shannon
- "Quantité d'information"
- ACABACABACABACAB ... $\rightarrow H(x) = 1.5$
- miHdnDFbgMIuqFkP ... $\rightarrow H(x) = 4$



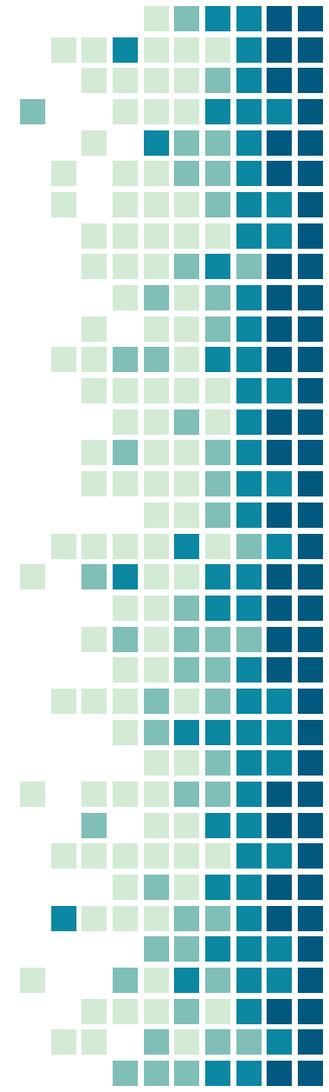
Générateur de pseudo-aléatoire - entropie

- Entropie de Shannon
- "Quantité d'information"
- ACABACABACABACAB ... $\rightarrow H(x) = 1.5$
- miHdnDFbgMIuqFkP ... $\rightarrow H(x) = 4$
- "Nombre de questions à poser en moyenne pour connaître un symbole"



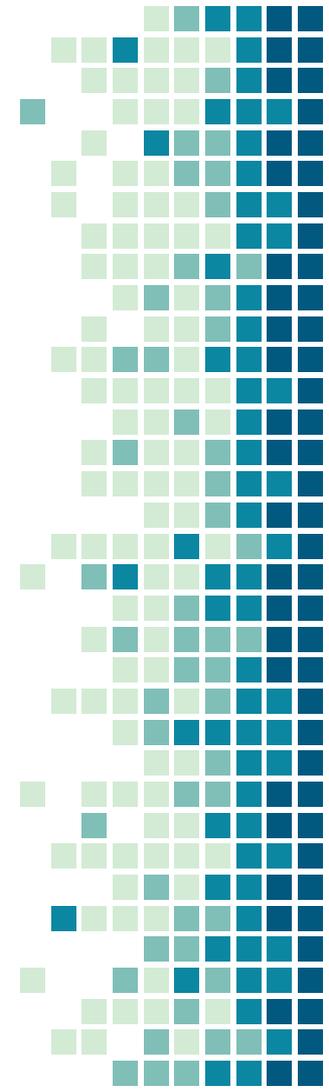
Générateur de pseudo-aléatoire – 2 approches pour la crypto

- CSPRNG (*cryptographically secure pseudorandom number generator*)



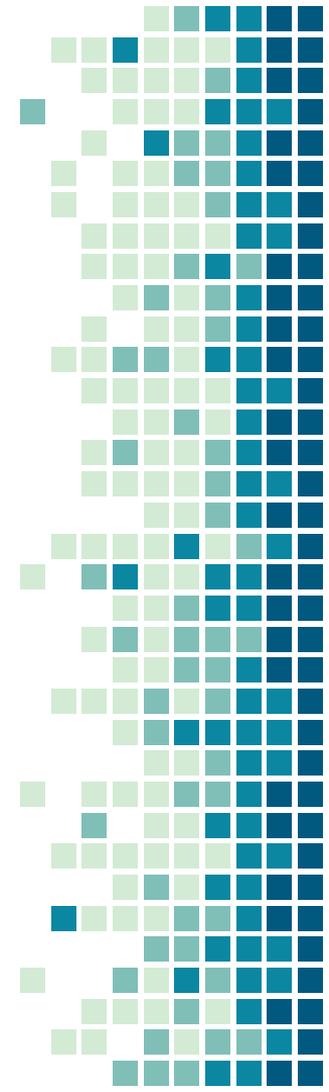
Générateur de pseudo-aléatoire – 2 approches pour la crypto

- CSPRNG (*cryptographically secure pseudorandom number generator*)
- PRNG avec ajout d'entropie
 - ◆ Événements imprédictibles



Générateur de pseudo-aléatoire – 2 approches pour la crypto

- CSPRNG (*cryptographically secure pseudorandom number generator*)
- PRNG avec ajout d'entropie
 - ◆ Événements imprédictibles
 - ◆ TRNG (*true random number generator*)



Générateur de pseudo-aléatoire – 2 approches pour la crypto

- CSPRNG (*cryptographically secure pseudorandom number generator*)
- PRNG avec ajout d'entropie
 - ◆ Événements imprédictibles



Lavarand @Cloudflare
10% internet traffic

Nuclear decay

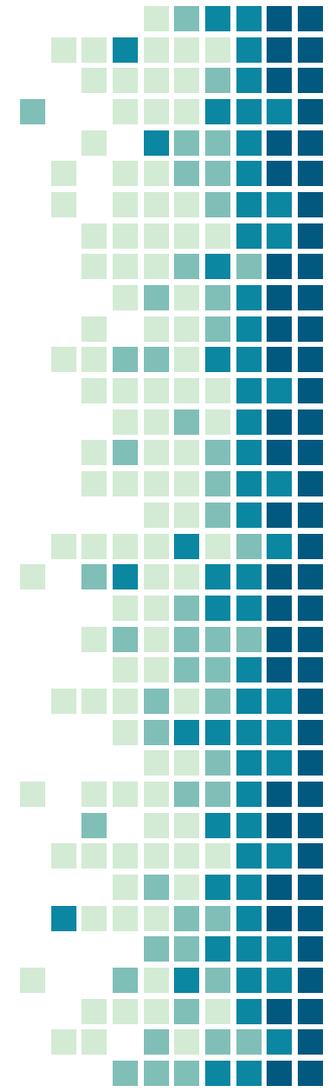


Extraction d'entropie de désintégrations nucléaires



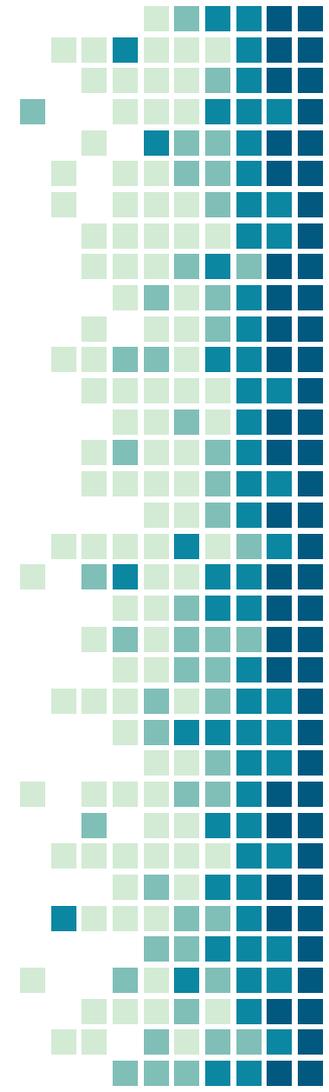
Générateur de pseudo-aléatoire – Exemple concret : /dev/random

- Interface de linux avec un CSPRNG
 - ◆ PRNG + entropie



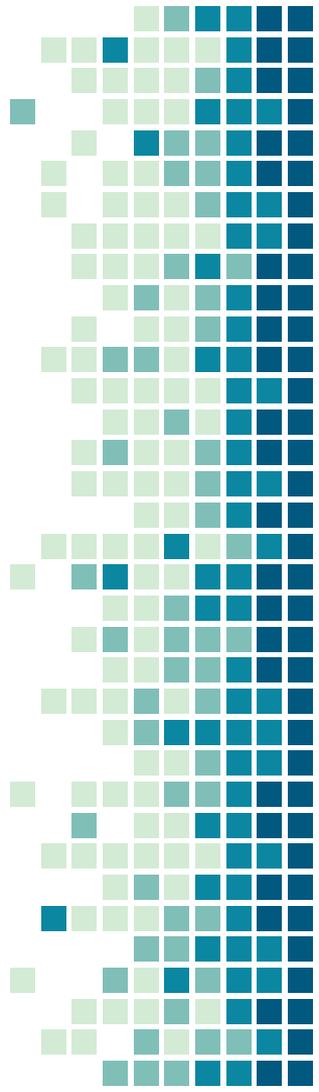
Générateur de pseudo-aléatoire - Exemple concret : /dev/random

- Interface de linux avec un CSPRNG
 - ◆ PRNG + entropie
- Sources d'entropie :
 - ◆ Latences du disque
 - ◆ Mouvements souris + clavier
 - ◆ Cycles du CPU
 - ◆ ...



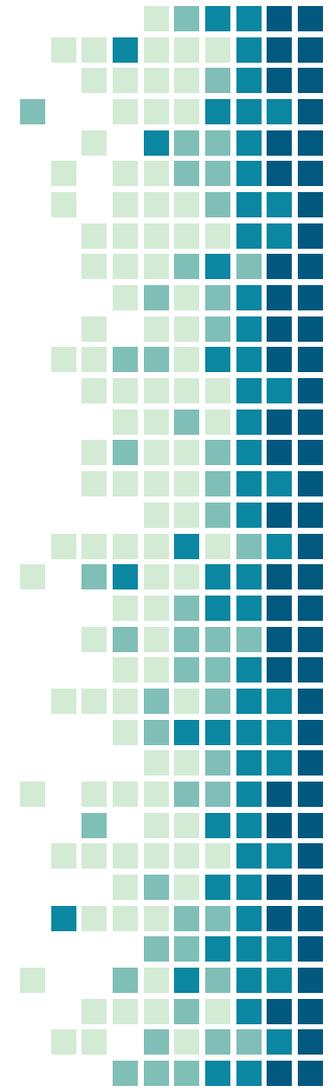
Aléatoire et cryptographie - Quoi retenir

- Notion d'entropie
- Aléatoire et pseudo-aléatoire
- Vrai aléatoire vient de sources externes
- PRNG, CSPRNG



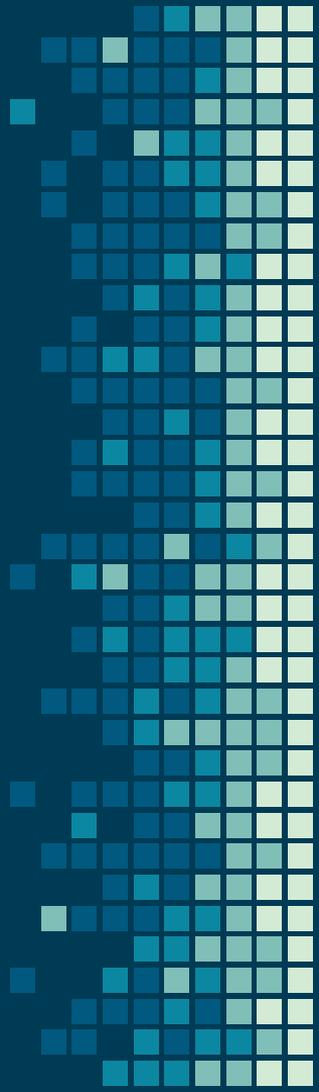
Chiffrement symétrique en pratique

- **DES** (1977)
- **3DES** (1999)
- **Blowfish** (1993)
 - ◆ blocs 64 bits
 - ◆ clé 32-448
- **AES** (2000)
 - ◆ blocs de 128 bits
 - ◆ clé 128/192/256



Aléatoire et entropie

Des questions ?



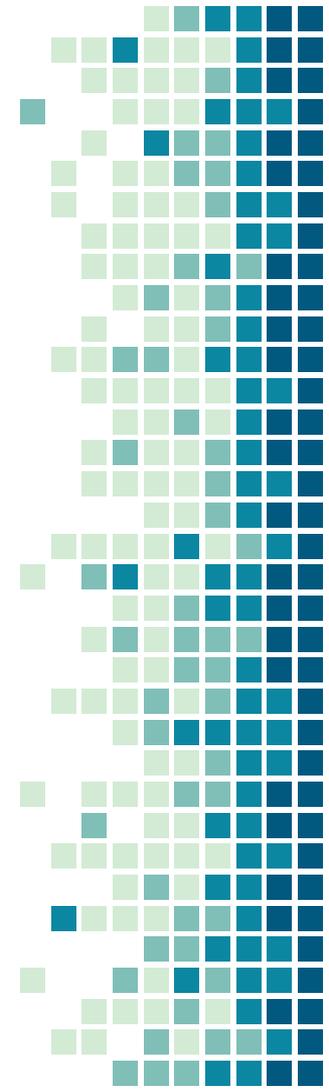
Chiffrement symétrique par flot

Chiffrement (presque) parfait



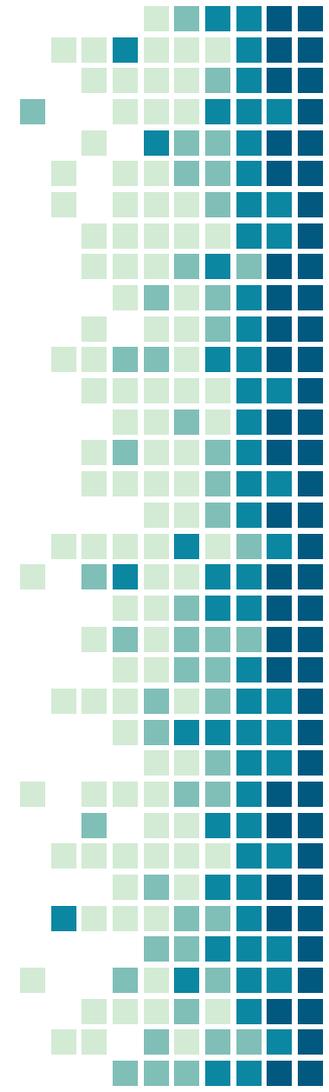
Chiffrement par flot

- Pas de blocs avec obligation de taille
- Pas de padding



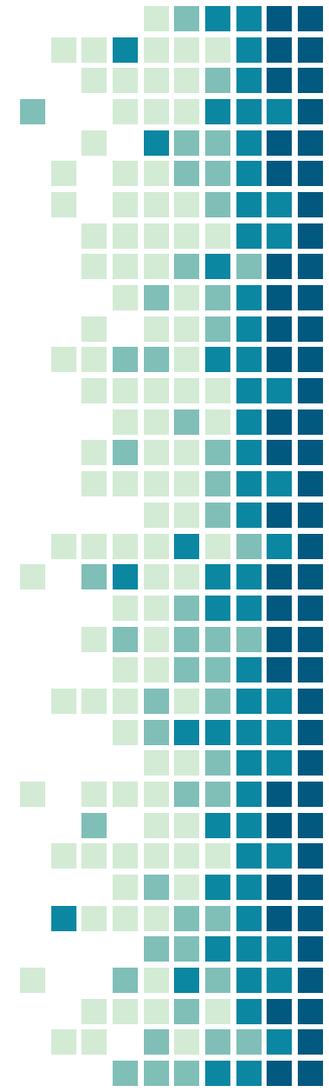
Chiffrement par flot

- Pas de blocs avec obligation de taille
- Pas de padding
- Grosso modo un PRNG pour masque jetable



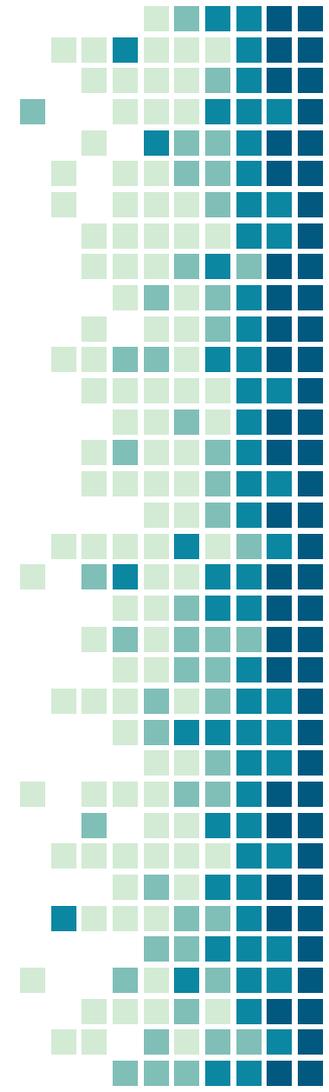
Chiffrement par flot – chiffre de Vernam

- Chiffrement impossible à casser
- Pas de vecteur d'attaque pour la cryptanalyse



Chiffrement par flot – chiffre de Vernam

- Chiffrement impossible à casser
- Pas de vecteur d'attaque pour la cryptanalyse
- Clé de la taille de la donnée à chiffrer

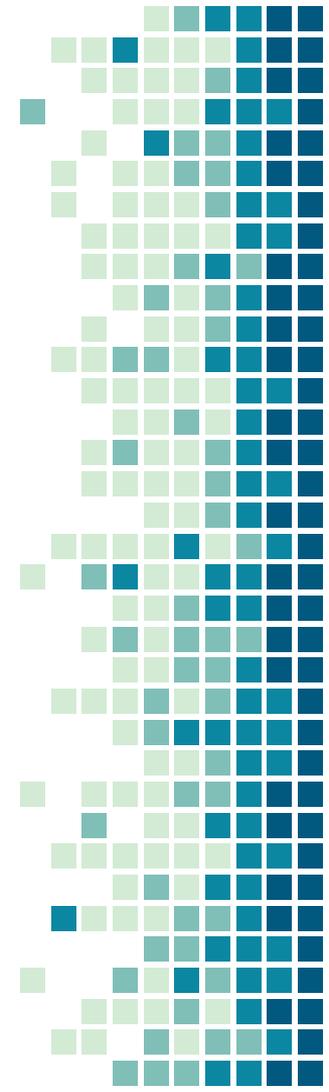


Chiffrement par flot - chiffre de Vernam

- Chiffrement impossible à casser
- Pas de vecteur d'attaque pour la cryptanalyse
- Clé de la taille de la donnée à chiffrer
- XOR entre donnée et clé

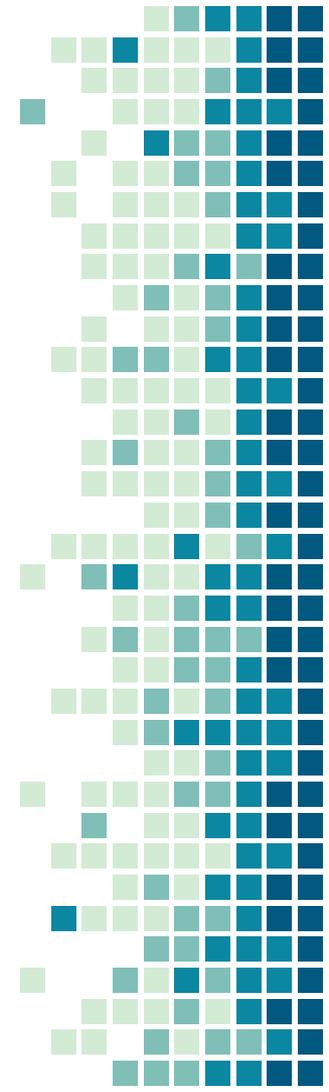
Opération XOR

A	B	C = A \oplus B
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0



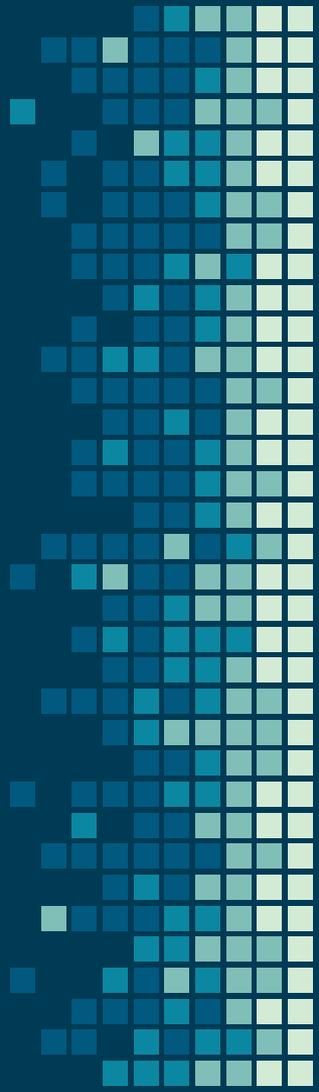
Chiffrement par flot – en pratique

- RCA (1987)
- E0 (fin 1990) (bluetooth)
- Chacha20 (2008)



Chiffrement symétrique par flot

Des questions ?



Cryptographie asymétrique



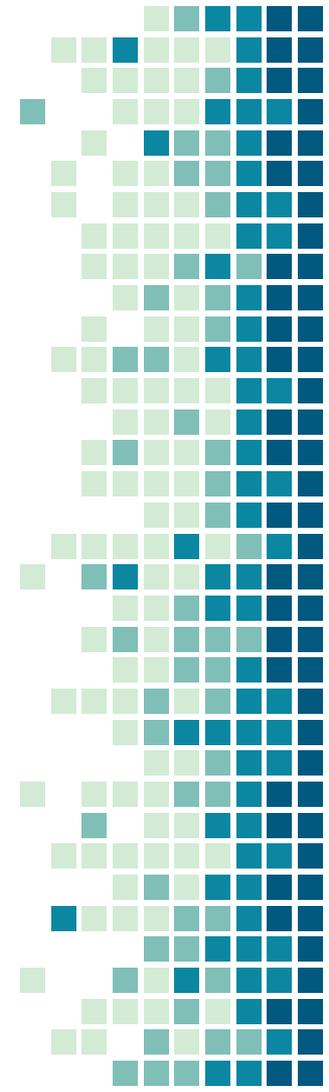
Chiffrement asymétrique

Généralités



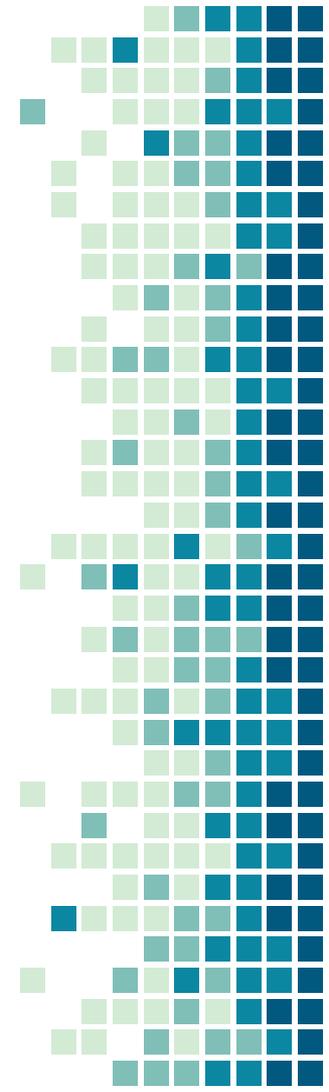
Chiffrement asymétrique – Généralités

- Communication sécurisés sur canaux non sécurisés



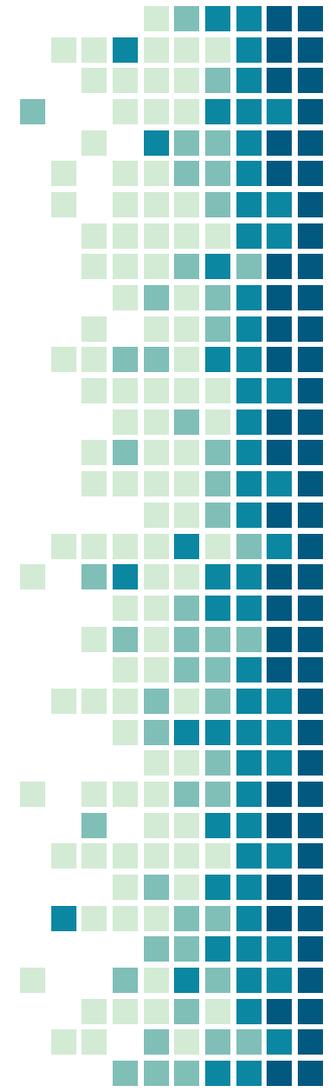
Chiffrement asymétrique – Généralités

- Communication sécurisés sur canaux non sécurisés
- Authentification
- Signature numérique



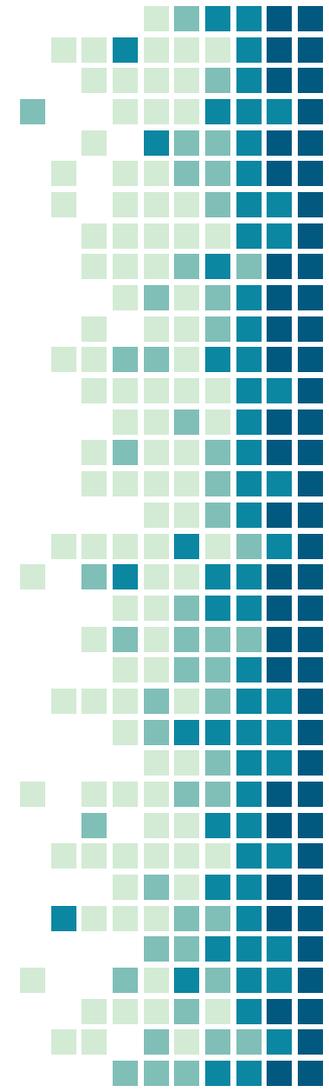
Clé publique, clé privée

- Base de la crypto asymétrique
- Clé privée et publique liées

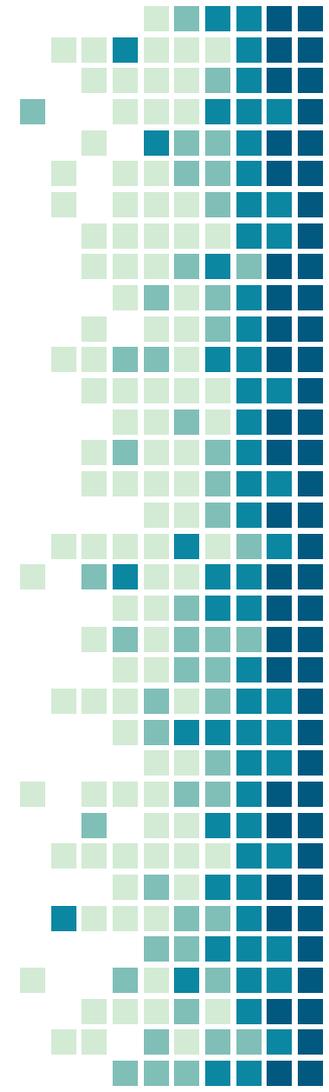
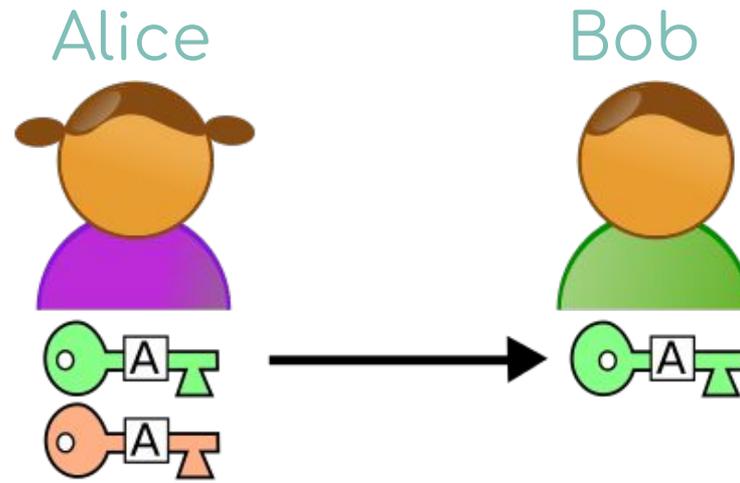


Clé publique, clé privée

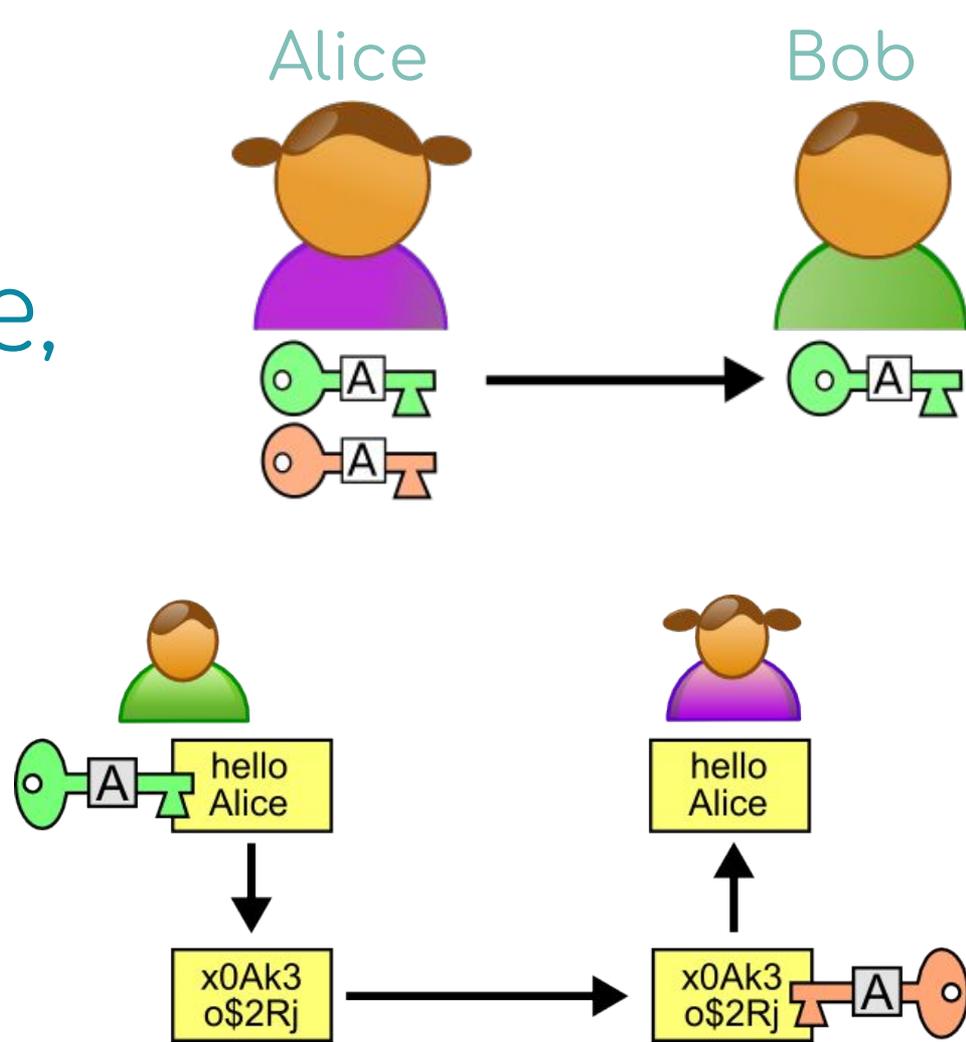
- Base de la crypto asymétrique
- Clé privée et publique liées
- Clé publique dérivable de la clé privée
- ◆ Inverse évidemment difficile *au sens cryptographique*



Clé publique,
Clé privée



Clé publique, Clé privée



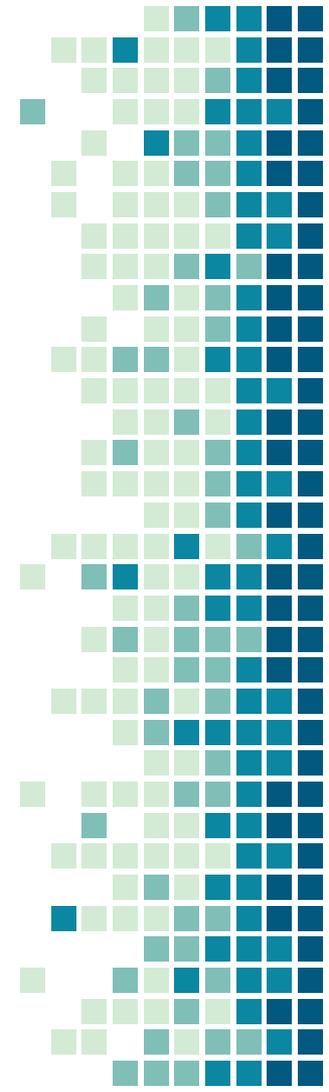
Mise en pratique

2 exemples volontairement simplifiés



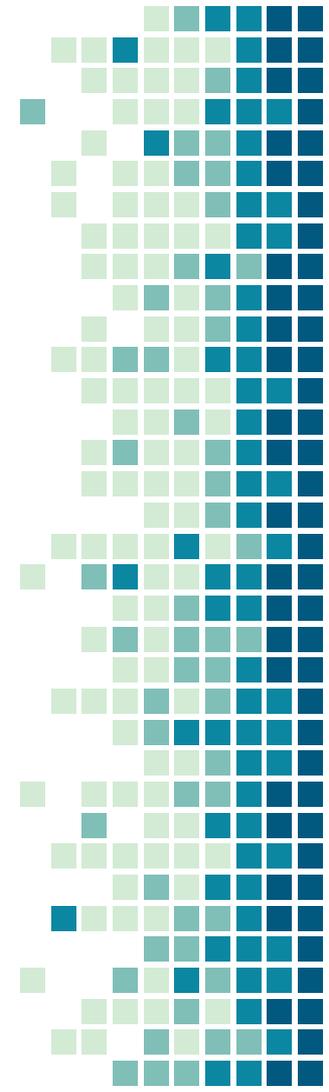
Exemple : authentication pour git*

- Valable pour git ACU, github, gitlab, ...
- On donne sa clé publique au site



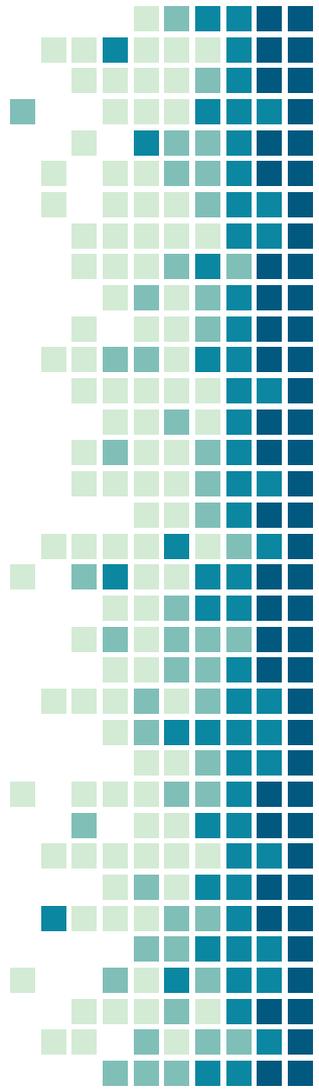
Exemple : authentification pour git*

- Valable pour git ACU, github, gitlab, ...
- On donne sa clé publique au site
 - ◆ Rattachée à un compte



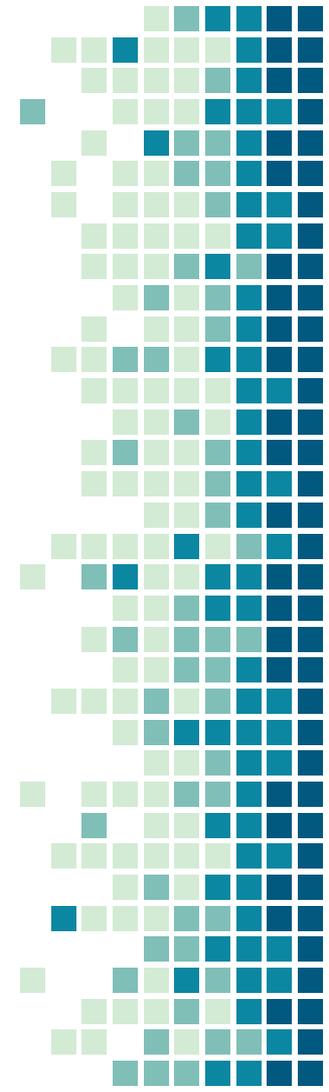
Exemple : authentication pour git*

- Valable pour git ACU, github, gitlab, ...
- On donne sa clé publique au site
 - ◆ Rattachée à un compte
- À la connexion : fourni une preuve de son identité grâce à sa clé privée



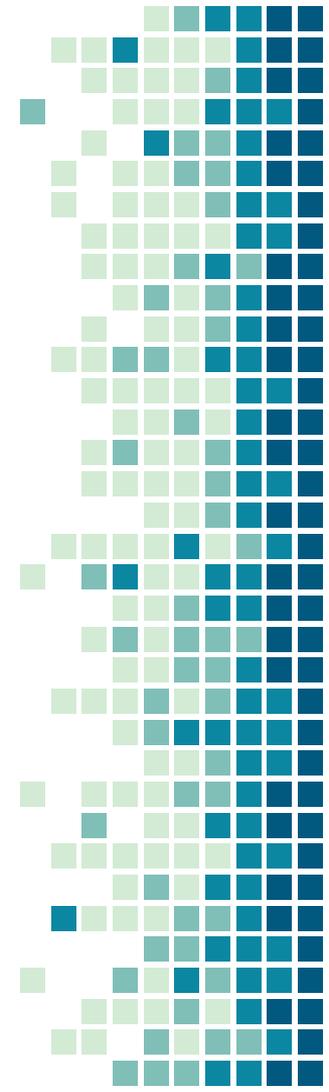
Exemple : authentication pour git*

- Valable pour git ACU, github, gitlab, ...
- On donne sa clé publique au site
 - ◆ Rattachée à un compte
- À la connexion : fourni une preuve de son identité grâce à sa clé privée
- Le serveur peut vérifier le processus d'auth avec la clé publique



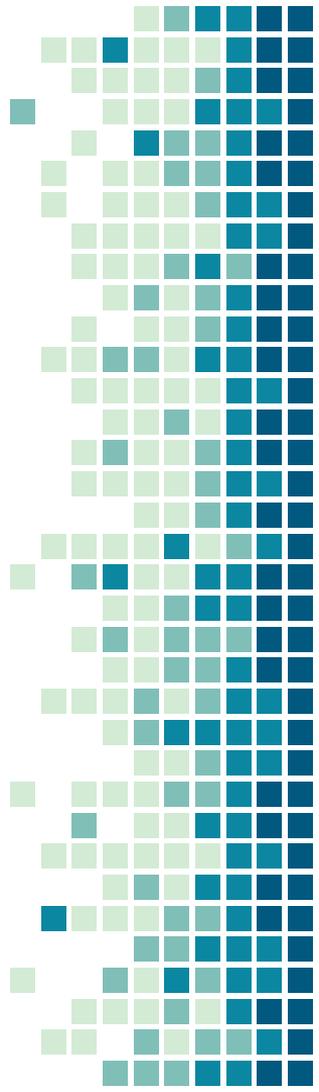
Exemple : HTTPS

→ Le site diffuse sa clé publique



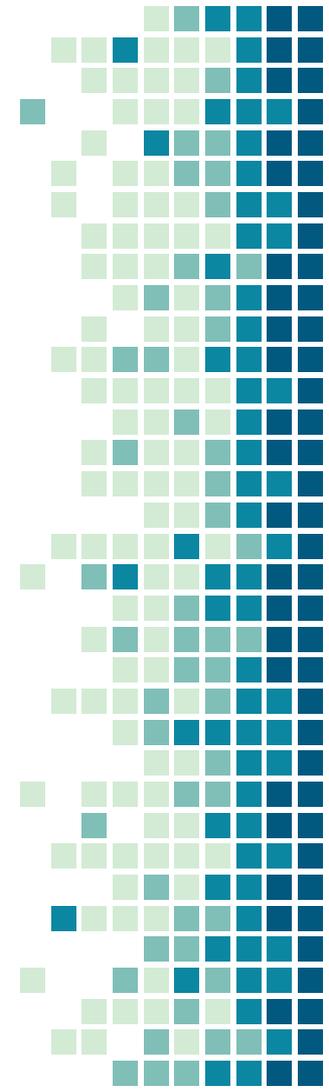
Exemple : HTTPS

- Le site diffuse sa clé publique
- Le client l'utilise pour chiffrer un message



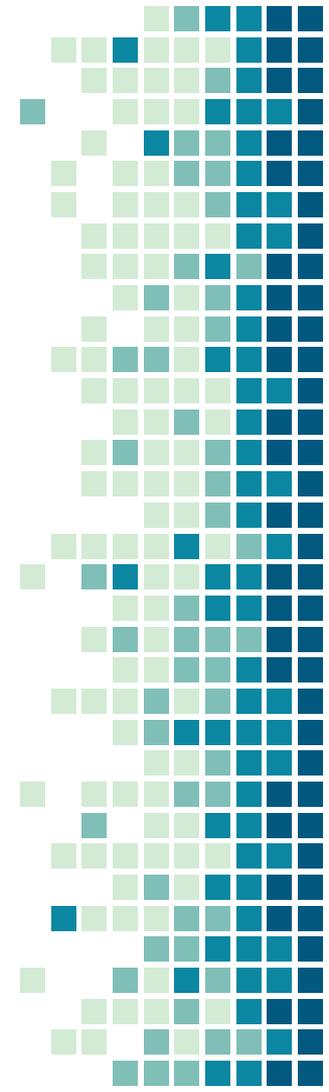
Exemple : HTTPS

- Le site diffuse sa clé publique
- Le client l'utilise pour chiffrer un message
- Le message chiffré n'est déchiffrable que par la privée du site



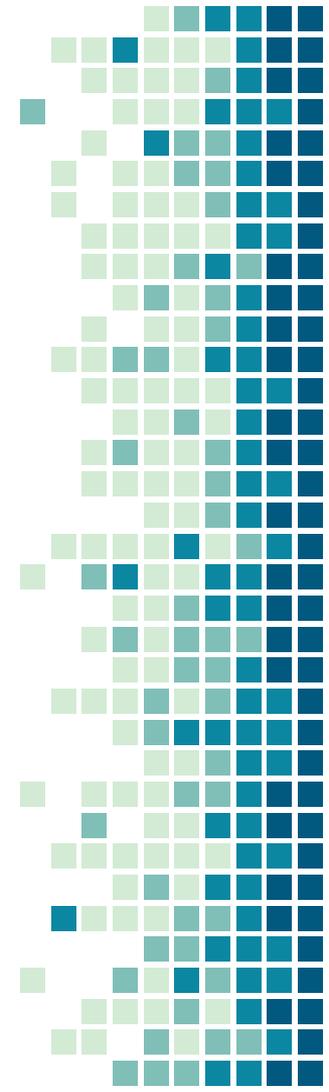
Exemple : HTTPS

- Le site diffuse sa clé publique
- Le client l'utilise pour chiffrer un message
- Le message chiffré n'est déchiffrable que par la privée du site
- Le site peut recevoir les données du client en toute sécurité



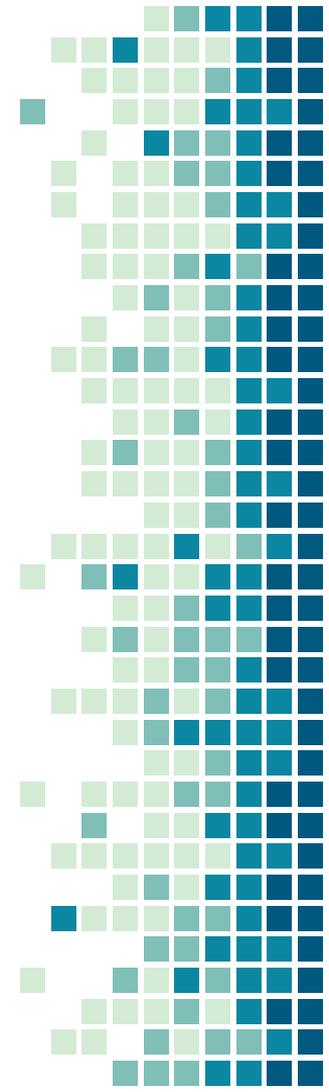
Exemple : HTTPS

- Le site diffuse sa clé publique
- Le client l'utilise pour chiffrer un message
- Le message chiffré n'est déchiffrable que par la privée du site
- Le site peut recevoir les données du client en toute sécurité ... vraiment ?



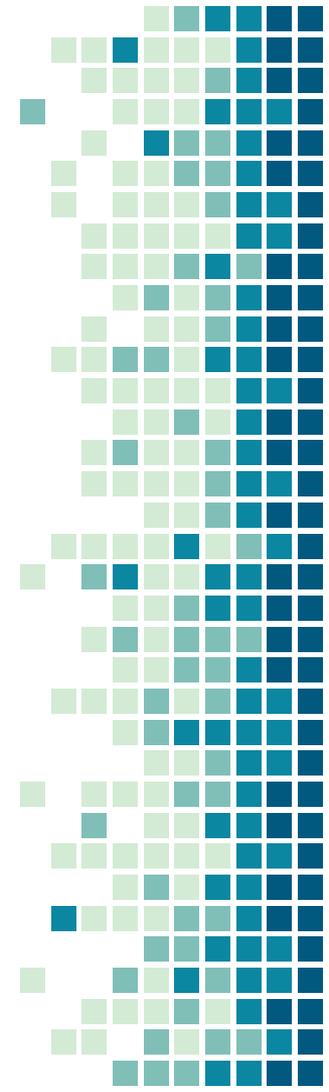
Exemple : HTTPS

→ Comment le site envoie de la donnée ?



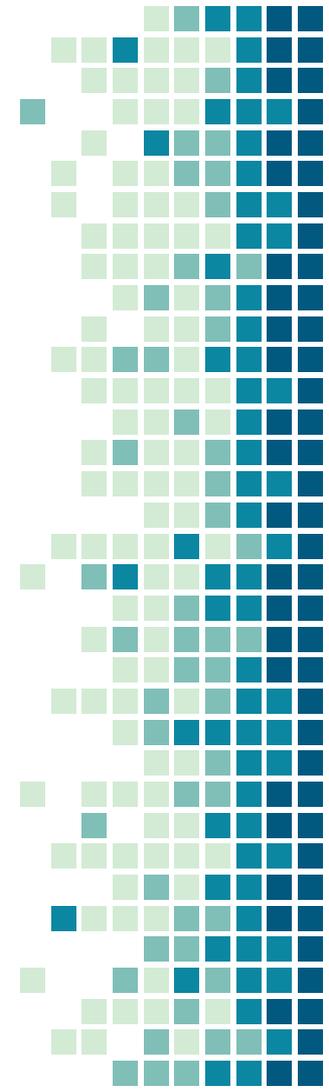
Exemple : HTTPS

→ ~~Comment le site envoie de la donnée ?~~



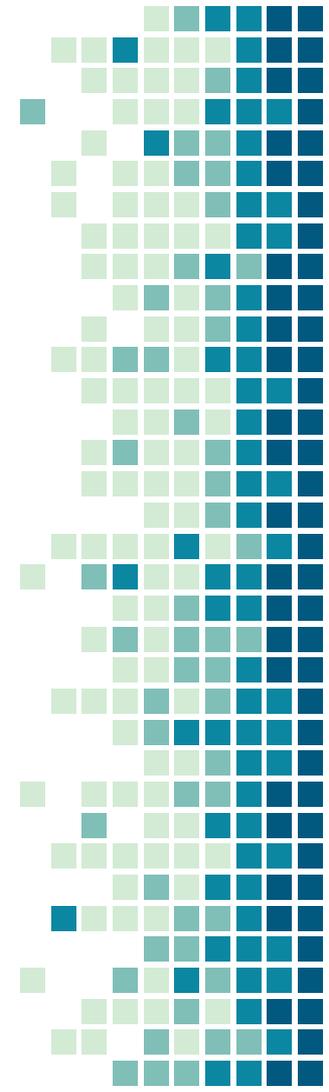
Exemple : HTTPS

- ~~→ Comment le site envoie de la donnée ?~~
- Crypto asymétrique beaucoup plus lente
 - ◆ Performante sur petites données



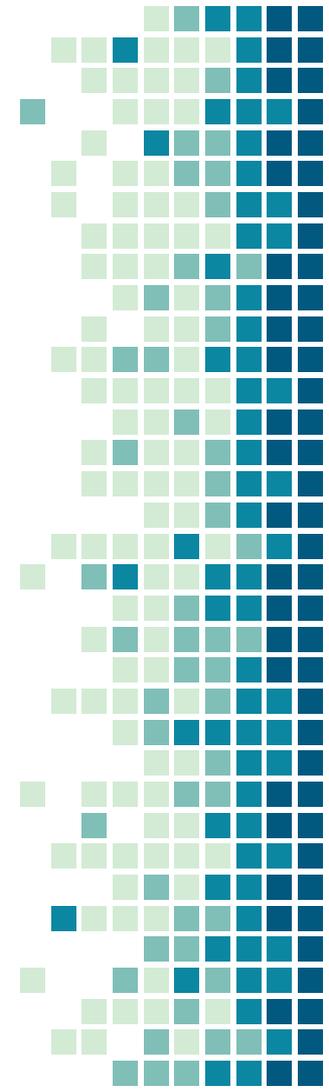
Exemple : HTTPS

- ~~→ Comment le site envoie de la donnée ?~~
- Crypto asymétrique beaucoup plus lente
 - ◆ Performante sur petites données
- Asymétrie pour l'échange de clés symétriques



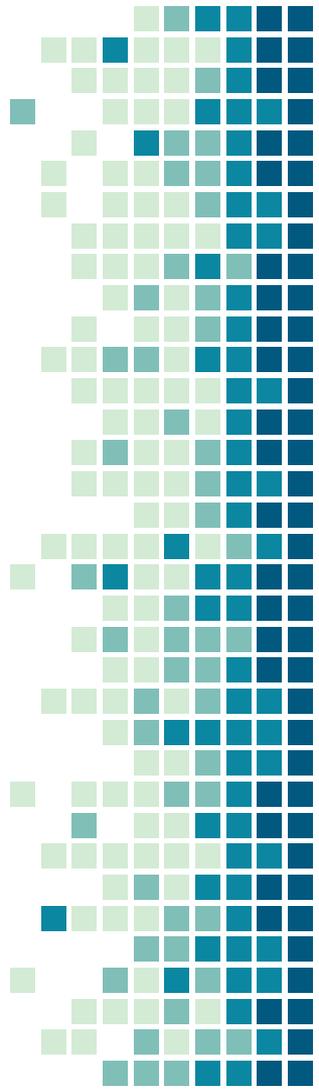
Exemple : HTTPS

- ~~→ Comment le site envoie de la donnée ?~~
- Crypto asymétrique beaucoup plus lente
 - ◆ Performante sur petites données
- Asymétrie pour l'échange de clés symétriques
 - ◆ Protocole d'échange de clés (*Diffie-Hellman*)



Exemple : HTTPS

- ~~→ Comment le site envoie de la donnée ?~~
- Crypto asymétrique beaucoup plus lente
 - ◆ Performante sur petites données
- Asymétrie pour l'échange de clés symétriques
 - ◆ Protocole d'échange de clés (*Diffie-Hellman*)
- Nécessité de s'assurer de l'identité du destinataire



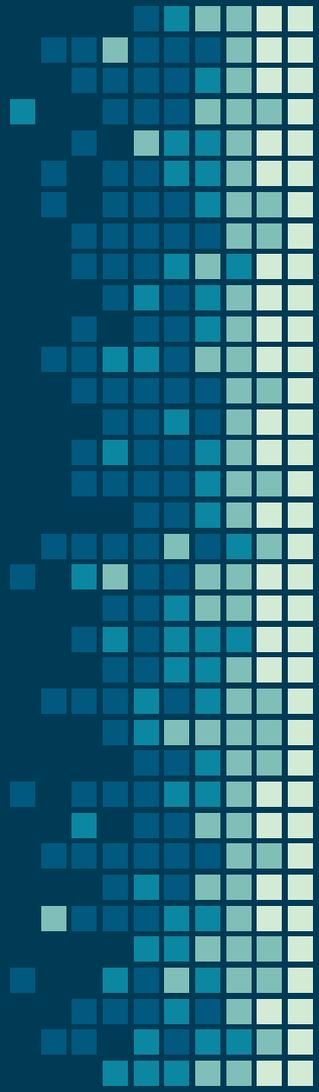
Chiffrement asymétrique en pratique

- RSA (1977)
- Clé de 2048/4096 bits

```
1 $ time openssl genrsa 2048 > /dev/urandom
2 Generating RSA private key, 2048 bit long modulus (2 primes)
3 openssl genrsa 2048 > /dev/urandom 0.04s user 0.01s system 97% cpu 0.046 total
4 $ time openssl genrsa 4096 > /dev/urandom
5 Generating RSA private key, 4096 bit long modulus (2 primes)
6 openssl genrsa 4096 > /dev/urandom 0.98s user 0.01s system 99% cpu 0.996 total
7 $ time openssl genrsa 8192 > /dev/urandom
8 Generating RSA private key, 8192 bit long modulus (2 primes)
9 openssl genrsa 8192 > /dev/urandom 9.36s user 0.01s system 99% cpu 9.442 total
```

Clé publique/privée

Des questions ?



Échange de clés de Diffie-Hellman

Mélangeons de la peinture

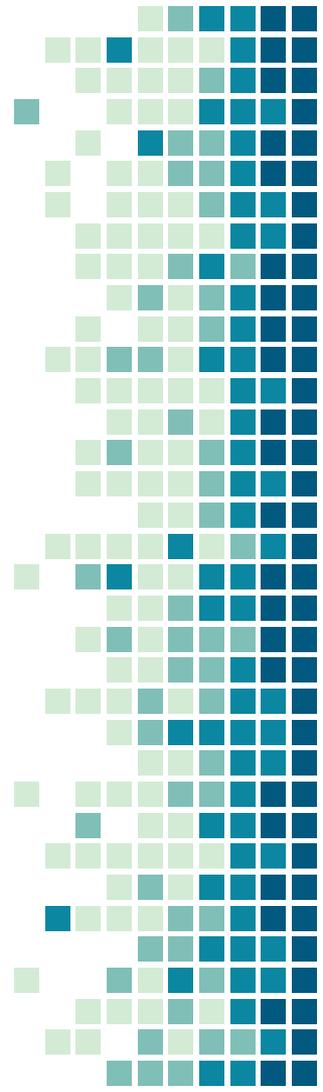
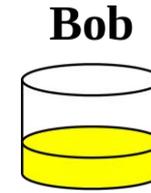


Échange de clés de Diffie-Hellman

→ Peinture jaune :
donnée publique

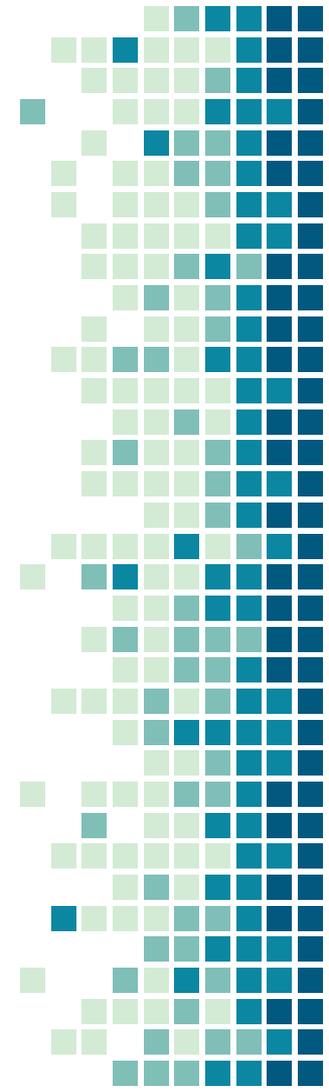
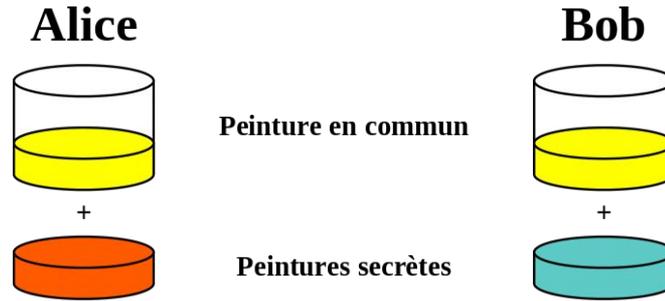


Peinture en commun



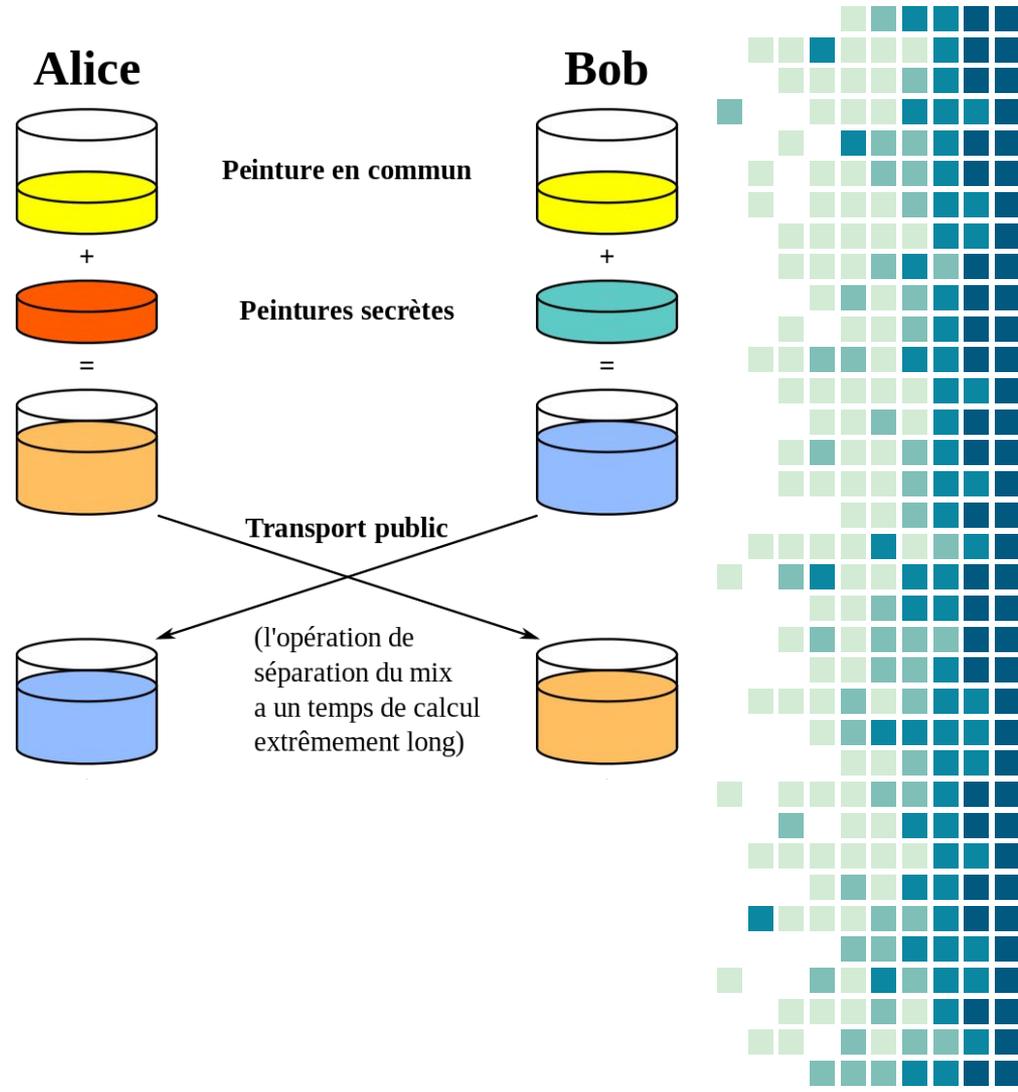
Échange de clés de Diffie-Hellman

- Peinture jaune : donnée publique
- Peinture rouge+bleu : données privées



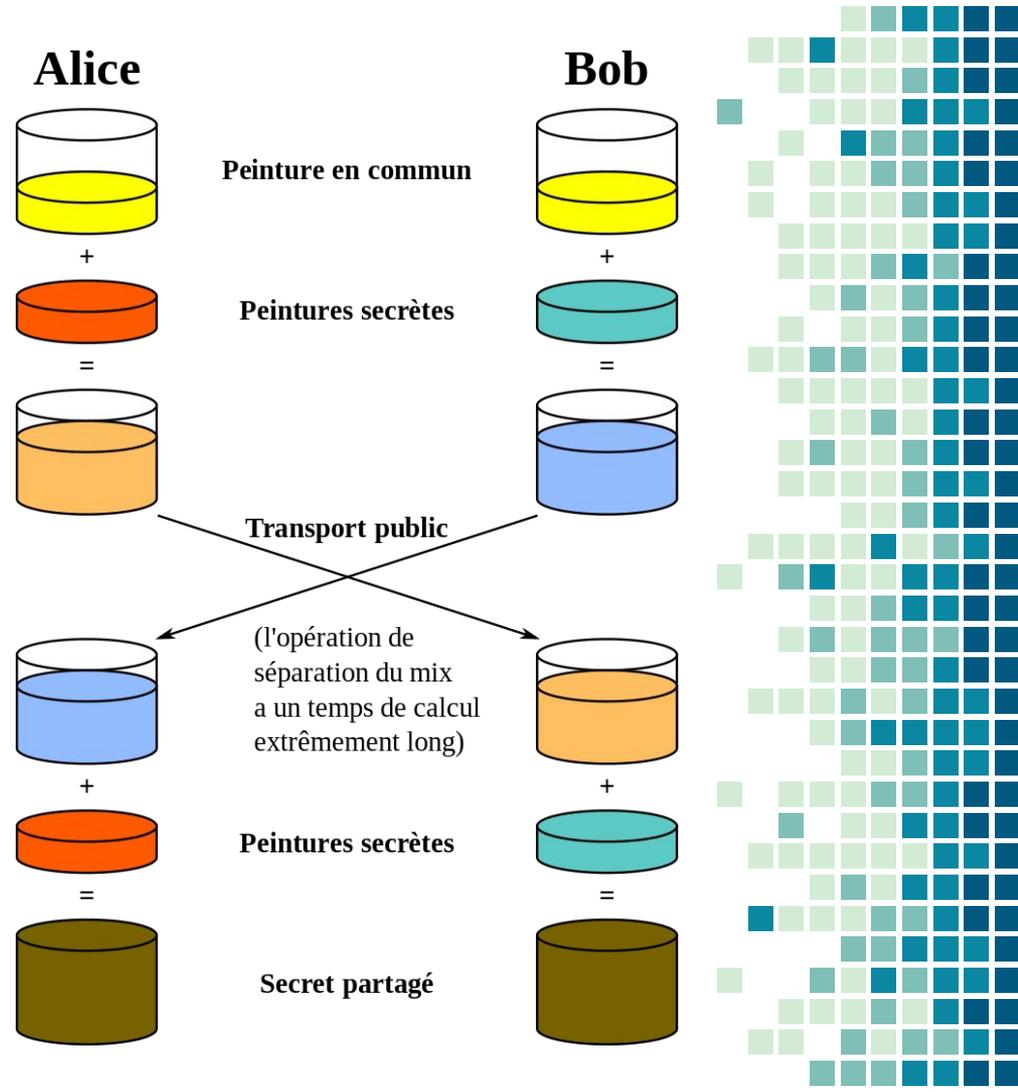
Échange de clés de Diffie-Hellman

- Peinture jaune : donnée publique
- Peinture rouge+bleu : données privées
- Peintures orange+cyan : résultat non réversible



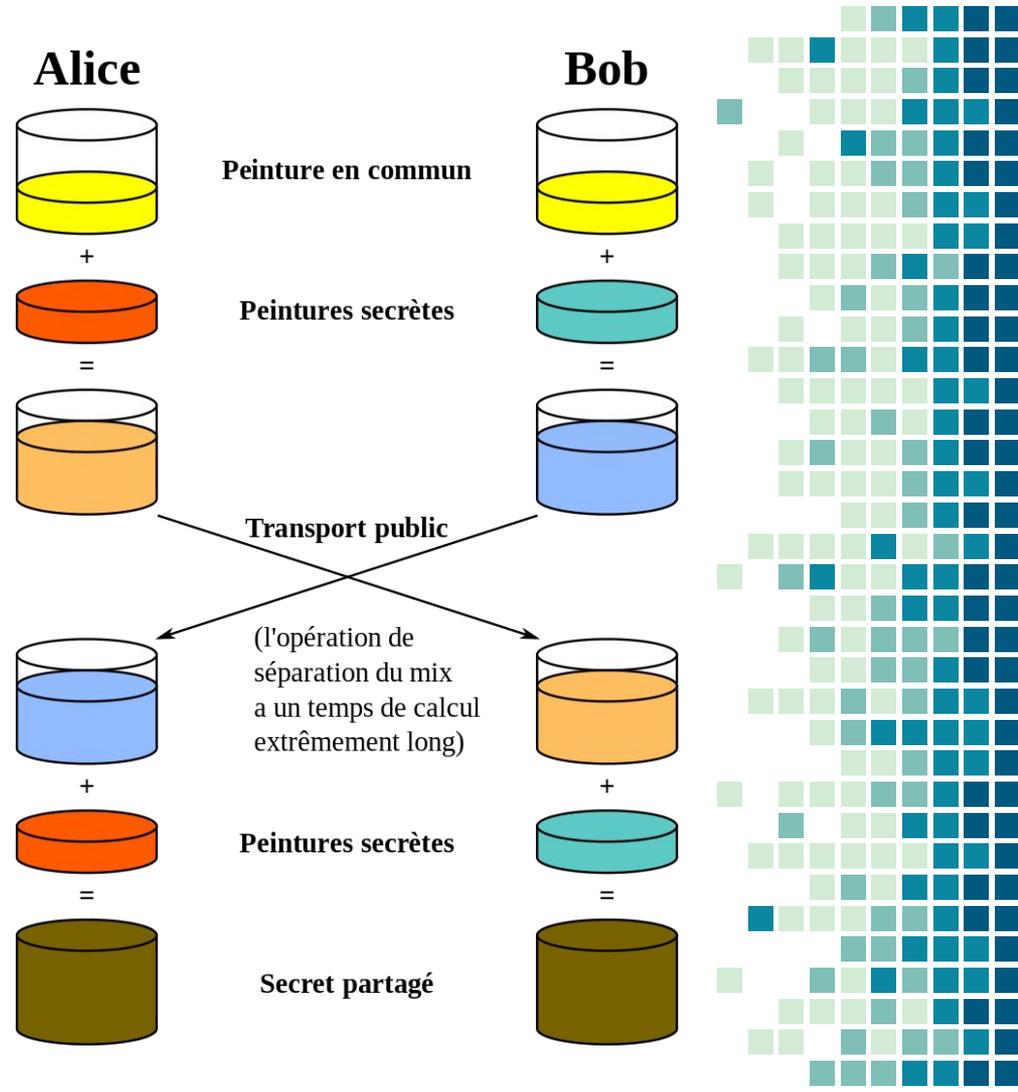
Échange de clés de Diffie-Hellman

- Peinture jaune : donnée publique
- Peinture rouge+bleu : données privées
- Peintures orange+cyan : résultat non réversible
- Ajout de la donnée privée : secret identique



Échange de clés de Diffie-Hellman

→ Problème du logarithme discret



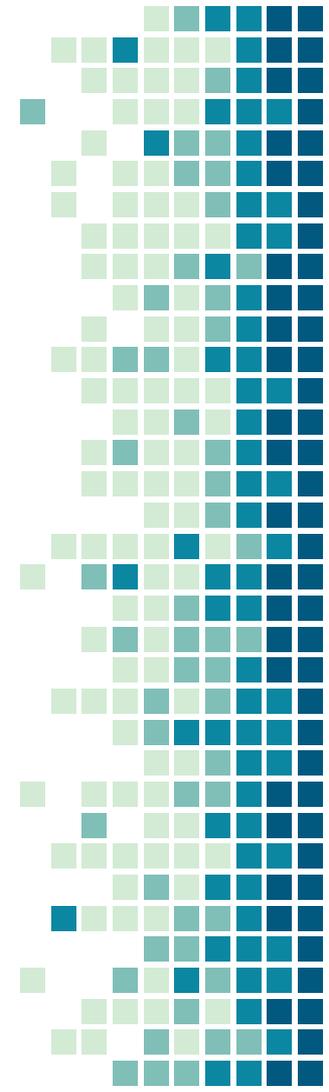
Signature numérique (DSA)

S'assurer de communiquer avec la
bonne personne

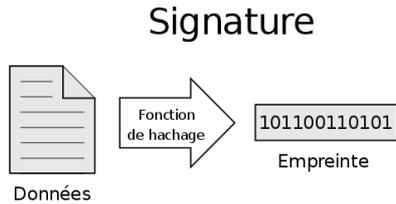


Signature numérique - postulats de base

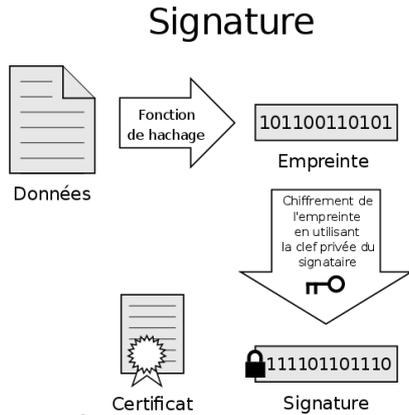
- Le signataire possède une identité publique
- Cette identité est connue du destinataire



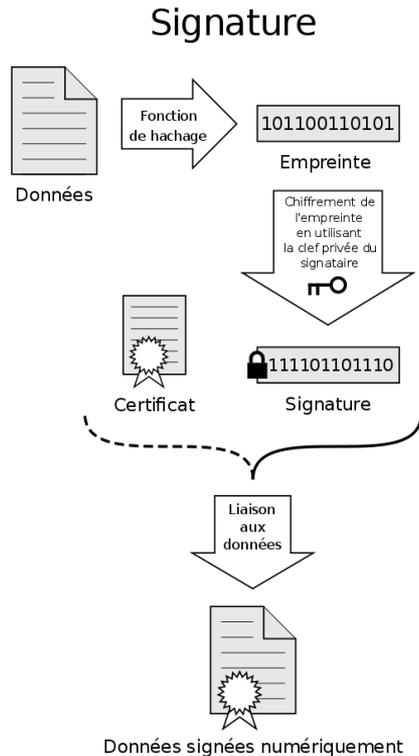
Signature numérique – principe



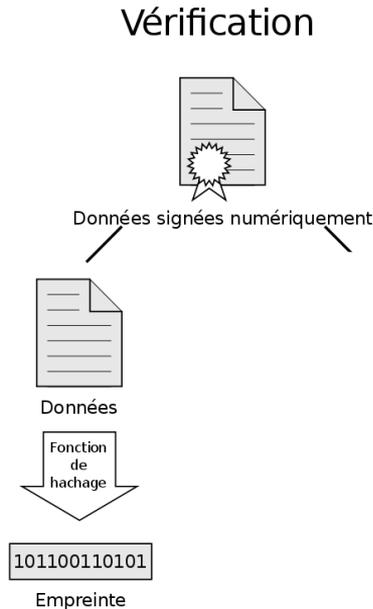
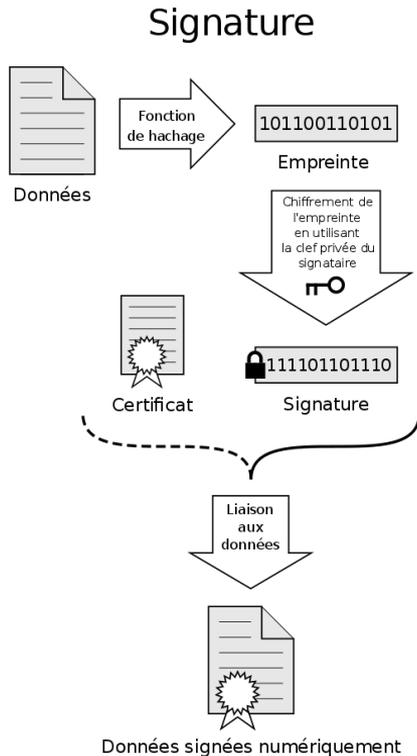
Signature numérique - principe



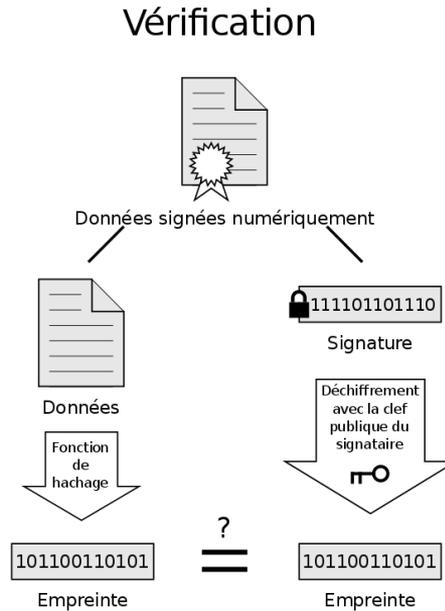
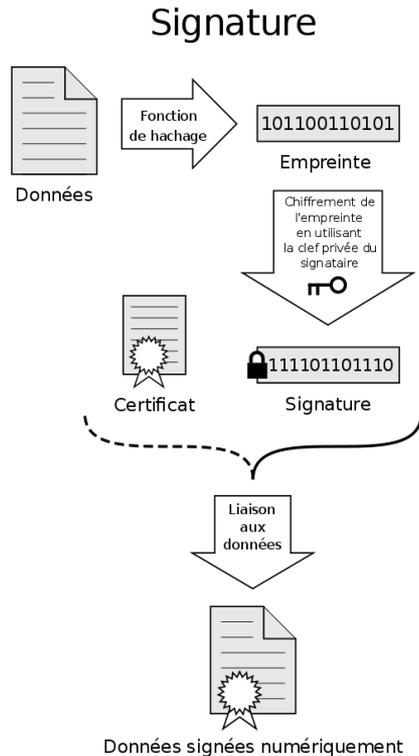
Signature numérique - principe



Signature numérique - principe

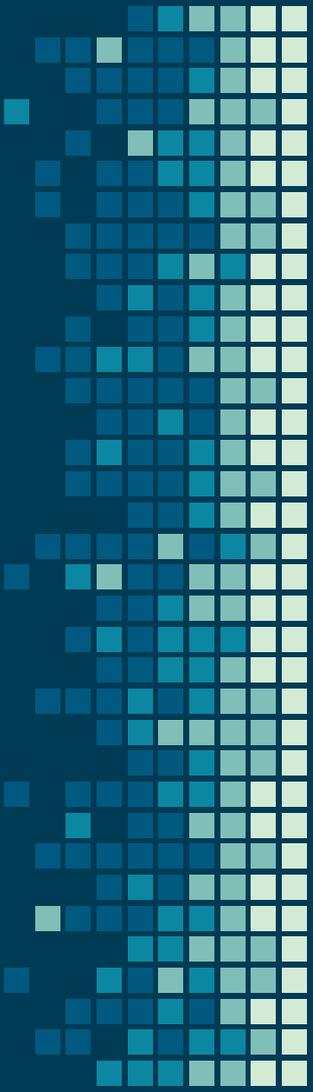


Signature numérique - principe



Echange de clés et signature

Des questions ?



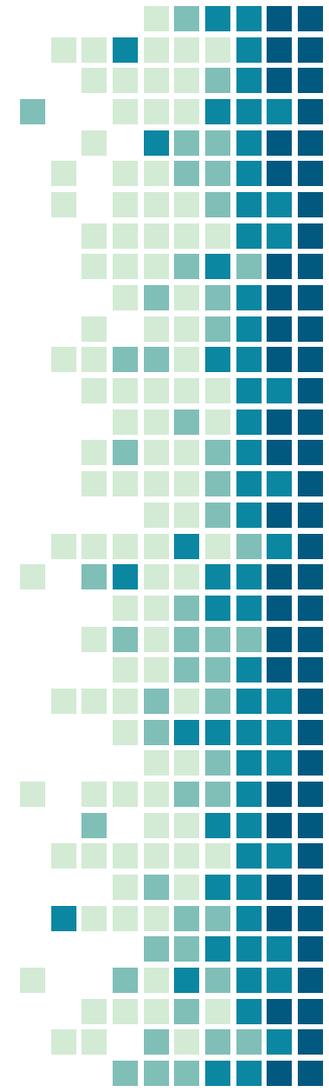
Certificats X.509

Identité numérique publique



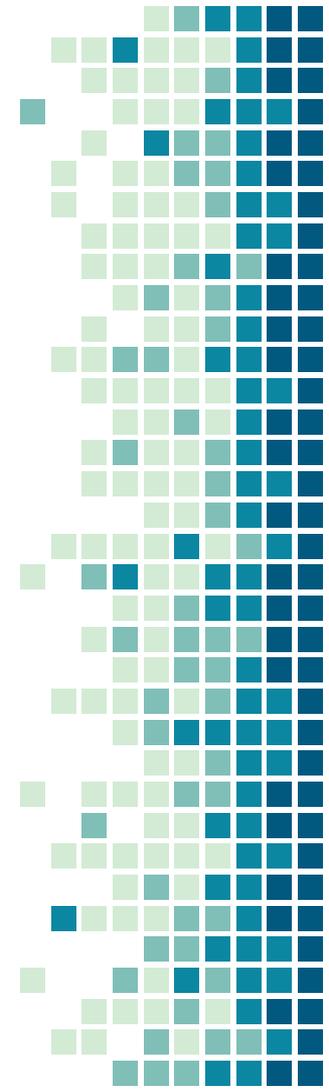
Certificats X.509

→ Spécification d'un certificat numérique



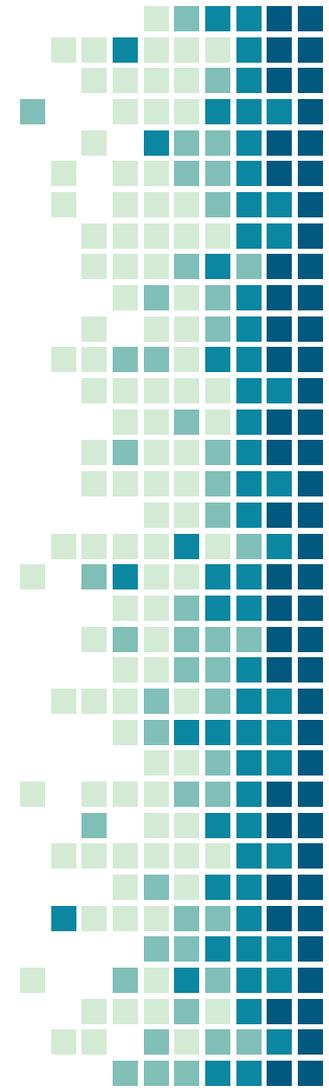
Certificats X.509

- Spécification d'un certificat numérique
- Lier une clé publique à une identité
 - ◆ Distinguished Name (DN)
 - ◆ Alternative Name (AN)



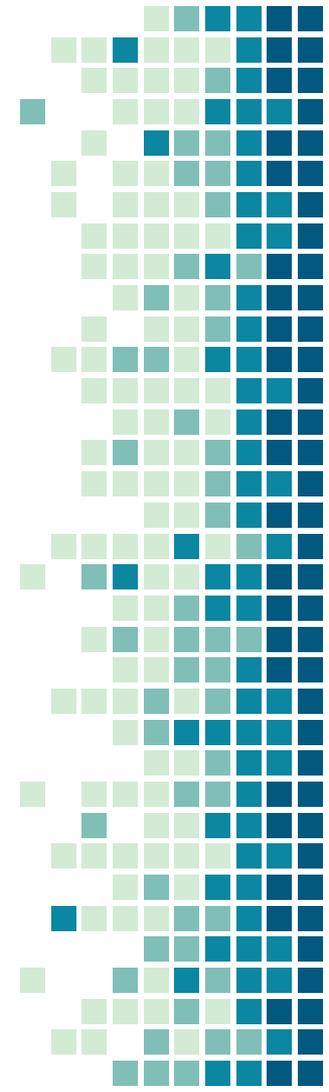
Certificats X.509

- Spécification d'un certificat numérique
- Lier une clé publique à une identité
 - ◆ Distinguished Name (DN)
 - ◆ Alternative Name (AN)
- Dates de validité, infos crypto, ...



Certificats X.509

- Spécification d'un certificat numérique
- Lier une clé publique à une identité
 - ◆ Distinguished Name (DN)
 - ◆ Alternative Name (AN)
- Dates de validité, infos crypto, ...
- Signature du certificat par une Autorité de Certification



Certificat X.509 - Exemple

```
1 $ openssl x509 -in /etc/letsencrypt/live/cyrilduval.fr/chain.pem -text -noout
2 Certificate:
3   Signature Algorithm: sha256WithRSAEncryption
4   Issuer: C = US, O = Let's Encrypt, CN = Let's Encrypt Authority X3
5   Validity
6     Not Before: Nov 18 21:14:43 2019 GMT
7     Not After : Feb 16 21:14:43 2020 GMT
8   Subject: CN = cyrilduval.fr
9   Subject Public Key Info:
10    Public Key Algorithm: rsaEncryption
11    Public-Key: (4096 bit)
12    Modulus:
13      00:b4:09:19:d4:0e:3c:82:3b:0f:ae:66:b7:c9:3d:
14      ....
15      3d:0a:2e:f8:02:f6:b8:3f:49:6c:51:f4:ac:48:90:
16      b3:6a:1b
17    Exponent: 65537 (0x10001)
18   X509v3 extensions:
19     X509v3 Subject Alternative Name:
20       DNS:cyrilduval.fr, DNS:www.cyrilduval.fr
21   Signature Algorithm: sha256WithRSAEncryption
22     71:e3:26:c5:51:db:30:55:07:d4:ac:7a:8b:05:67:a7:81:ba:
23     ....
24     78:04:19:da:b7:c1:25:d8:12:ab:62:bf:0e:3d:0a:b9:55:82:
25     d6:22:fd:6e
```

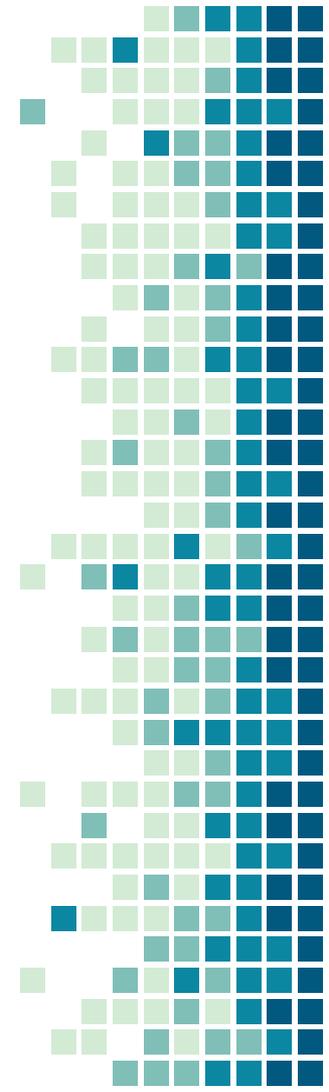
Autorité de certification

Ne pas faire confiance à n'importe qui



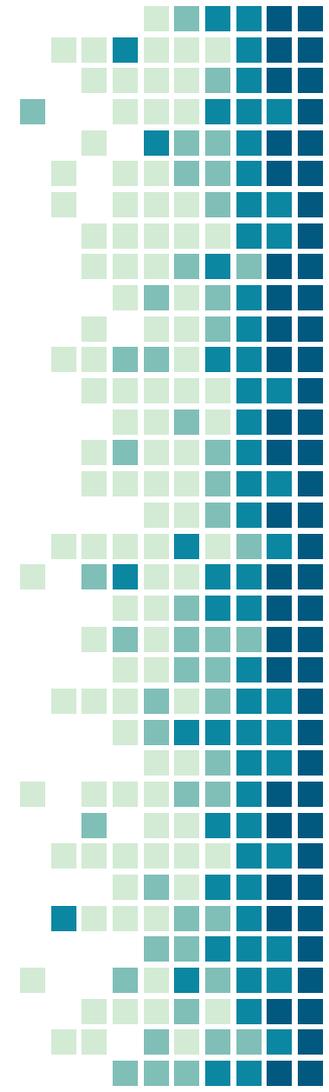
Autorité de certification

→ Tiers de confiance



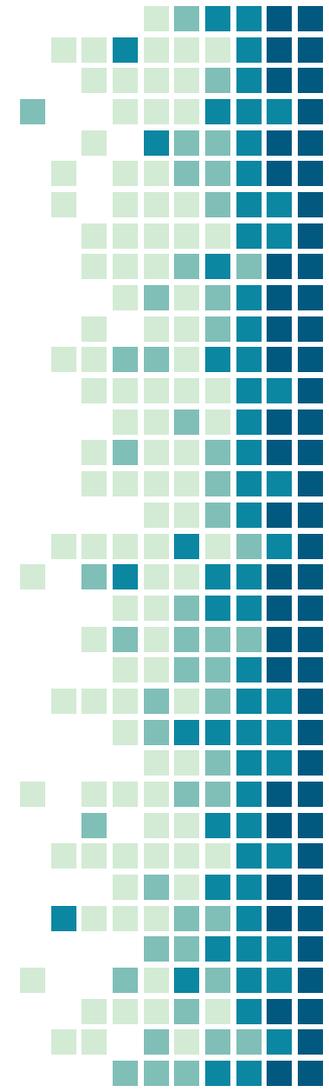
Autorité de certification

- Tiers de confiance
- Chaîne les certificats



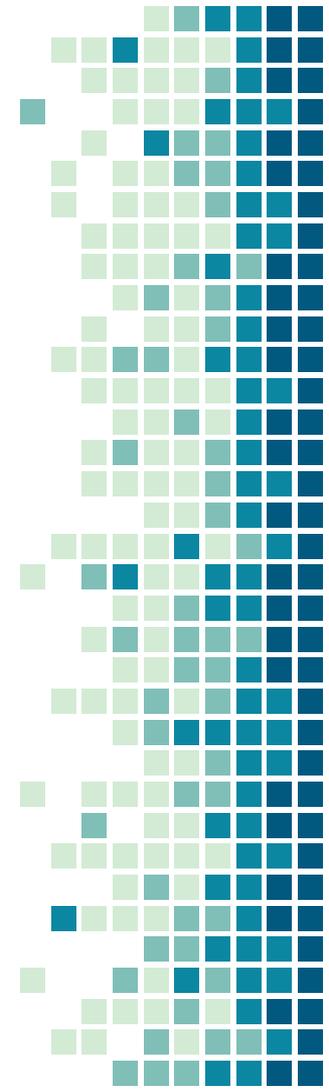
Autorité de certification

- Tiers de confiance
- Chaîne les certificats
- Sommet de la chaîne : certificat racine



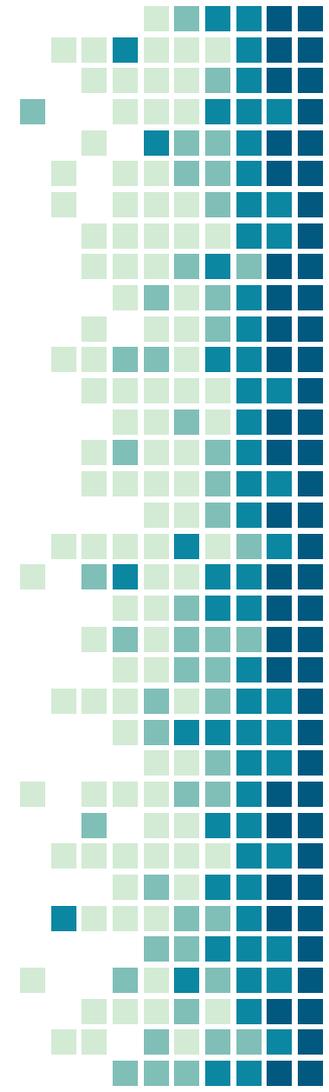
Autorité de certification

- Tiers de confiance
- Chaîne les certificats
- Sommet de la chaîne : certificat racine
 - ◆ Présents sur les machines des clients
 - ◆ `/etc/ssl/certs` pour linux



Autorité de certification - exemple

- Regardons par exemple le certificat fourni par wikipédia en HTTPS
- On utilise `openssl connect` pour vérifier



```
1 $ openssl s_client -connect fr.wikipedia.org:443
2 CONNECTED(00000003)
3 depth=2 OU = GlobalSign ECC Root CA - R5, O = GlobalSign, CN = GlobalSign
4 verify return:1
5 depth=1 C = BE, O = GlobalSign nv-sa, CN = GlobalSign ECC OV SSL CA 2018
6 verify return:1
7 depth=0 C = US, ST = California, L = San Francisco, O = "Wikimedia Foundation,
  Inc.", CN = *.wikipedia.org
8 verify return:1
9 ---
10 Certificate chain
11  0 s:C = US, ST = California, L = San Francisco, O = "Wikimedia Foundation,
  Inc.", CN = *.wikipedia.org
12   i:C = BE, O = GlobalSign nv-sa, CN = GlobalSign ECC OV SSL CA 2018
13  1 s:C = BE, O = GlobalSign nv-sa, CN = GlobalSign ECC OV SSL CA 2018
14   i:OU = GlobalSign ECC Root CA - R5, O = GlobalSign, CN = GlobalSign
15  2 s:OU = GlobalSign ECC Root CA - R5, O = GlobalSign, CN = GlobalSign
16   i:OU = GlobalSign Root CA - R3, O = GlobalSign, CN = GlobalSign
17 ---
18 Server certificate
19 ...
20 subject=C = US, ST = California, L = San Francisco, O = "Wikimedia Foundation,
  Inc.", CN = *.wikipedia.org
21
22 issuer=C = BE, O = GlobalSign nv-sa, CN = GlobalSign ECC OV SSL CA 2018
```



```
1 $ openssl s_client -connect fr.wikipedia.org:443
2 ...
3 2 s:OU = GlobalSign ECC Root CA - R5, O = GlobalSign, CN = GlobalSign
4   i:OU = GlobalSign Root CA - R3, O = GlobalSign, CN = GlobalSign
5 ...
6 $ ls /etc/ssl/certs/GlobalSign*
7 GlobalSign_ECC_Root_CA_-_R4.pem
8 GlobalSign_ECC_Root_CA_-_R5.pem
9 GlobalSign_Root_CA.pem
10 GlobalSign_Root_CA_-_R2.pem
11 GlobalSign_Root_CA_-_R3.pem
12 GlobalSign_Root_CA_-_R6.pem
```

```
1 $ openssl x509 -in GlobalSign_ECC_Root_CA_-_R5.pem -text -noout
2 Certificate:
3   Data:
4     Signature Algorithm: ecdsa-with-SHA384
5     Issuer: OU = GlobalSign ECC Root CA - R5, O = GlobalSign, CN = GlobalSign
6     Validity
7       Not Before: Nov 13 00:00:00 2012 GMT
8       Not After : Jan 19 03:14:07 2038 GMT
9     Subject: OU = GlobalSign ECC Root CA - R5, O = GlobalSign, CN =
10    GlobalSign
11     Subject Public Key Info:
12       Public Key Algorithm: id-ecPublicKey
13       Public-Key: (384 bit)
14       pub:
15         04:47:45:0e:96:fb:7d:5d:bf:e9:39:d1:21:f8:9f:
16         ...
17         93:4d:97:61:06:86:4a
18       ASN1 OID: secp384r1
19       NIST CURVE: P-384
20     Signature Algorithm: ecdsa-with-SHA384
21       30:65:02:31:00:e5:69:12:c9:6e:db:c6:31:ba:09:41:e1:97:
22       ...
23       69:f1:f7:3b:e1:2a:cb:f9:2b:f3:66:90:37
```

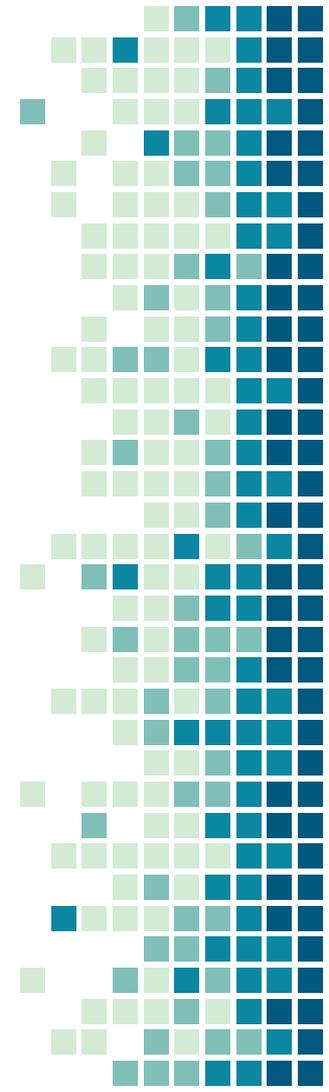
Cryptographie et courbes elliptiques

Car la crypto était simple jusqu'à présent



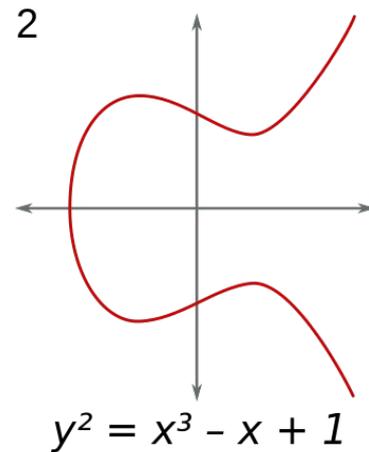
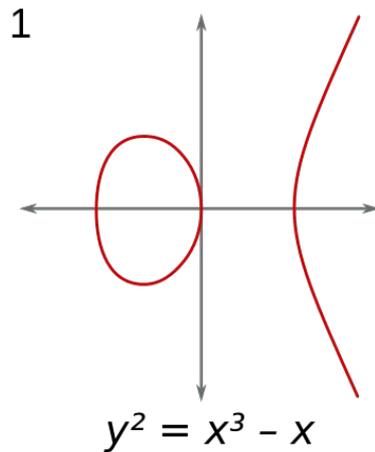
Courbes elliptiques

→ Problème du logarithme discret



Courbes elliptiques

- Problème du logarithme discret
- Autre approche avec des problèmes sur courbes elliptiques

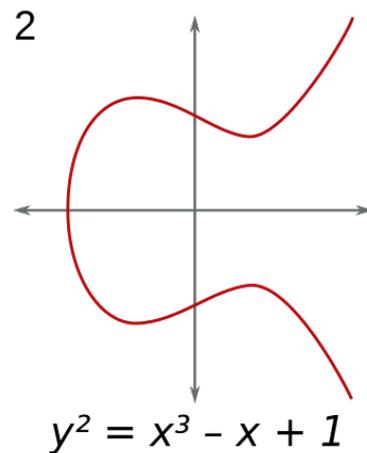
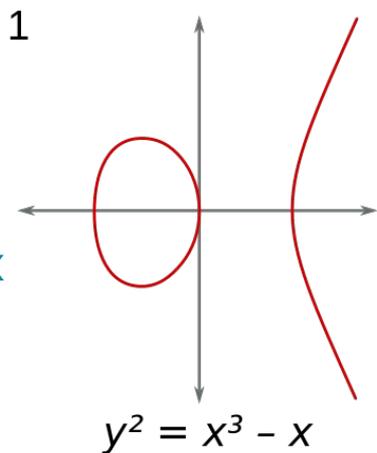


Courbes elliptiques

- Problème du logarithme discret
- Autre approche avec des problèmes sur courbes elliptiques
- Courbes précises

e.g. : **Curve25519**

$$y^2 = x^3 + 486662x^2 + x$$

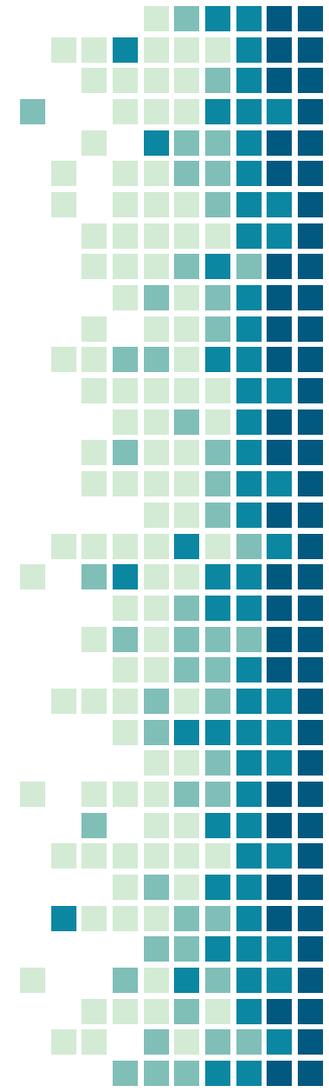


Courbes elliptiques

→ Pas directement transposable

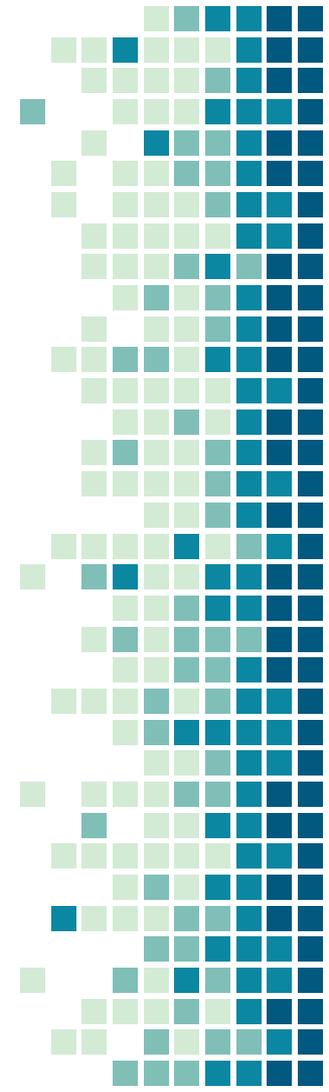
◆ Diffie-Hellman (*DH*) ->

Elliptic Curves Diffie-Hellman (*ECDH*)



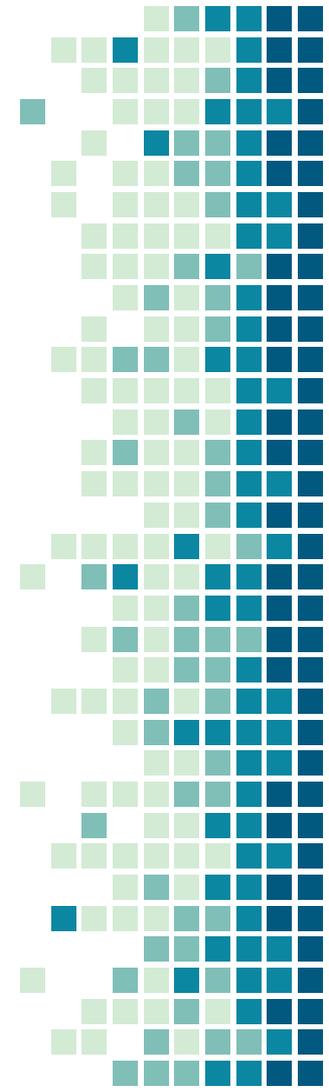
Courbes elliptiques

- Pas directement transposable
 - ◆ Diffie-Hellman (DH) -> Elliptic Curves Diffie-Hellman ($ECDH$)
- Implémentation souvent plus difficile



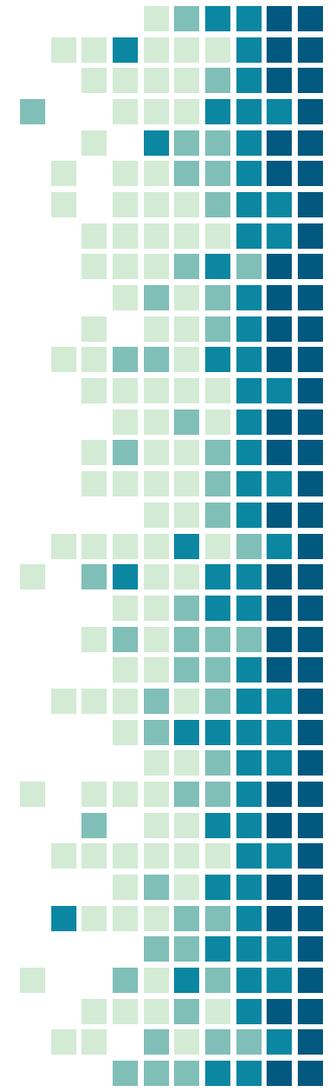
Courbes elliptiques

- Pas directement transposable
 - ◆ Diffie-Hellman (*DH*) ->
Elliptic Curves Diffie-Hellman (*ECDH*)
- Implémentation souvent plus difficile
- Utilisation (utilisateur) identique



Courbes elliptiques

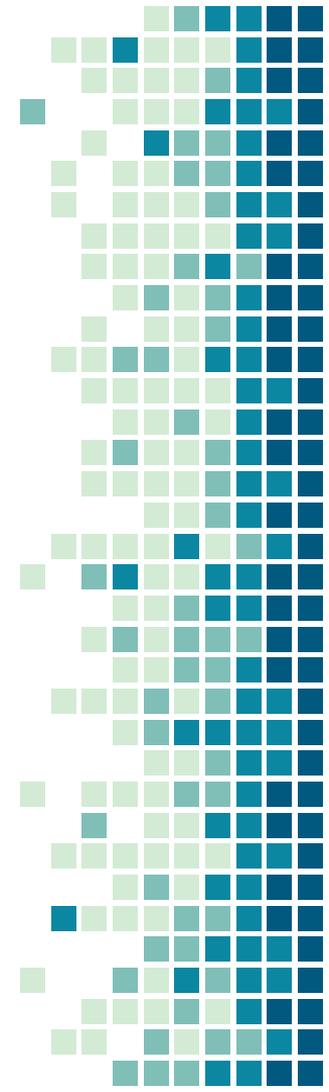
- Pas directement transposable
 - ◆ Diffie-Hellman (*DH*) ->
Elliptic Curves Diffie-Hellman (*ECDH*)
- Implémentation souvent plus difficile
- Utilisation (utilisateur) identique
- Clés beaucoup plus petite pour sécurité égale



Courbes elliptiques



```
1 $ cat id_rsa.pub | wc -c  
2 725  
3 $ cat id_ed25519.pub | wc -c  
4 100
```



Le plus important

Soyez attentifs



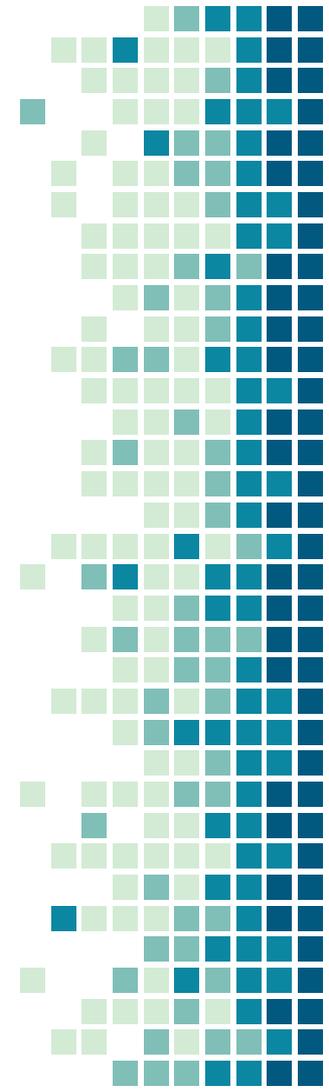
Le plus important

On dit :

- > Chiffrer
- > Déchiffrer
- > Chiffrement
- > Décrypter

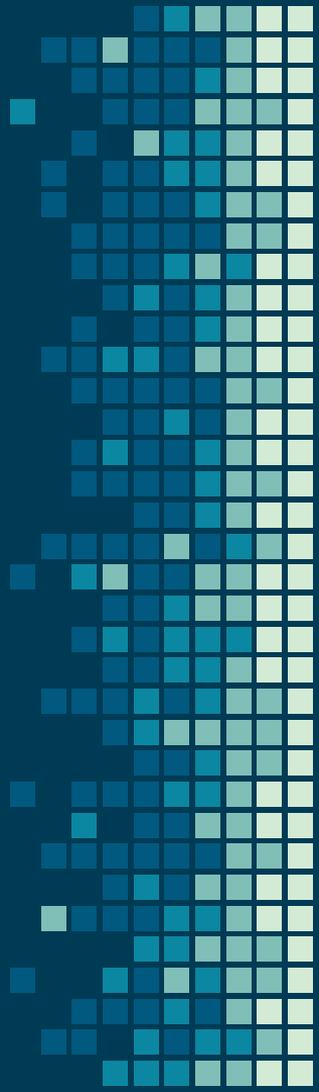
On ne dit pas :

- > Crypter
- > Cryptage
- > Encrypter
- > Chiffrage



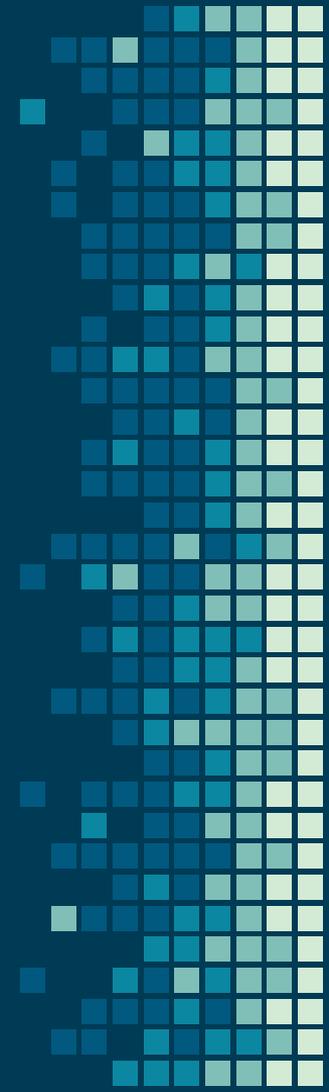
Merci !

Des questions ?



Merci !

Des questions ?



Disponible sur
zarak.fr/crypto/introduction